Fiche de révision nº 25

Exercice 1

Encadre 821 puis 259 par deux multiples consécutifs de 15.

Exercice 2

Quel est le plus grand multiple de 16 inférieur à 122 ?

Exercice 3

Quel est le plus petit multiple de 27 supérieur à 549 ?

Exercice 4

Décompose les nombres suivants en produit de facteurs premiers : 6944; 12312; 6500 et 6000

Exercice 5

Donne tous les diviseurs des nombres suivants : 135; 200; 84 et 534

Exercice 6

Les nombres suivants sont-ils premiers?

- · Cinq-cent-sept.
- Quatre-mille-neuf-cent-quatre-vingt-trois.
- Onze-mille-sept-cent-vingt-neuf.
- Cent-onze-mille-cent-quatre-vingt-un.

(C)2019 wouf prod

Correction de la fiche nº 25

Exercice 1

On effectue la division euclidienne de 821 par 15 :

- $821 = 15 \times 54 + 11$
- 821 = 810 + 11

donc $810 \le 821 < 825$

De même:

On effectue la division euclidienne de 259 par 15 :

- $259 = 15 \times 17 + 4$
- 259 = 255 + 4

donc $255 \le 259 < 270$

Exercice 2

- 16 x 7 = 112
- 16 x 8 = 128

Donc le plus grand multiple de 16 inférieur à 122 est 112

Exercice 3

- 27 x 20 = 540
- 27 x 21 = 567

Donc le plus petit multiple de 27 supérieur à 549 est 567

Exercice 4

1/ Décomposition de 6944 en facteurs premiers :

$$6944 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 31 = 2^5 \times 7 \times 31$$

2/ Décomposition de 12312 en facteurs premiers :

$$12312 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 19 = 2^{3} \times 3^{4} \times 19$$

3/ Décomposition de 6500 en facteurs premiers :

$$6500 = 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5 \times 13 = 2^2 \times 5^3 \times 13$$

4/ Décomposition de 6000 en facteurs premiers :

$$6000 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 5 \times 5 = 2^4 \times 3 \times 5^3$$

Exercice 5

Les diviseurs sont :

```
135: {1; 3; 5; 9; 15; 27; 45; 135}
200: {1; 2; 4; 5; 8; 10; 20; 25; 40; 50; 100; 200}
84: {1; 2; 3; 4; 6; 7; 12; 14; 21; 28; 42; 84}
534: {1; 2; 3; 6; 89; 178; 267; 534}
```

Exercice 6

Un nombre premier est un nombre qui admet exactement deux diviseurs, un et lui-même.

507 est-il premier?

Critère de divisibilité par 3 :

5 + 0 + 7 = 12 et 12 est un multiple de 3 donc 507 aussi.

507 n'est pas premier!

4 983 est-il premier?

Critère de divisibilité par 3 :

4 + 9 + 8 + 3 = 24 et 24 est un multiple de 3 donc 4 983 aussi.

4 983 n'est pas premier!

11 729 est-il premier ?

Il n'y a pas de diviseurs évidents.

La décomposition en facteurs premiers de 11 729 à la calculatrice donne : 11729 = 1 x 37 x 317 donc 11 729 n'est pas un nombre premier.

111 181 est-il premier ?

Il n'y a pas de diviseurs évidents.

La décomposition en facteurs premiers de 111 181 à la calculatrice donne : $111181 = 1 \times 7 \times 7 \times 2269 = 7^2 \times 2269$ donc 111 181 n'est pas un nombre premier.

(C)2019 wouf prod