♥ Les puissances au collège

Exercice 1

Donne les écritures décimales si elles existent (fractionnaires sinon) de :

- $(-1)^3$
- (-7)⁻⁵
- $(-8)^3$
- (-9)⁻⁵

Exercice 2

Écris sous la forme d'une puissance :

- $(-9)^{-1} \times (-9)^{-4}$
- $7^2 \times 7^{-7}$
- $3^0 \times 3^1$
- $(-15)^{-2} \times (-15)^8$

Exercice 3

Écris sous la forme d'une puissance :

- $\frac{10^{-2}}{10^9}$
- $\frac{(-20)^{-5}}{(-20)^{-18}}$
- $\frac{12^0}{12^1}$
- $\frac{17^2}{17^{-13}}$

Exercice 4

Écris sous la forme d'une puissance de 10:

- 0,000 01
- 0,000 000 000 001
- 10 000 000
- 1

Exercice 5

Écris en notation scientifique les nombres suivants :

- 0,000 779 8
- - 342,6
- - 0,007 049
- 97 670

(C)2019 wouf prod

Correction

Exercice 1

Si p=0 (et n \neq 0) alors n^p=1

Si p>0 alors n^p est le produit du facteur n par lui même p fois

et n^{-p} est l'inverse du produit du facteur n par lui même p fois

•
$$(-1)^3 = (-1) \times (-1) \times (-1) = -1$$

•
$$(-7)^{-5} = \frac{1}{-7 \times (-7) \times (-7) \times (-7) \times (-7)} = \frac{1}{-16807} = \frac{-1}{16807}$$

•
$$(-8)^3 = (-8) \times (-8) \times (-8) = -512$$

•
$$(-8)^3 = (-8) \times (-8) \times (-8) = -512$$

• $(-9)^{-5} = \frac{1}{-9 \times (-9) \times (-9) \times (-9) \times (-9)} = \frac{1}{-59049} = \frac{-1}{59049}$

Exercice 2

Pour multiplier des puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit d'ajouter les exposants!

•
$$(-9)^{-1} \times (-9)^{-4} = (-9)^{-5}$$

•
$$7^2 \times 7^{-7} = 7^{-5}$$

•
$$3^0 \times 3^1 = 3^1$$

•
$$(-15)^{-2} \times (-15)^8 = (-15)^6$$

Exercice 3

Pour simplifier le quotient de deux puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit de soustraire les exposants!

$$\frac{10^{-2}}{10^9} = 10^{-11}$$

•
$$\frac{12^0}{12^1} = 12^{-1}$$

$$\bullet \quad \frac{17^2}{17^{-13}} = 17^{15}$$

Exercice 4

Pour tout entier n positif, $10^n = 10...0$ avec n zéros et $10^{-n} = 0,0...01$ avec n zéros

•
$$0.00001 = 10^{-5}$$

•
$$0,000\ 000\ 000\ 001 = 10^{-12}$$

•
$$10\ 000\ 000 = 10^7$$

•
$$1 = 10^0$$

(C)2019 wouf prod

Exercice 5

Tout nombre décimal non nul peut être écrit en notation scientifique, c'est-à-dire sous la forme $a \times 10^n$, où a est un nombre décimal ayant un seul chiffre non nul pour partie entière et où n est un nombre entier relatif. a est appelé *mantisse* du nombre.

- $0,0007798 = 7,798 \times 10^{-4}$
- $-342,6 = -3,426 \times 10^2$
- $-0.007049 = -7.049 \times 10^{-3}$
- $97670 = 9,767 \times 10^4$

(C)2019 wouf prod