



Équations

Cycle 4 — Fiche n°148



Les 5 exercices ci-dessous balaient les équations au cycle 4 : vérifier qu'un nombre est solution, résoudre une équation du premier degré, traiter le cas où l'inconnue figure des deux côtés du signe égal, mettre un problème en équation, et résoudre une équation produit nul ou du type $x^2 = k$. La mise en équation d'un problème tombe presque chaque année au DNB.

Exercice 1 — Tester une solution

On considère l'équation $2x = 5x - 15$.

1. Le nombre 4 est-il solution de cette équation ? Justifier par un calcul.
2. Même question pour 5.
3. Que peut-on en conclure ?

Exercice 2 — Résoudre une équation du premier degré

Résoudre chacune des équations suivantes. **Détailler les étapes** et vérifier la solution trouvée.

1. $-6x - 9 = -3$
2. $-7x + 15 = -27$
3. $9x + 7 = 79$

Exercice 3 — L'inconnue des deux côtés

Résoudre chacune des équations suivantes, dans lesquelles l'inconnue figure **dans les deux membres**.

1. $8x - 1 = -x - 10$
2. $8x + 11 = -x - 61$
3. $2x + 12 = -2x + 16$

Exercice 4 — Mettre un problème en équation

Lire l'énoncé, choisir l'inconnue, puis répondre aux questions.

Un rectangle a une **longueur qui dépasse sa largeur de 12 cm**. Son **périmètre est de 84 cm**.

1. Choisir l'inconnue et exprimer la longueur en fonction de celle-ci.
2. Mettre le problème en équation.
3. Résoudre l'équation et donner les **dimensions du rectangle**, en cm.

Exercice 5 — Équation produit nul et carrés

Résoudre les équations suivantes. **Justifier** en citant la propriété utilisée.

1. $(x - 5) \times (x - 4) = 0$
2. $x^2 = 100$
3. $x^2 = -100$



Correction

Exercice 1 — Correction

Pour **tester** si un nombre est solution, on remplace x par ce nombre dans **chaque membre séparément**, on calcule les deux résultats, puis on les compare. On ne résout rien : c'est une simple vérification.

1. On remplace x par 4 :

$$\text{Membre de gauche : } 2x = 2 \times 4 = 8$$

$$\text{Membre de droite : } 5x - 15 = 5 \times 4 - 15 = 5$$

Les deux membres ne sont pas égaux ($8 \neq 5$) : 4 n'est pas solution de l'équation.

2. On remplace x par 5 :

$$\text{Membre de gauche : } 2x = 2 \times 5 = 10$$

$$\text{Membre de droite : } 5x - 15 = 5 \times 5 - 15 = 10$$

Les deux membres sont égaux ($10 = 10$) : 5 est solution de l'équation.

3.

Parmi les deux nombres testés, seul 5 est solution de l'équation.

Attention : avoir trouvé une solution ne prouve pas qu'il n'y en a pas d'autres. Ici l'équation est du premier degré, donc elle en admet exactement une — mais c'est la **résolution**, pas le test, qui le démontre.

Exercice 2 — Correction

Méthode. On isole x en deux temps : d'abord on fait passer le terme constant de l'autre côté (en lui changeant de signe), puis on divise les deux membres par le coefficient de x . Tout ce qu'on fait à un membre, on le fait à l'autre.

1.

$$-6x - 9 = -3$$

$$-6x = -3 + 9$$

$$-6x = 6$$

$$x = \frac{-6}{-6}$$

$$x = 1$$

La solution est 1.

$$\text{Vérification : } -6 \times 1 - 9 = -15 \checkmark$$

2.

$$-7x + 15 = -27$$

$$-7x = -27 - 15$$

$$-7x = -42$$

$$x = \frac{-42}{-7}$$

$$x = 6$$

La solution est 6.

$$\text{Vérification : } -7 \times 6 + 15 = -42 \checkmark$$

3.

$$9x + 7 = 79$$

$$9x = 79 - 7$$

$$9x = 72$$



$$x = \frac{72}{9}$$

$$x = 8$$

La solution est 8.

Vérification : $9 \times 8 + 7 = 79 \checkmark$

Exercice 3 — Correction

Méthode. On regroupe les termes en x d'un côté et les nombres de l'autre. Un terme qui change de membre **change de signe**. On termine comme une équation ordinaire, par une division.

1.

$$8x - 1 = -x - 10$$

$$8x + x = -10 + 1$$

$$9x = -9$$

$$x = \frac{-9}{9}$$

$$x = -1$$

La solution est -1.

Vérification : à gauche $8 \times (-1) - 1 = -9$, à droite $-(-1) - 10 = -9 \checkmark$

2.

$$8x + 11 = -x - 61$$

$$8x + x = -61 - 11$$

$$9x = -72$$

$$x = \frac{-72}{9}$$

$$x = -8$$

La solution est -8.

Vérification : à gauche $8 \times (-8) + 11 = -53$, à droite $-(-8) - 61 = -53 \checkmark$

3.

$$2x + 12 = -2x + 16$$

$$2x + 2x = 16 - 12$$

$$4x = 4$$

$$x = \frac{4}{4}$$

$$x = 1$$

La solution est 1.

Vérification : à gauche $2 \times 1 + 12 = 14$, à droite $-2 \times 1 + 16 = 14 \checkmark$

Exercice 4 — Correction

Méthode en trois temps. (1) On nomme l'inconnue et on précise ce qu'elle représente, **avec son unité**. (2) On traduit l'énoncé par une égalité. (3) On résout, puis on **revient à la question posée** : la solution de l'équation n'est pas toujours la réponse attendue.

1. On appelle x la **largeur** du rectangle, en cm.

La longueur vaut alors $x + 12$.

2. Le périmètre d'un rectangle vaut $2 \times (\text{largeur} + \text{longueur})$:

$$2 \times (x + x + 12) = 84$$

$$2 \times (2x + 12) = 84$$



$$4x + 24 = 84$$

3. On résout :

$$4x = 84 - 24$$

$$4x = 60$$

$$x = \frac{60}{4} = 15$$

La largeur est de 15 cm et la longueur de 27 cm.

$$\text{Vérification : } 2 \times (15 + 27) = 84 \text{ cm } \checkmark$$

Exercice 5 — Correction

Propriété du produit nul. Un produit de facteurs est nul **si et seulement si** l'un au moins de ses facteurs est nul. On traite donc chaque facteur séparément.

1. Le produit est nul, donc l'un des deux facteurs est nul :

$$x - 5 = 0 \text{ ou } x - 4 = 0$$

$$x = 5 \text{ ou } x = 4$$

$$x = 5 \text{ ou } x = 4$$

L'équation admet deux solutions : 5 et 4.

Équation $x^2 = k$. Si $k > 0$, elle a **deux** solutions opposées, $\sqrt{k}$ et $-\sqrt{k}$. Si $k = 0$, une seule : 0. Si $k < 0$, **aucune** solution, car un carré n'est jamais négatif.

2. Ici $100 > 0$, et $100 = 10^2$:

$$x = 10 \text{ ou } x = -10$$

Les solutions sont 10 et -10.

3. Ici $-100 < 0$:

L'équation $x^2 = -100$ n'a aucune solution, car le carré d'un nombre est toujours positif ou nul.

Erreur classique : ne donner qu'une seule solution à $x^2 = 100$. Il y en a bien **deux**, 10 et -10, puisque $(-10)^2 = 100$ aussi.