

## ♥ Probabilités

Dans les exercices qui suivent, on donnera les réponses sous 3 formes : Une fraction irréductible, une valeur décimale arrondi aux centièmes, et un pourcentage (arrondi à l'unité).

### Exercice 1

#### Première Partie

Dans un [jeu de 52 cartes](#), quelle est la probabilité de tirer :

- Le DIX de COEUR ?
- Un COEUR ?
- Un DIX ?

#### Deuxième partie

On ajoute deux jokers dans le jeu. Ces jokers peuvent remplacer n'importe quelle carte. Reprendre les 3 questions précédentes.

#### Troisième partie

On dispose à nouveau d'un jeu de 52 cartes classique, sans joker. Bakr et Timothée jouent ensemble avec les règles suivantes :

L'ordre des cartes est celui de la bataille (AS-ROI-DAME-VALET-DIX-NEUF-HUIT etc.) Les joueurs tirent une carte, le gagnant est celui qui a la carte la plus forte. (Une égalité est possible).

Bakr vient de tirer Le SIX de PIQUE. A votre avis qui va gagner ? Ne répondez qu'après avoir calculé 3 probabilités :

- La probabilité que Bakr gagne
- La probabilité que Timothée gagne
- La probabilité de match nul

### Exercice 2

Une urne contient 3 boules mauves (M), 6 boules cuivrées (C) et 2 boules rouges (R) indiscernables au toucher.

On tire successivement et sans remise deux boules

- Construire l'arbre des probabilités décrivant cette expérience aléatoire.
- Quelle est la probabilité que la première boule tirée soit mauve ?
- Quelle est la probabilité de tirer un boule cuivrée puis une rouge ?
- Quelle est la probabilité de finir en tirant une boule cuivrée ?

## Exercice 1

### Première partie

En cas d'équiprobabilité, une probabilité se calcule avec la formule :

$$\frac{\text{Nombre d'issues favorables}}{\text{Nombres d'issues possibles}}$$

- $P(\text{DIX de COEUR}) = \frac{1}{52} \approx 0.02$  (Soit environ 2 %)
- $P(\text{COEUR}) = \frac{13}{52} = \frac{1}{4} = 0.25$  (Soit 25 %)
- $P(\text{DIX}) = \frac{4}{52} = \frac{1}{13} \approx 0.08$  (Soit environ 8 %)

### Deuxième partie

- $P(\text{DIX de COEUR}) = \frac{3}{54} = \frac{1}{18} \approx 0.06$  (Soit environ 6 %)
- $P(\text{COEUR}) = \frac{15}{54} = \frac{5}{18} \approx 0.28$  (Soit environ 28 %)
- $P(\text{DIX}) = \frac{6}{54} = \frac{1}{9} \approx 0.11$  (Soit environ 11 %)

### Troisième partie

Bakr qui vient de piocher Le SIX de PIQUE, gagne si Timothée tire :

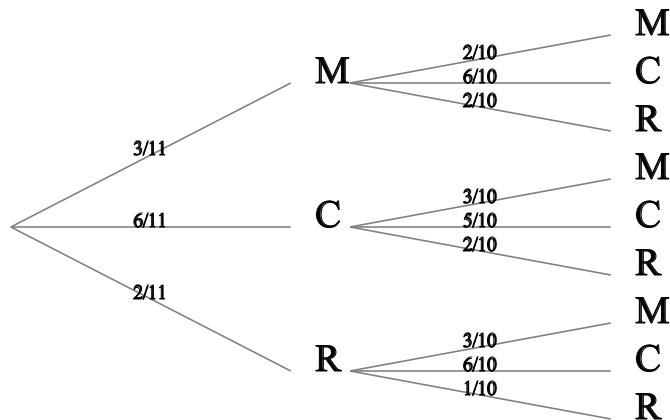
- L'un des quatre DEUX.
- L'un des quatre TROIS.
- L'un des quatre QUATRE.
- L'un des quatre CINQ.

$$P(\text{Bakr gagne}) = \frac{16}{51} \approx 0.31 \text{ (Soit environ 31 \%)}$$

$$\text{De même } P(\text{Timothée gagne}) = \frac{32}{51} \approx 0.63 \text{ (Soit environ 63 \%)}$$

$$\text{et } P(\text{Match nul}) = \frac{3}{51} = \frac{1}{17} \approx 0.06 \text{ (Soit environ 6 \%)}$$

**Exercice 2**



**La première boule tirée est mauve:**

$$P(M) = \frac{3}{11} \approx 0.27 \text{ (Soit environ 27 \%)}$$

**La première boule tirée est cuivrée, la deuxième est rouge :**

$$P(C;R) = \frac{6}{11} \times \frac{2}{10} = \frac{12}{110} = \frac{6}{55} \approx 0.11 \text{ (Soit environ 11 \%)}$$

**La deuxième boule tirée est cuivrée:**

$$P(?;C) = \frac{3}{11} \times \frac{6}{10} + \frac{6}{11} \times \frac{5}{10} + \frac{2}{11} \times \frac{6}{10} = \frac{60}{110} = \frac{6}{11} \approx 0.55 \text{ (Soit environ 55 \%)}$$