

## ♥ Probabilités

Dans les exercices qui suivent, on donnera les réponses sous 3 formes : Une fraction irréductible, une valeur décimale arrondi aux centièmes, et un pourcentage (arrondi à l'unité).

### Exercice 1

#### Première Partie

Dans un [jeu de 52 cartes](#), quelle est la probabilité de tirer :

- Le CINQ de CARREAU ?
- Un CARREAU ?
- Un CINQ ?

#### Deuxième partie

On ajoute deux jokers dans le jeu. Ces jokers peuvent remplacer n'importe quelle carte. Reprendre les 3 questions précédentes.

#### Troisième partie

On dispose à nouveau d'un jeu de 52 cartes classique, sans joker. Rémy et Che jouent ensemble avec les règles suivantes :

L'ordre des cartes est celui de la bataille (AS-ROI-DAME-VALET-DIX-NEUF-HUIT etc.) Les joueurs tirent une carte, le gagnant est celui qui a la carte la plus forte. (Une égalité est possible).

Rémy vient de tirer Le CINQ de PIQUE. A votre avis qui va gagner ? Ne répondez qu'après avoir calculé 3 probabilités :

- La probabilité que Rémy gagne
- La probabilité que Che gagne
- La probabilité de match nul

### Exercice 2

Une urne contient 3 boules écruées (E), 2 boules mauves (M) et 8 boules vertes (V) indiscernables au toucher.

On tire successivement et sans remise deux boules

- Construire l'arbre des probabilités décrivant cette expérience aléatoire.
- Quelle est la probabilité que la première boule tirée soit écruée ?
- Quelle est la probabilité de tirer un boule mauve puis une verte ?
- Quelle est la probabilité de finir en tirant une boule mauve ?

**Exercice 1**

**Première partie**

En cas d'équiprobabilité, une probabilité se calcule avec la formule :

$$\frac{\text{Nombre d'issues favorables}}{\text{Nombres d'issues possibles}}$$

- $P(\text{CINQ de CARREAU}) = \frac{1}{52} \approx 0.02$  (Soit environ 2 %)
- $P(\text{CARREAU}) = \frac{13}{52} = \frac{1}{4} = 0.25$  (Soit 25 %)
- $P(\text{CINQ}) = \frac{4}{52} = \frac{1}{13} \approx 0.08$  (Soit environ 8 %)

**Deuxième partie**

- $P(\text{CINQ de CARREAU}) = \frac{3}{54} = \frac{1}{18} \approx 0.06$  (Soit environ 6 %)
- $P(\text{CARREAU}) = \frac{15}{54} = \frac{5}{18} \approx 0.28$  (Soit environ 28 %)
- $P(\text{CINQ}) = \frac{6}{54} = \frac{1}{9} \approx 0.11$  (Soit environ 11 %)

**Troisième partie**

Rémy qui vient de piocher Le CINQ de PIQUE, gagne si Che tire :

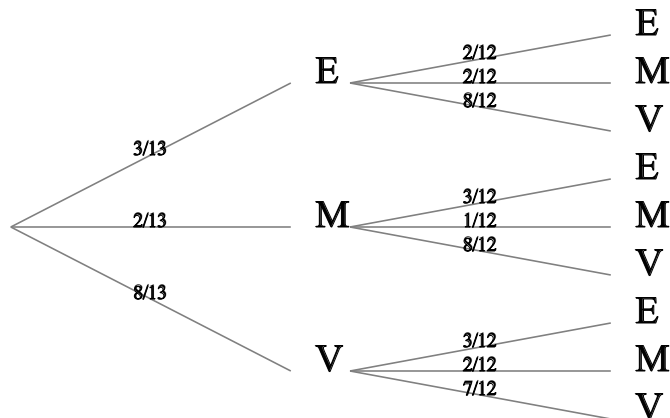
- L'un des quatre DEUX.
- L'un des quatre TROIS.
- L'un des quatre QUATRE.

$$P(\text{Rémy gagne}) = \frac{12}{51} = \frac{4}{17} \approx 0.24 \text{ (Soit environ 24 \%)}$$

$$\text{De même } P(\text{Che gagne}) = \frac{36}{51} = \frac{12}{17} \approx 0.71 \text{ (Soit environ 71 \%)}$$

$$\text{et } P(\text{Match nul}) = \frac{3}{51} = \frac{1}{17} \approx 0.06 \text{ (Soit environ 6 \%)}$$

**Exercice 2**



**La première boule tirée est écarlate:**

$$P(E) = \frac{3}{13} \approx 0.23 \text{ (Soit environ 23 \%)}$$

**La première boule tirée est mauve, la deuxième est verte :**

$$P(M;V) = \frac{2}{13} \times \frac{8}{12} = \frac{16}{156} = \frac{4}{39} \approx 0.1 \text{ (Soit environ 10 \%)}$$

**La deuxième boule tirée est mauve:**

$$P(?;M) = \frac{3}{13} \times \frac{2}{12} + \frac{2}{13} \times \frac{1}{12} + \frac{8}{13} \times \frac{2}{12} = \frac{24}{156} = \frac{2}{13} \approx 0.15 \text{ (Soit environ 15 \%)}$$