

♥ Probabilités

Dans les exercices qui suivent, on donnera les réponses sous 3 formes : Une fraction irréductible, une valeur décimale arrondi aux centièmes, et un pourcentage (arrondi à l'unité).

Exercice 1

Première Partie

Dans un [jeu de 52 cartes](#), quelle est la probabilité de tirer :

- Le DEUX de CARREAU ?
- Un CARREAU ?
- Un DEUX ?

Deuxième partie

On ajoute deux jokers dans le jeu. Ces jokers peuvent remplacer n'importe quelle carte. Reprendre les 3 questions précédentes.

Troisième partie

On dispose à nouveau d'un jeu de 52 cartes classique, sans joker. Alain et Khayyam jouent ensemble avec les règles suivantes :

L'ordre des cartes est celui de la bataille (AS-ROI-DAME-VALET-DIX-NEUF-HUIT etc.) Les joueurs tirent une carte, le gagnant est celui qui a la carte la plus forte. (Une égalité est possible).

Alain vient de tirer La DAME de PIQUE. A votre avis qui va gagner ? Ne répondez qu'après avoir calculé 3 probabilités :

- La probabilité que Alain gagne
- La probabilité que Khayyam gagne
- La probabilité de match nul

Exercice 2

Une urne contient 7 boules mauves (M), 5 boules bleues (B) et 8 boules rouges (R) indiscernables au toucher.

On tire successivement et sans remise deux boules

- Construire l'arbre des probabilités décrivant cette expérience aléatoire.
- Quelle est la probabilité que la première boule tirée soit mauve ?
- Quelle est la probabilité de tirer un boule bleue puis une rouge ?
- Quelle est la probabilité de finir en tirant une boule bleue ?

Exercice 1

Première partie

En cas d'équiprobabilité, une probabilité se calcule avec la formule :

$$\frac{\text{Nombre d'issues favorables}}{\text{Nombres d'issues possibles}}$$

- $P(\text{DEUX de CARREAU}) = \frac{1}{52} \approx 0.02$ (Soit environ 2 %)
- $P(\text{CARREAU}) = \frac{13}{52} = \frac{1}{4} = 0.25$ (Soit 25 %)
- $P(\text{DEUX}) = \frac{4}{52} = \frac{1}{13} \approx 0.08$ (Soit environ 8 %)

Deuxième partie

- $P(\text{DEUX de CARREAU}) = \frac{3}{54} = \frac{1}{18} \approx 0.06$ (Soit environ 6 %)
- $P(\text{CARREAU}) = \frac{15}{54} = \frac{5}{18} \approx 0.28$ (Soit environ 28 %)
- $P(\text{DEUX}) = \frac{6}{54} = \frac{1}{9} \approx 0.11$ (Soit environ 11 %)

Troisième partie

Alain qui vient de piocher La DAME de PIQUE, gagne si Khayyam tire :

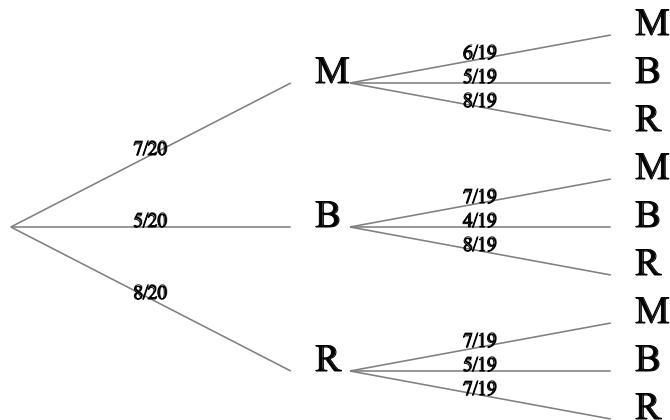
- L'un des quatre DEUX.
- L'un des quatre TROIS.
- L'un des quatre QUATRE.
- L'un des quatre CINQ.
- L'un des quatre SIX.
- L'un des quatre SEPT.
- L'un des quatre HUIT.
- L'un des quatre NEUF.
- L'un des quatre DIX.
- L'un des quatre VALET.

$$P(\text{Alain gagne}) = \frac{40}{51} \approx 0.78 \text{ (Soit environ 78 \%)}$$

$$\text{De même } P(\text{Khayyam gagne}) = \frac{8}{51} \approx 0.16 \text{ (Soit environ 16 \%)}$$

$$\text{et } P(\text{Match nul}) = \frac{3}{51} = \frac{1}{17} \approx 0.06 \text{ (Soit environ 6 \%)}$$

Exercice 2



La première boule tirée est mauve:

$$P(M) = \frac{7}{20} = 0.35 \text{ (Soit 35 \%)}$$

La première boule tirée est bleue, la deuxième est rouge :

$$P(B;R) = \frac{5}{20} \times \frac{8}{19} = \frac{40}{380} = \frac{2}{19} \approx 0.11 \text{ (Soit environ 11 \%)}$$

La deuxième boule tirée est bleue:

$$P(?;B) = \frac{7}{20} \times \frac{5}{19} + \frac{5}{20} \times \frac{4}{19} + \frac{8}{20} \times \frac{5}{19} = \frac{95}{380} = \frac{1}{4} = 0.25 \text{ (Soit 25 \%)}$$