

Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

## Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier**. Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

| Nombre de clés USB | 2 | 4  | 9    | 11   |
|--------------------|---|----|------|------|
| Prix (en €)        | 5 | 10 | 22,5 | 27,5 |

Tableau B

| Nombre de clés USB | 3    | 7    | 12 | 13   |
|--------------------|------|------|----|------|
| Prix (en €)        | 0,75 | 3,75 | 3  | 3,25 |

## Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, **9 cahiers** coûtent **4,05 €**. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

1. Calculer le prix d'un **seul cahier**, en €.
2. Calculer le prix de **35 cahiers**, en €.
3. Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

| Nombre de cahiers | 9    | 1   | 35  | 100 |
|-------------------|------|-----|-----|-----|
| Prix (en €)       | 4,05 | ... | ... | ... |

## Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

1. Dans une commune de **400 habitants**, **40 %** sont moins de 20 ans. Combien cela représente-t-il d'habitants ?
2. Dans une commune de **200 habitants**, **72** sont moins de 20 ans. Quel **pourcentage** des habitants cela représente-t-il (réponse en %) ?
3. Dans une commune, les **14** moins de 20 ans représentent **4 %** de l'effectif total. Quel est cet **effectif total**, en nombre d'habitants ?

## Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le **coefficient multiplicateur** dans les justifications.

1. Le prix d'une console de jeu est de **80 €**. Il augmente de **8 %**. Calculer le **nouveau prix**, en €.
2. Le prix d'une trottinette est de **400 €**. Il baisse de **40 %** pendant les soldes. Calculer le **prix soldé**, en €.
3. Le prix d'un manteau passe de **40 €** à **44 €**. Calculer le **taux d'évolution**, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.

## Exercice 5 — Consommation de carburant

Une voiture consomme en moyenne **6,5 L** aux **100 km**.

1. Quel volume de carburant, en L, consomme-t-elle sur un trajet de **300 km** ?
2. Le carburant coûte **1,85 € le litre**. Quel est le **coût du trajet**, en € (arrondir au centime) ?
3. La consommation est-elle proportionnelle à la distance parcourue ? Justifier.



## Correction

### Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

**Tableau A** — on calcule chaque quotient :

- $\frac{5}{2} = 2,5$
- $\frac{10}{4} = 2,5$
- $\frac{22,5}{9} = 2,5$
- $\frac{27,5}{11} = 2,5$

Tous les quotients sont égaux à 2,5.

**Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 2,5.**

**Tableau B** — on calcule de même :

- $\frac{0,75}{3} = 0,25$
- $\frac{3,75}{7} \approx 0,536$
- $\frac{3}{12} = 0,25$
- $\frac{3,25}{13} = 0,25$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 0,25, alors que la colonne « 7 » donne 0,536.

**Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.**

**Astuce :** il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

### Exercice 2 — Correction

**Méthode 1 — le passage par l'unité.** On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'un seul cahier :

$$\frac{4,05}{9} = 0,45$$

**Un cahier coûte 0,45 €.**

2. Prix de 35 cahiers : on multiplie le prix unitaire par 35.

$$0,45 \times 35 = 15,75$$

**35 cahiers coûtent 15,75 €.**

**Méthode 2 — le produit en croix.** Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut  $\frac{4,05 \times 35}{9} = 15,75$ , ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

| Nombre de cahiers | 9    | 1    | 35    | 100   |
|-------------------|------|------|-------|-------|
| Prix (en €)       | 4,05 | 0,45 | 15,75 | 45,00 |



Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 0,45 : c'est le prix d'un cahier, en €.

## Exercice 3 — Correction

**Prendre t % d'une quantité**, c'est la multiplier par  $\frac{t}{100}$ . Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 40 % de 400 :

$$400 \times \frac{40}{100} = \frac{400 \times 40}{100} = 160$$

**Il y a 160 moins de 20 ans.**

**Calculer le pourcentage** que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 72 sur 200 :

$$\frac{72}{200} \times 100 = 0,36 \times 100 = 36$$

**Cela représente 36 % des habitants.**

**Retrouver le total** connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 14 représentent 4 % du total :

$$\frac{14 \times 100}{4} = 350$$

**L'effectif total est de 350 habitants.**

**Vérification (à faire systématiquement)** : 4 % de 350, c'est  $350 \times 0,04 = 14$ . C'est bien la part de départ.

## Exercice 4 — Correction

**Coefficient multiplicateur.** Augmenter de t %, c'est multiplier par  $1 + \frac{t}{100}$ . Diminuer de t %, c'est multiplier par  $1 - \frac{t}{100}$ . Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 8 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{8}{100} = 1 + 0,08 = 1,08$$

$$80 \times 1,08 = 86,40$$

**Le nouveau prix d'une console de jeu est de 86,40 €.**

2. Diminution de 40 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{40}{100} = 1 - 0,4 = 0,6$$

$$400 \times 0,6 = 240,00$$

**Le prix soldé d'une trottinette est de 240 €.**

**Piège classique** : une baisse de 40 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 40 %. Reprendre 240 et l'augmenter de 40 % donne 336, et non 400.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{44,00}{40} = 1,1$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$1,1 - 1 = 0,1, \text{ soit } 10 \%$$



# Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°22



PROP0022

**Le taux d'évolution est de 10 %, il s'agit d'une hausse.**

**À retenir :** un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

## Exercice 5 — Correction

« Consommer  $\frac{6,5}{100 \text{ km}}$  » signifie que le volume consommé est **proportionnel** à la distance, de coefficient  $\frac{6,5}{100} = 0,065$  litre par kilomètre.

1. Pour 300 km :

$$\frac{6,5 \times 300}{100} = 19,5$$

**La voiture consomme 19,5 L.**

2. Coût du trajet :

$$19,5 \times 1,85 = 36,075 \approx 36,08$$

**Le trajet coûte environ 36,08 €.**

3.

**Oui : on multiplie toujours la distance par le même nombre (0,065 L/km) pour obtenir le volume consommé. C'est donc bien une situation de proportionnalité.**

**Nuance à connaître :** ce modèle est une **moyenne**. En pratique la consommation réelle dépend de la vitesse et du relief : la proportionnalité est un modèle simplifié, pas une loi exacte.