



Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

## Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier**. Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

| Nombre de clés USB | 5    | 6  | 8  | 10 |
|--------------------|------|----|----|----|
| Prix (en €)        | 12,5 | 15 | 20 | 25 |

Tableau B

| Nombre de clés USB | 4  | 6    | 9  | 10 |
|--------------------|----|------|----|----|
| Prix (en €)        | 16 | 26,5 | 36 | 40 |

## Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, **6 croissants** coûtent **32,40 €**. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

1. Calculer le prix d'un seul croissant, en €.
2. Calculer le prix de **23 croissants**, en €.
3. Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

| Nombre de croissants | 6     | 1   | 23  | 100 |
|----------------------|-------|-----|-----|-----|
| Prix (en €)          | 32,40 | ... | ... | ... |

## Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

1. Dans un club de sport de **240 adhérents**, **75 %** sont licenciés en compétition. Combien cela représente-t-il d'adhérents ?
2. Dans un club de sport de **200 adhérents**, **56** sont licenciés en compétition. Quel **pourcentage** des adhérents cela représente-t-il (réponse en %) ?
3. Dans un club de sport, les **12** licenciés en compétition représentent **4 %** de l'effectif total. Quel est cet **effectif total**, en nombre d'adhérents ?

## Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le **coefficient multiplicateur** dans les justifications.

1. Le prix d'une trottinette est de **150 €**. Il augmente de **15 %**. Calculer le **nouveau prix**, en €.
2. Le prix d'une guitare est de **125 €**. Il baisse de **30 %** pendant les soldes. Calculer le **prix soldé**, en €.
3. Le prix d'un vélo passe de **150 €** à **225 €**. Calculer le **taux d'évolution**, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.



## Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°229



PROP0229

---

### Exercice 5 — Échelle d'une carte

Une carte est à l'échelle **1 / 20 000**.

1. Deux villages sont distants de **4 cm** sur la carte. Calculer la **distance réelle** entre ces villages, en km.
2. Deux autres lieux sont réellement distants de **4,5 km**. Quelle distance, en cm, les sépare sur la carte ?
3. L'échelle est-elle un coefficient de proportionnalité ? Justifier.



## Correction

### Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

**Tableau A** — on calcule chaque quotient :

- $\frac{12,5}{5} = 2,5$
- $\frac{15}{6} = 2,5$
- $\frac{20}{8} = 2,5$
- $\frac{25}{10} = 2,5$

Tous les quotients sont égaux à 2,5.

**Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 2,5.**

**Tableau B** — on calcule de même :

- $\frac{16}{4} = 4$
- $\frac{26,5}{6} \approx 4,417$
- $\frac{36}{9} = 4$
- $\frac{40}{10} = 4$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 4, alors que la colonne « 6 » donne 4,417.

**Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.**

**Astuce :** il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

### Exercice 2 — Correction

**Méthode 1 — le passage par l'unité.** On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'un seul croissant :

$$\frac{32,40}{6} = 5,40$$

**Un croissant coûte 5,40 €.**

2. Prix de 23 croissants : on multiplie le prix unitaire par 23.

$$5,40 \times 23 = 124,20$$

**23 croissants coûtent 124,20 €.**

**Méthode 2 — le produit en croix.** Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut  $\frac{32,40 \times 23}{6} = 124,20$ , ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

| Nombre de croissants | 6     | 1    | 23     | 100    |
|----------------------|-------|------|--------|--------|
| Prix (en €)          | 32,40 | 5,40 | 124,20 | 540,00 |



Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 5,40 : c'est le prix d'un croissant, en €.

## Exercice 3 — Correction

**Prendre t % d'une quantité**, c'est la multiplier par  $\frac{t}{100}$ . Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 75 % de 240 :

$$240 \times \frac{75}{100} = \frac{240 \times 75}{100} = 180$$

**Il y a 180 licenciés en compétition.**

**Calculer le pourcentage** que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 56 sur 200 :

$$\frac{56}{200} \times 100 = 0,28 \times 100 = 28$$

**Cela représente 28 % des adhérents.**

**Retrouver le total** connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 12 représentent 4 % du total :

$$\frac{12 \times 100}{4} = 300$$

**L'effectif total est de 300 adhérents.**

**Vérification (à faire systématiquement)** : 4 % de 300, c'est  $300 \times 0,04 = 12$ . C'est bien la part de départ.

## Exercice 4 — Correction

**Coefficient multiplicateur.** Augmenter de t %, c'est multiplier par  $1 + \frac{t}{100}$ . Diminuer de t %, c'est multiplier par  $1 - \frac{t}{100}$ . Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 15 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{15}{100} = 1 + 0,15 = 1,15$$

$$150 \times 1,15 = 172,50$$

**Le nouveau prix d'une trottinette est de 172,50 €.**

2. Diminution de 30 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{30}{100} = 1 - 0,3 = 0,7$$

$$125 \times 0,7 = 87,50$$

**Le prix soldé d'une guitare est de 87,50 €.**

**Piège classique** : une baisse de 30 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 30 %. Reprendre 87,5 et l'augmenter de 30 % donne 113,75, et non 125.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{225,00}{150} = 1,5$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$1,5 - 1 = 0,5, \text{ soit } 50 \%$$



**Le taux d'évolution est de 50 %, il s'agit d'une hausse.**

**À retenir :** un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

## Exercice 5 — Correction

Une **échelle 1 / 20 000** signifie que 1 cm sur la carte représente 20 000 cm dans la réalité. Distance sur la carte et distance réelle sont **proportionnelles**.

1. On multiplie la distance sur la carte par 20 000 :

$$4 \times 20\,000 = 80\,000 \text{ cm}$$

On convertit en km (1 km = 100 000 cm) :

$$\frac{80\,000}{100\,000} = 0,8$$

**La distance réelle est de 0,8 km.**

2. 4,5 km = 450 000 cm. On divise par 20 000 :

$$\frac{450\,000}{20\,000} = 22,5$$

**Sur la carte, ces deux lieux sont distants de 22,5 cm.**

3.

**Oui : pour passer de la carte à la réalité, on multiplie toujours par le même nombre, 20 000. C'est le coefficient de proportionnalité.**

**Erreur fréquente :** oublier la conversion. L'échelle relie des **cm à des cm**. Il faut convertir en km seulement à la fin (1 km = 100 000 cm).