

Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier**. Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

Nombre de clés USB	4	5	7	12
Prix (en €)	14	17,5	24,5	42

Tableau B

Nombre de clés USB	6	7	10	11
Prix (en €)	45	54	75	82,5

Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, **4 sachets de croquettes** coûtent **15 €**. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

1. Calculer le prix d'un **seul sachet de croquettes**, en €.
2. Calculer le prix de **19 sachets de croquettes**, en €.
3. Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

Nombre de sachets de croquettes	4	1	19	100
Prix (en €)	15,00	...	...	...

Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

1. Dans un collège de **320 élèves**, **45 %** sont demi-pensionnaires. Combien cela représente-t-il d'élèves ?
2. Dans un collège de **300 élèves**, **132** sont demi-pensionnaires. Quel **pourcentage** des élèves cela représente-t-il (réponse en %) ?
3. Dans un collège, les **60** demi-pensionnaires représentent **10 %** de l'effectif total. Quel est cet **effectif total**, en nombre d'élèves ?

Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le **coefficient multiplicateur** dans les justifications.

1. Le prix d'un appareil photo est de **120 €**. Il augmente de **5 %**. Calculer le **nouveau prix**, en €.
2. Le prix d'un smartphone est de **200 €**. Il baisse de **20 %** pendant les soldes. Calculer le **prix soldé**, en €.
3. Le prix d'une guitare passe de **50 €** à **75 €**. Calculer le **taux d'évolution**, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.

Exercice 5 — Consommation de carburant

Une voiture consomme en moyenne **6 L** aux **100 km**.

1. Quel volume de carburant, en L, consomme-t-elle sur un trajet de **300 km** ?
2. Le carburant coûte **1,90 € le litre**. Quel est le **coût du trajet**, en € (arrondir au centime) ?
3. La consommation est-elle proportionnelle à la distance parcourue ? Justifier.

Correction

Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

Tableau A — on calcule chaque quotient :

- $\frac{14}{4} = 3,5$
- $\frac{17,5}{5} = 3,5$
- $\frac{24,5}{7} = 3,5$
- $\frac{42}{12} = 3,5$

Tous les quotients sont égaux à 3,5.

Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 3,5.

Tableau B — on calcule de même :

- $\frac{45}{6} = 7,5$
- $\frac{54}{7} \approx 7,714$
- $\frac{75}{10} = 7,5$
- $\frac{82,5}{11} = 7,5$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 7,5, alors que la colonne « 7 » donne 7,714.

Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.

Astuce : il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

Exercice 2 — Correction

Méthode 1 — le passage par l'unité. On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'un seul sachet de croquettes :

$$\frac{15,00}{4} = 3,75$$

Un sachet de croquettes coûte 3,75 €.

2. Prix de 19 sachets de croquettes : on multiplie le prix unitaire par 19.

$$3,75 \times 19 = 71,25$$

19 sachets de croquettes coûtent 71,25 €.

Méthode 2 — le produit en croix. Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut $\frac{15,00 \times 19}{4} = 71,25$, ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

Nombre de sachets de croquettes	4	1	19	100
Prix (en €)	15,00	3,75	71,25	375,00



Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 3,75 : c'est le prix d'un sachet de croquettes, en €.

Exercice 3 — Correction

Prendre t % d'une quantité, c'est la multiplier par $\frac{t}{100}$. Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 45 % de 320 :

$$320 \times \frac{45}{100} = \frac{320 \times 45}{100} = 144$$

Il y a 144 demi-pensionnaires.

Calculer le pourcentage que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 132 sur 300 :

$$\frac{132}{300} \times 100 = 0,44 \times 100 = 44$$

Cela représente 44 % des élèves.

Retrouver le total connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 60 représentent 10 % du total :

$$\frac{60 \times 100}{10} = 600$$

L'effectif total est de 600 élèves.

Vérification (à faire systématiquement) : 10 % de 600, c'est $600 \times 0,1 = 60$. C'est bien la part de départ.

Exercice 4 — Correction

Coefficient multiplicateur. Augmenter de t %, c'est multiplier par $1 + \frac{t}{100}$. Diminuer de t %, c'est multiplier par $1 - \frac{t}{100}$. Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 5 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{5}{100} = 1 + 0,05 = 1,05$$

$$120 \times 1,05 = 126,00$$

Le nouveau prix d'un appareil photo est de 126 €.

2. Diminution de 20 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{20}{100} = 1 - 0,2 = 0,8$$

$$200 \times 0,8 = 160,00$$

Le prix soldé d'un smartphone est de 160 €.

Piège classique : une baisse de 20 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 20 %. Reprendre 160 et l'augmenter de 20 % donne 192, et non 200.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{75,00}{50} = 1,5$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$1,5 - 1 = 0,5, \text{ soit } 50 \%$$



Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°292



PROP0292

Le taux d'évolution est de 50 %, il s'agit d'une hausse.

À retenir : un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

Exercice 5 — Correction

« Consommer $\frac{6}{100 \text{ km}}$ » signifie que le volume consommé est **proportionnel** à la distance, de coefficient $\frac{6}{100} = 0,06$ litre par kilomètre.

1. Pour 300 km :

$$\frac{6 \times 300}{100} = 18$$

La voiture consomme 18 L.

2. Coût du trajet :

$$18 \times 1,9 = 34,2 = 34,2$$

Le trajet coûte environ 34,20 €.

3.

Oui : on multiplie toujours la distance par le même nombre (0,06 L/km) pour obtenir le volume consommé. C'est donc bien une situation de proportionnalité.

Nuance à connaître : ce modèle est une **moyenne**. En pratique la consommation réelle dépend de la vitesse et du relief : la proportionnalité est un modèle simplifié, pas une loi exacte.