

Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier**. Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

Longueur de tissu (en m)	5	6	11	12
Prix (en €)	2,5	3	5,5	6

Tableau B

Longueur de tissu (en m)	4	8	12	14
Prix (en €)	3,2	7,9	9,6	11,2

Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, **7 croissants** coûtent **17,50 €**. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

1. Calculer le prix d'un **seul croissant**, en €.
2. Calculer le prix de **16 croissants**, en €.
3. Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

Nombre de croissants	7	1	16	100
Prix (en €)	17,50	...	...	...

Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

1. Dans un club de sport de **260 adhérents**, **40 %** sont licenciés en compétition. Combien cela représente-t-il d'adhérents ?
2. Dans un club de sport de **250 adhérents**, **80** sont licenciés en compétition. Quel **pourcentage** des adhérents cela représente-t-il (réponse en %) ?
3. Dans un club de sport, les **30** licenciés en compétition représentent **20 %** de l'effectif total. Quel est cet **effectif total**, en nombre d'adhérents ?

Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le **coefficient multiplicateur** dans les justifications.

1. Le prix d'un manteau est de **240 €**. Il augmente de **8 %**. Calculer le **nouveau prix**, en €.
2. Le prix d'une guitare est de **150 €**. Il baisse de **40 %** pendant les soldes. Calculer le **prix soldé**, en €.
3. Le prix d'une console de jeu passe de **50 €** à **70 €**. Calculer le **taux d'évolution**, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.



Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°30



Exercice 5 — Échelle d'une carte

Une carte est à l'échelle **1 / 100 000**.

1. Deux villages sont distants de **5,5 cm** sur la carte. Calculer la **distance réelle** entre ces villages, en km.
2. Deux autres lieux sont réellement distants de **24 km**. Quelle distance, en cm, les sépare sur la carte ?
3. L'échelle est-elle un coefficient de proportionnalité ? Justifier.

Correction

Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

Tableau A — on calcule chaque quotient :

- $\frac{2,5}{5} = 0,5$
- $\frac{3}{6} = 0,5$
- $\frac{5,5}{11} = 0,5$
- $\frac{6}{12} = 0,5$

Tous les quotients sont égaux à 0,5.

Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 0,5.

Tableau B — on calcule de même :

- $\frac{3,2}{4} = 0,8$
- $\frac{7,9}{8} \approx 0,988$
- $\frac{9,6}{12} = 0,8$
- $\frac{11,2}{14} = 0,8$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 0,8, alors que la colonne « 8 » donne 0,988.

Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.

Astuce : il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

Exercice 2 — Correction

Méthode 1 — le passage par l'unité. On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'un seul croissant :

$$\frac{17,50}{7} = 2,50$$

Un croissant coûte 2,50 €.

2. Prix de 16 croissants : on multiplie le prix unitaire par 16.

$$2,50 \times 16 = 40,00$$

16 croissants coûtent 40 €.

Méthode 2 — le produit en croix. Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut $\frac{17,50 \times 16}{7} = 40,00$, ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

Nombre de croissants	7	1	16	100
Prix (en €)	17,50	2,50	40,00	250,00



Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 2,50 : c'est le prix d'un croissant, en €.

Exercice 3 — Correction

Prendre t % d'une quantité, c'est la multiplier par $\frac{t}{100}$. Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 40 % de 260 :

$$260 \times \frac{40}{100} = \frac{260 \times 40}{100} = 104$$

Il y a 104 licenciés en compétition.

Calculer le pourcentage que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 80 sur 250 :

$$\frac{80}{250} \times 100 = 0,32 \times 100 = 32$$

Cela représente 32 % des adhérents.

Retrouver le total connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 30 représentent 20 % du total :

$$\frac{30 \times 100}{20} = 150$$

L'effectif total est de 150 adhérents.

Vérification (à faire systématiquement) : 20 % de 150, c'est $150 \times 0,2 = 30$. C'est bien la part de départ.

Exercice 4 — Correction

Coefficient multiplicateur. Augmenter de t %, c'est multiplier par $1 + \frac{t}{100}$. Diminuer de t %, c'est multiplier par $1 - \frac{t}{100}$. Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 8 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{8}{100} = 1 + 0,08 = 1,08$$

$$240 \times 1,08 = 259,20$$

Le nouveau prix d'un manteau est de 259,20 €.

2. Diminution de 40 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{40}{100} = 1 - 0,4 = 0,6$$

$$150 \times 0,6 = 90,00$$

Le prix soldé d'une guitare est de 90 €.

Piège classique : une baisse de 40 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 40 %. Reprendre 90 et l'augmenter de 40 % donne 126, et non 150.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{70,00}{50} = 1,4$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$1,4 - 1 = 0,4, \text{ soit } 40 \%$$



Le taux d'évolution est de 40 %, il s'agit d'une hausse.

À retenir : un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

Exercice 5 — Correction

Une **échelle 1 / 100 000** signifie que 1 cm sur la carte représente 100 000 cm dans la réalité. Distance sur la carte et distance réelle sont **proportionnelles**.

1. On multiplie la distance sur la carte par 100 000 :

$$5,5 \times 100\,000 = 550\,000 \text{ cm}$$

On convertit en km (1 km = 100 000 cm) :

$$\frac{550\,000}{100\,000} = 5,5$$

La distance réelle est de 5,5 km.

2. 24 km = 2 400 000 cm. On divise par 100 000 :

$$\frac{2\,400\,000}{100\,000} = 24$$

Sur la carte, ces deux lieux sont distants de 24 cm.

3.

Oui : pour passer de la carte à la réalité, on multiplie toujours par le même nombre, 100 000. C'est le coefficient de proportionnalité.

Erreur fréquente : oublier la conversion. L'échelle relie des **cm à des cm**. Il faut convertir en km seulement à la fin (1 km = 100 000 cm).