

Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier**. Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

Masse de pommes (en kg)	4	8	11	13
Prix (en €)	3	6	8,25	9,75

Tableau B

Masse de pommes (en kg)	5	10	13	14
Prix (en €)	2,5	7,5	6,5	7

Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, **13 croissants** coûtent **9,75 €**. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

1. Calculer le prix d'un **seul croissant**, en €.
2. Calculer le prix de **22 croissants**, en €.
3. Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

Nombre de croissants	13	1	22	100
Prix (en €)	9,75	...	...	...

Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

1. Dans une commune de **360 habitants**, **40 %** sont moins de 20 ans. Combien cela représente-t-il d'habitants ?
2. Dans une commune de **200 habitants**, **72** sont moins de 20 ans. Quel **pourcentage** des habitants cela représente-t-il (réponse en %) ?
3. Dans une commune, les **75** moins de 20 ans représentent **25 %** de l'effectif total. Quel est cet **effectif total**, en nombre d'habitants ?

Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le **coefficient multiplicateur** dans les justifications.

1. Le prix d'un casque audio est de **80 €**. Il augmente de **20 %**. Calculer le **nouveau prix**, en €.
2. Le prix d'un smartphone est de **125 €**. Il baisse de **40 %** pendant les soldes. Calculer le **prix soldé**, en €.
3. Le prix d'un aspirateur passe de **150 €** à **135 €**. Calculer le **taux d'évolution**, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.

Exercice 5 — Vitesse moyenne

Un train parcourt **260 km** en **3 h 15 min**, à vitesse supposée constante.

1. Calculer la **vitesse moyenne** du train, en km/h.
2. Quelle distance, en km, parcourt-il en **1 h 30 min** ?
3. Combien de temps lui faut-il pour parcourir **240 km** ? (réponse en heures)

Correction

Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

Tableau A — on calcule chaque quotient :

- $\frac{3}{4} = 0,75$
- $\frac{6}{8} = 0,75$
- $\frac{8,25}{11} = 0,75$
- $\frac{9,75}{13} = 0,75$

Tous les quotients sont égaux à 0,75.

Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 0,75.

Tableau B — on calcule de même :

- $\frac{2,5}{5} = 0,5$
- $\frac{7,5}{10} = 0,75$
- $\frac{6,5}{13} = 0,5$
- $\frac{7}{14} = 0,5$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 0,5, alors que la colonne « 10 » donne 0,75.

Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.

Astuce : il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

Exercice 2 — Correction

Méthode 1 — le passage par l'unité. On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'un seul croissant :

$$\frac{9,75}{13} = 0,75$$

Un croissant coûte 0,75 €.

2. Prix de 22 croissants : on multiplie le prix unitaire par 22.

$$0,75 \times 22 = 16,50$$

22 croissants coûtent 16,50 €.

Méthode 2 — le produit en croix. Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut $\frac{9,75 \times 22}{13} = 16,50$, ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

Nombre de croissants	13	1	22	100
Prix (en €)	9,75	0,75	16,50	75,00



Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 0,75 : c'est le prix d'un croissant, en €.

Exercice 3 — Correction

Prendre t % d'une quantité, c'est la multiplier par $\frac{t}{100}$. Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 40 % de 360 :

$$360 \times \frac{40}{100} = \frac{360 \times 40}{100} = 144$$

Il y a 144 moins de 20 ans.

Calculer le pourcentage que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 72 sur 200 :

$$\frac{72}{200} \times 100 = 0,36 \times 100 = 36$$

Cela représente 36 % des habitants.

Retrouver le total connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 75 représentent 25 % du total :

$$\frac{75 \times 100}{25} = 300$$

L'effectif total est de 300 habitants.

Vérification (à faire systématiquement) : 25 % de 300, c'est $300 \times 0,25 = 75$. C'est bien la part de départ.

Exercice 4 — Correction

Coefficient multiplicateur. Augmenter de t %, c'est multiplier par $1 + \frac{t}{100}$. Diminuer de t %, c'est multiplier par $1 - \frac{t}{100}$. Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 20 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{20}{100} = 1 + 0,2 = 1,2$$

$$80 \times 1,2 = 96,00$$

Le nouveau prix d'un casque audio est de 96 €.

2. Diminution de 40 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{40}{100} = 1 - 0,4 = 0,6$$

$$125 \times 0,6 = 75,00$$

Le prix soldé d'un smartphone est de 75 €.

Piège classique : une baisse de 40 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 40 %. Reprendre 75 et l'augmenter de 40 % donne 105, et non 125.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{135,00}{150} = 0,9$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$0,9 - 1 = -0,1, \text{ soit } -10 \%$$



Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°332



PROP0332

Le taux d'évolution est de 10 %, il s'agit d'une baisse.

À retenir : un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

Exercice 5 — Correction

La **vitesse moyenne** est une grandeur composée : $v = \frac{\text{distance}}{\text{durée}}$. Distance et durée sont proportionnelles, le coefficient de proportionnalité **est** la vitesse. Attention aux unités : des km et des h donnent des km/h.

1. On divise la distance par la durée :

$$v = \frac{260}{3,25} = 80$$

La vitesse moyenne est de 80 km/h.

2. En 1 h 30 min, soit 1,5 h :

$$d = 80 \times 1,5 = 120$$

Le train parcourt 120 km.

3. Pour 240 km :

$$t = \frac{240}{80} = 3$$

Il lui faut 3 h.

Conversion utile : une durée décimale se convertit en minutes en multipliant la partie décimale par 60 (0,25 h = 15 min ; 0,5 h = 30 min ; 0,75 h = 45 min).