

Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier**. Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

Nombre de places de cinéma	5	6	12	13
Prix (en €)	2,5	3	6	6,5

Tableau B

Nombre de places de cinéma	3	10	12	13
Prix (en €)	3,75	15	15	16,25

Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, **4 places de cinéma** coûtent **1,80 €**. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

1. Calculer le prix d'une seule place de cinéma, en €.
2. Calculer le prix de **18 places de cinéma**, en €.
3. Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

Nombre de places de cinéma	4	1	18	100
Prix (en €)	1,80	...	...	...

Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

1. Dans un cinéma de **320 spectateurs**, **15 %** sont abonnés. Combien cela représente-t-il de spectateurs ?
2. Dans un cinéma de **200 spectateurs**, **128** sont abonnés. Quel **pourcentage** des spectateurs cela représente-t-il (réponse en %) ?
3. Dans un cinéma, les **45** abonnés représentent **10 %** de l'effectif total. Quel est cet **effectif total**, en nombre de spectateurs ?

Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le **coefficient multiplicateur** dans les justifications.

1. Le prix d'un manteau est de **150 €**. Il augmente de **5 %**. Calculer le **nouveau prix**, en €.
2. Le prix d'un aspirateur est de **80 €**. Il baisse de **30 %** pendant les soldes. Calculer le **prix soldé**, en €.
3. Le prix d'une guitare passe de **150 €** à **135 €**. Calculer le **taux d'évolution**, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.

Exercice 5 — Débit d'un robinet

Un robinet remplit une cuve de **120 L** en **16 min**, à débit constant.

1. Calculer le **débit** du robinet, en L/min.
2. Quel volume d'eau, en L, coule-t-il en **30 min** ?
3. Combien de temps faut-il, en minutes, pour remplir un bassin de **750 L** ?

Correction

Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

Tableau A — on calcule chaque quotient :

- $\frac{2,5}{5} = 0,5$
- $\frac{3}{6} = 0,5$
- $\frac{6}{12} = 0,5$
- $\frac{6,5}{13} = 0,5$

Tous les quotients sont égaux à 0,5.

Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 0,5.

Tableau B — on calcule de même :

- $\frac{3,75}{3} = 1,25$
- $\frac{15}{10} = 1,5$
- $\frac{15}{12} = 1,25$
- $\frac{16,25}{13} = 1,25$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 1,25, alors que la colonne « 10 » donne 1,5.

Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.

Astuce : il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

Exercice 2 — Correction

Méthode 1 — le passage par l'unité. On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'une seule place de cinéma :

$$\frac{1,80}{4} = 0,45$$

Une place de cinéma coûte 0,45 €.

2. Prix de 18 places de cinéma : on multiplie le prix unitaire par 18.

$$0,45 \times 18 = 8,10$$

18 places de cinéma coûtent 8,10 €.

Méthode 2 — le produit en croix. Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut $\frac{1,80 \times 18}{4} = 8,10$, ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

Nombre de places de cinéma	4	1	18	100
Prix (en €)	1,80	0,45	8,10	45,00

Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 0,45 : c'est le prix d'une place de cinéma, en €.

Exercice 3 — Correction

Prendre t % d'une quantité, c'est la multiplier par $\frac{t}{100}$. Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 15 % de 320 :

$$320 \times \frac{15}{100} = \frac{320 \times 15}{100} = 48$$

Il y a 48 abonnés.

Calculer le pourcentage que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 128 sur 200 :

$$\frac{128}{200} \times 100 = 0,64 \times 100 = 64$$

Cela représente 64 % des spectateurs.

Retrouver le total connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 45 représentent 10 % du total :

$$\frac{45 \times 100}{10} = 450$$

L'effectif total est de 450 spectateurs.

Vérification (à faire systématiquement) : 10 % de 450, c'est $450 \times 0,1 = 45$. C'est bien la part de départ.

Exercice 4 — Correction

Coefficient multiplicateur. Augmenter de t %, c'est multiplier par $1 + \frac{t}{100}$. Diminuer de t %, c'est multiplier par $1 - \frac{t}{100}$. Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 5 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{5}{100} = 1 + 0,05 = 1,05$$

$$150 \times 1,05 = 157,50$$

Le nouveau prix d'un manteau est de 157,50 €.

2. Diminution de 30 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{30}{100} = 1 - 0,3 = 0,7$$

$$80 \times 0,7 = 56,00$$

Le prix soldé d'un aspirateur est de 56 €.

Piège classique : une baisse de 30 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 30 %. Reprendre 56 et l'augmenter de 30 % donne 72,8, et non 80.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{135,00}{150} = 0,9$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$0,9 - 1 = -0,1, \text{ soit } -10 \%$$



Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°42



PROP0042

Le taux d'évolution est de 10 %, il s'agit d'une baisse.

À retenir : un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

Exercice 5 — Correction

Le **débit** est une grandeur composée : $\text{débit} = \frac{\text{volume}}{\text{durée}}$. Le volume écoulé est proportionnel à la durée, et le débit est le coefficient de proportionnalité.

1. On divise le volume par la durée :

$$\frac{120}{16} = 7,5$$

Le débit du robinet est de 7,5 L/min.

2. En 30 min :

$$7,5 \times 30 = 225$$

Il coule 225 L.

3. Pour 750 L :

$$\frac{750}{7,5} = 100$$

Il faut 100 min, soit 1 h 40 min.

Vigilance sur les unités : un débit en L/min multiplié par une durée en **minutes** donne bien des litres. Si la durée est donnée en heures, il faut d'abord la convertir en minutes.