

Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier**. Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

Masse de farine (en kg)	10	12	13	14
Prix (en €)	45	54	58,5	63

Tableau B

Masse de farine (en kg)	2	5	9	12
Prix (en €)	1	3,5	4,5	6

Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, **7 cahiers** coûtent **15,40 €**. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

- Calculer le prix d'un **seul cahier**, en €.
- Calculer le prix de **28 cahiers**, en €.
- Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

Nombre de cahiers	7	1	28	100
Prix (en €)	15,40	...	...	...

Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

- Dans un club de sport de **180 adhérents**, **45 %** sont licenciés en compétition. Combien cela représente-t-il d'adhérents ?
- Dans un club de sport de **400 adhérents**, **48** sont licenciés en compétition. Quel **pourcentage** des adhérents cela représente-t-il (réponse en %) ?
- Dans un club de sport, les **70** licenciés en compétition représentent **20 %** de l'effectif total. Quel est cet **effectif total**, en nombre d'adhérents ?

Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le **coefficient multiplicateur** dans les justifications.

- Le prix d'une paire de baskets est de **60 €**. Il augmente de **10 %**. Calculer le **nouveau prix**, en €.
- Le prix d'une trottinette est de **300 €**. Il baisse de **20 %** pendant les soldes. Calculer le **prix soldé**, en €.
- Le prix d'une paire de baskets passe de **60 €** à **36 €**. Calculer le **taux d'évolution**, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.

Exercice 5 — Vitesse moyenne

Un train parcourt **405 km** en **4 h 30 min**, à vitesse supposée constante.

- Calculer la **vitesse moyenne** du train, en km/h.
- Quelle distance, en km, parcourt-il en **1 h** ?
- Combien de temps lui faut-il pour parcourir **270 km** ? (réponse en heures)

Correction

Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

Tableau A — on calcule chaque quotient :

- $\frac{45}{10} = 4,5$
- $\frac{54}{12} = 4,5$
- $\frac{58,5}{13} = 4,5$
- $\frac{63}{14} = 4,5$

Tous les quotients sont égaux à 4,5.

Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 4,5.

Tableau B — on calcule de même :

- $\frac{1}{2} = 0,5$
- $\frac{3,5}{5} = 0,7$
- $\frac{4,5}{9} = 0,5$
- $\frac{6}{12} = 0,5$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 0,5, alors que la colonne « 5 » donne 0,7.

Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.

Astuce : il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

Exercice 2 — Correction

Méthode 1 — le passage par l'unité. On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'un seul cahier :

$$\frac{15,40}{7} = 2,20$$

Un cahier coûte 2,20 €.

2. Prix de 28 cahiers : on multiplie le prix unitaire par 28.

$$2,20 \times 28 = 61,60$$

28 cahiers coûtent 61,60 €.

Méthode 2 — le produit en croix. Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut $\frac{15,40 \times 28}{7} = 61,60$, ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

Nombre de cahiers	7	1	28	100
Prix (en €)	15,40	2,20	61,60	220,00



Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°5



PROP0005

Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 2,20 : c'est le prix d'un cahier, en €.

Exercice 3 — Correction

Prendre t % d'une quantité, c'est la multiplier par $\frac{t}{100}$. Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 45 % de 180 :

$$180 \times \frac{45}{100} = \frac{180 \times 45}{100} = 81$$

Il y a 81 licenciés en compétition.

Calculer le pourcentage que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 48 sur 400 :

$$\frac{48}{400} \times 100 = 0,12 \times 100 = 12$$

Cela représente 12 % des adhérents.

Retrouver le total connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 70 représentent 20 % du total :

$$\frac{70 \times 100}{20} = 350$$

L'effectif total est de 350 adhérents.

Vérification (à faire systématiquement) : 20 % de 350, c'est $350 \times 0,2 = 70$. C'est bien la part de départ.

Exercice 4 — Correction

Coefficient multiplicateur. Augmenter de t %, c'est multiplier par $1 + \frac{t}{100}$. Diminuer de t %, c'est multiplier par $1 - \frac{t}{100}$. Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 10 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{10}{100} = 1 + 0,1 = 1,1$$
$$60 \times 1,1 = 66,00$$

Le nouveau prix d'une paire de baskets est de 66 €.

2. Diminution de 20 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{20}{100} = 1 - 0,2 = 0,8$$
$$300 \times 0,8 = 240,00$$

Le prix soldé d'une trottinette est de 240 €.

Piège classique : une baisse de 20 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 20 %. Reprendre 240 et l'augmenter de 20 % donne 288, et non 300.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{36,00}{60} = 0,6$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$0,6 - 1 = -0,4, \text{ soit } -40 \%$$



Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°5



PROP0005

Le taux d'évolution est de 40 %, il s'agit d'une baisse.

À retenir : un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

Exercice 5 — Correction

La **vitesse moyenne** est une grandeur composée : $v = \frac{\text{distance}}{\text{durée}}$. Distance et durée sont proportionnelles, le coefficient de proportionnalité **est** la vitesse. Attention aux unités : des km et des h donnent des km/h.

1. On divise la distance par la durée :

$$v = \frac{405}{4,5} = 90$$

La vitesse moyenne est de 90 km/h.

2. En 1 h, soit 1 h :

$$d = 90 \times 1 = 90$$

Le train parcourt 90 km.

3. Pour 270 km :

$$t = \frac{270}{90} = 3$$

Il lui faut 3 h.

Conversion utile : une durée décimale se convertit en minutes en multipliant la partie décimale par 60 (0,25 h = 15 min ; 0,5 h = 30 min ; 0,75 h = 45 min).