

Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

## Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier**. Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

| Nombre de personnes    | 5    | 6  | 9    | 10 |
|------------------------|------|----|------|----|
| Quantité de riz (en g) | 17,5 | 21 | 31,5 | 35 |

Tableau B

| Nombre de personnes    | 7    | 9    | 10 | 14   |
|------------------------|------|------|----|------|
| Quantité de riz (en g) | 17,5 | 22,5 | 25 | 36,5 |

## Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, **12 stylos** coûtent **7,20 €**. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

- Calculer le prix d'un seul stylo, en €.
- Calculer le prix de **30 stylos**, en €.
- Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

| Nombre de stylos | 12   | 1   | 30  | 100 |
|------------------|------|-----|-----|-----|
| Prix (en €)      | 7,20 | ... | ... | ... |

## Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

- Dans une bibliothèque de **400 livres**, **15 %** sont romans. Combien cela représente-t-il de livres ?
- Dans une bibliothèque de **200 livres**, **88** sont romans. Quel **pourcentage** des livres cela représente-t-il (réponse en %) ?
- Dans une bibliothèque, les **24** romans représentent **12 %** de l'effectif total. Quel est cet **effectif total**, en nombre de livres ?

## Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le **coefficient multiplicateur** dans les justifications.

- Le prix d'une paire de baskets est de **60 €**. Il augmente de **10 %**. Calculer le **nouveau prix**, en €.
- Le prix d'un appareil photo est de **200 €**. Il baisse de **25 %** pendant les soldes. Calculer le **prix soldé**, en €.
- Le prix d'une paire de baskets passe de **150 €** à **210 €**. Calculer le **taux d'évolution**, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.

## Exercice 5 — Débit d'un robinet

Un robinet remplit une cuve de **135 L** en **18 min**, à débit constant.

- Calculer le **débit** du robinet, en L/min.
- Quel volume d'eau, en L, coule-t-il en **60 min** ?
- Combien de temps faut-il, en minutes, pour remplir un bassin de **750 L** ?

## Correction

### Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

**Tableau A** — on calcule chaque quotient :

- $\frac{17,5}{5} = 3,5$
- $\frac{21}{6} = 3,5$
- $\frac{31,5}{9} = 3,5$
- $\frac{35}{10} = 3,5$

Tous les quotients sont égaux à 3,5.

**Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 3,5.**

**Tableau B** — on calcule de même :

- $\frac{17,5}{7} = 2,5$
- $\frac{22,5}{9} = 2,5$
- $\frac{25}{10} = 2,5$
- $\frac{36,5}{14} \approx 2,607$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 2,5, alors que la colonne « 14 » donne 2,607.

**Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.**

**Astuce :** il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

### Exercice 2 — Correction

**Méthode 1 — le passage par l'unité.** On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'un seul stylo :

$$\frac{7,20}{12} = 0,60$$

**Un stylo coûte 0,60 €.**

2. Prix de 30 stylos : on multiplie le prix unitaire par 30.

$$0,60 \times 30 = 18,00$$

**30 stylos coûtent 18 €.**

**Méthode 2 — le produit en croix.** Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut  $\frac{7,20 \times 30}{12} = 18,00$ , ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

| Nombre de stylos | 12   | 1    | 30    | 100   |
|------------------|------|------|-------|-------|
| Prix (en €)      | 7,20 | 0,60 | 18,00 | 60,00 |



Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 0,60 : c'est le prix d'un stylo, en €.

## Exercice 3 — Correction

**Prendre t % d'une quantité**, c'est la multiplier par  $\frac{t}{100}$ . Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 15 % de 400 :

$$400 \times \frac{15}{100} = \frac{400 \times 15}{100} = 60$$

**Il y a 60 romans.**

**Calculer le pourcentage** que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 88 sur 200 :

$$\frac{88}{200} \times 100 = 0,44 \times 100 = 44$$

**Cela représente 44 % des livres.**

**Retrouver le total** connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 24 représentent 12 % du total :

$$\frac{24 \times 100}{12} = 200$$

**L'effectif total est de 200 livres.**

**Vérification (à faire systématiquement)** : 12 % de 200, c'est  $200 \times 0,12 = 24$ . C'est bien la part de départ.

## Exercice 4 — Correction

**Coefficient multiplicateur.** Augmenter de t %, c'est multiplier par  $1 + \frac{t}{100}$ . Diminuer de t %, c'est multiplier par  $1 - \frac{t}{100}$ . Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 10 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{10}{100} = 1 + 0,1 = 1,1$$

$$60 \times 1,1 = 66,00$$

**Le nouveau prix d'une paire de baskets est de 66 €.**

2. Diminution de 25 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{25}{100} = 1 - 0,25 = 0,75$$

$$200 \times 0,75 = 150,00$$

**Le prix soldé d'un appareil photo est de 150 €.**

**Piège classique** : une baisse de 25 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 25 %. Reprendre 150 et l'augmenter de 25 % donne 187,5, et non 200.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{210,00}{150} = 1,4$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$1,4 - 1 = 0,4, \text{ soit } 40 \%$$



## Proportionnalité

Cycle 4 — Fiche n°65



PROP0065

**Le taux d'évolution est de 40 %, il s'agit d'une hausse.**

**À retenir :** un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

### Exercice 5 — Correction

Le **débit** est une grandeur composée :  $\text{débit} = \frac{\text{volume}}{\text{durée}}$ . Le volume écoulé est proportionnel à la durée, et le débit est le coefficient de proportionnalité.

1. On divise le volume par la durée :

$$\frac{135}{18} = 7,5$$

**Le débit du robinet est de 7,5 L/min.**

2. En 60 min :

$$7,5 \times 60 = 450$$

**Il coule 450 L.**

3. Pour 750 L :

$$\frac{750}{7,5} = 100$$

**Il faut 100 min, soit 1 h 40 min.**

**Vigilance sur les unités :** un débit en L/min multiplié par une durée en **minutes** donne bien des litres. Si la durée est donnée en heures, il faut d'abord la convertir en minutes.