



Les 5 exercices ci-dessous balaient la proportionnalité au cycle 4 : reconnaître une situation de proportionnalité, calculer une quatrième proportionnelle, appliquer et retrouver un pourcentage, traiter une augmentation ou une diminution avec le coefficient multiplicateur, et utiliser une grandeur composée (vitesse, débit, consommation, échelle). C'est le thème le plus représenté au DNB.

Exercice 1 — Reconnaître la proportionnalité

Pour chacun des deux tableaux ci-dessous, dire s'il s'agit d'un tableau de proportionnalité. **Justifier.** Si oui, préciser le coefficient de proportionnalité.

Tableau A

Durée de remplissage (en min)	2	4	6	13
Volume d'eau (en L)	9	18	27	58,5

Tableau B

Durée de remplissage (en min)	3	9	10	11
Volume d'eau (en L)	6	18	22,5	22

Exercice 2 — Quatrième proportionnelle

Dans un magasin, 4 clés USB coûtent 18 €. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

- Calculer le prix d'une seule clé USB, en €.
- Calculer le prix de 39 clés USB, en €.
- Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous.

Nombre de clés USB	4	1	39	100
Prix (en €)	18,00	...	...	...

Exercice 3 — Pourcentages

Chaque question est indépendante. Détailler les calculs.

- Dans un lycée de 480 élèves, 35 % sont internes. Combien cela représente-t-il d'élèves ?
- Dans un lycée de 300 élèves, 108 sont internes. Quel pourcentage des élèves cela représente-t-il (réponse en %) ?
- Dans un lycée, les 24 internes représentent 8 % de l'effectif total. Quel est cet effectif total, en nombre d'élèves ?

Exercice 4 — Augmentation et diminution en pourcentage

Chaque question est indépendante. On attend le coefficient multiplicateur dans les justifications.

- Le prix d'un vélo est de 320 €. Il augmente de 8 %. Calculer le nouveau prix, en €.
- Le prix d'un smartphone est de 240 €. Il baisse de 10 % pendant les soldes. Calculer le prix soldé, en €.
- Le prix d'une paire de baskets passe de 120 € à 102 €. Calculer le taux d'évolution, en %, et préciser s'il s'agit d'une hausse ou d'une baisse.

Exercice 5 — Débit d'un robinet

Un robinet remplit une cuve de 120 L en 8 min, à débit constant.

- Calculer le débit du robinet, en L/min.
- Quel volume d'eau, en L, coule-t-il en 45 min ?
- Combien de temps faut-il, en minutes, pour remplir un bassin de 1500 L ?

Correction

Exercice 1 — Correction

Un tableau est un **tableau de proportionnalité** lorsque l'on passe de la première ligne à la seconde en multipliant **toujours par le même nombre**. Ce nombre est le **coefficient de proportionnalité** : on le retrouve en divisant chaque valeur de la seconde ligne par la valeur correspondante de la première.

Tableau A — on calcule chaque quotient :

- $\frac{9}{2} = 4,5$
- $\frac{18}{4} = 4,5$
- $\frac{27}{6} = 4,5$
- $\frac{58,5}{13} = 4,5$

Tous les quotients sont égaux à 4,5.

Le tableau A est un tableau de proportionnalité, de coefficient 4,5.

Tableau B — on calcule de même :

- $\frac{6}{3} = 2$
- $\frac{18}{9} = 2$
- $\frac{22,5}{10} = 2,25$
- $\frac{22}{11} = 2$

Les quotients ne sont pas tous égaux : la première colonne donne 2, alors que la colonne « 10 » donne 2,25.

Le tableau B n'est pas un tableau de proportionnalité.

Astuce : il suffit de **deux** quotients différents pour conclure que le tableau n'est pas proportionnel. En revanche, pour affirmer qu'il l'est, il faut vérifier **toutes** les colonnes.

Exercice 2 — Correction

Méthode 1 — le passage par l'unité. On calcule d'abord la valeur pour 1, puis on multiplie par la quantité voulue. C'est la méthode la plus sûre.

1. Prix d'une seule clé USB :

$$\frac{18,00}{4} = 4,50$$

Une clé USB coûte 4,50 €.

2. Prix de 39 clés USB : on multiplie le prix unitaire par 39.

$$4,50 \times 39 = 175,50$$

39 clés USB coûtent 175,50 €.

Méthode 2 — le produit en croix. Dans un tableau de proportionnalité, les produits en croix sont égaux : le prix cherché vaut $\frac{18,00 \times 39}{4} = 175,50$, ce qui donne bien le même résultat.

3. Tableau complété :

Nombre de clés USB	4	1	39	100
Prix (en €)	18,00	4,50	175,50	450,00



Le **coefficient de proportionnalité** de ce tableau est 4,50 : c'est le prix d'une clé USB, en €.

Exercice 3 — Correction

Prendre t % d'une quantité, c'est la multiplier par $\frac{t}{100}$. Un pourcentage est une **fraction de dénominateur 100** : c'est une situation de proportionnalité.

1. On cherche 35 % de 480 :

$$480 \times \frac{35}{100} = \frac{480 \times 35}{100} = 168$$

Il y a 168 internes.

Calculer le pourcentage que représente une part : on divise la part par le total, puis on multiplie par 100.

2. La part est 108 sur 300 :

$$\frac{108}{300} \times 100 = 0,36 \times 100 = 36$$

Cela représente 36 % des élèves.

Retrouver le total connaissant la part et le taux : on divise la part par le taux, puis on multiplie par 100 (on « remonte » le pourcentage).

3. 24 représentent 8 % du total :

$$\frac{24 \times 100}{8} = 300$$

L'effectif total est de 300 élèves.

Vérification (à faire systématiquement) : 8 % de 300, c'est $300 \times 0,08 = 24$. C'est bien la part de départ.

Exercice 4 — Correction

Coefficient multiplicateur. Augmenter de t %, c'est multiplier par $1 + \frac{t}{100}$. Diminuer de t %, c'est multiplier par $1 - \frac{t}{100}$. Une seule multiplication remplace le calcul de la part puis l'addition : c'est plus rapide et moins risqué.

1. Augmentation de 8 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 + \frac{8}{100} = 1 + 0,08 = 1,08$$

$$320 \times 1,08 = 345,60$$

Le nouveau prix d'un vélo est de 345,60 €.

2. Diminution de 10 % : le coefficient multiplicateur est

$$1 - \frac{10}{100} = 1 - 0,1 = 0,9$$

$$240 \times 0,9 = 216,00$$

Le prix soldé d'un smartphone est de 216 €.

Piège classique : une baisse de 10 % ne se « rattrape » pas par une hausse de 10 %. Reprendre 216 et l'augmenter de 10 % donne 237,6, et non 240.

3. On calcule d'abord le coefficient multiplicateur, en divisant le prix d'arrivée par le prix de départ :

$$\frac{102,00}{120} = 0,85$$

On compare ce coefficient à 1 :

$$0,85 - 1 = -0,15, \text{ soit } -15 \%$$



Le taux d'évolution est de 15 %, il s'agit d'une baisse.

À retenir : un coefficient **supérieur à 1** signale une hausse, un coefficient **inférieur à 1** une baisse. Le taux d'évolution s'obtient toujours en retranchant 1 au coefficient, puis en convertissant en pourcentage.

Exercice 5 — Correction

Le **débit** est une grandeur composée : $\text{débit} = \frac{\text{volume}}{\text{durée}}$. Le volume écoulé est proportionnel à la durée, et le débit est le coefficient de proportionnalité.

1. On divise le volume par la durée :

$$\frac{120}{8} = 15$$

Le débit du robinet est de 15 L/min.

2. En 45 min :

$$15 \times 45 = 675$$

Il coule 675 L.

3. Pour 1500 L :

$$\frac{1500}{15} = 100$$

Il faut 100 min, soit 1 h 40 min.

Vigilance sur les unités : un débit en L/min multiplié par une durée en **minutes** donne bien des litres. Si la durée est donnée en heures, il faut d'abord la convertir en minutes.