♥ Les puissances au collège

Exercice 1

Donne les écritures décimales si elles existent (fractionnaires sinon) de :

- (-8)⁰
- 7-3
- $(-5)^0$
- (-2)⁻⁵

Exercice 2

Écris sous la forme d'une puissance :

- $(-4)^2 \times (-4)^{-16}$
- $(-19)^0 \times (-19)^1$
- $19^{-2} \times 19^{7}$
- 13⁻⁴ × 13⁻¹¹

Exercice 3

Écris sous la forme d'une puissance :

- $\frac{12^0}{12^1}$
- $\frac{(-12)^3}{(-12)^{-1}}$
- $\frac{5^{-3}}{5^{-13}}$
- $\frac{16^2}{16^{-14}}$

Exercice 4

Écris sous la forme d'une puissance de 10:

- 0,000 1
- 0,000 01
- 1000
- 10 000

Exercice 5

Écris en notation scientifique les nombres suivants :

- - 651,1
- - 0,027 19
- 33 250
- 0,2068

(C)2019 wouf prod

Correction

Exercice 1

Si p=0 (et n \neq 0) alors n^p=1

Si p>0 alors n^p est le produit du facteur n par lui même p fois

et n^{-p} est l'inverse du produit du facteur n par lui même p fois

•
$$(-8)^0 = 1$$

•
$$7^{-3} = \frac{1}{7 \times 7 \times 7} = \frac{1}{343} \approx 0.003$$

•
$$(-5)^0 = 1$$

•
$$(-2)^{-5} = \frac{1}{-2 \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2)} = \frac{1}{-32} = \frac{-1}{32} = -0.03125$$

Exercice 2

Pour multiplier des puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit d'ajouter les exposants !

•
$$(-4)^2 \times (-4)^{-16} = (-4)^{-14}$$

•
$$(-19)^0 \times (-19)^1 = (-19)^1$$

•
$$19^{-2} \times 19^7 = 19^5$$

•
$$13^{-4} \times 13^{-11} = 13^{-15}$$

Exercice 3

Pour simplifier le quotient de deux puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit de soustraire les exposants !

•
$$\frac{12^0}{12^1} = 12^{-1}$$

$$\bullet \quad \frac{(-12)^3}{(-12)^{-1}} = (-12)^4$$

$$\bullet \quad \frac{5^{-3}}{5^{-13}} = 5^{10}$$

$$\bullet \quad \frac{16^2}{16^{-14}} = 16^{16}$$

Exercice 4

Pour tout entier n positif, $10^n = 10...0$ avec n zéros et $10^{-n} = 0,0...01$ avec n zéros

•
$$0.0001 = 10^{-4}$$

•
$$0,00001 = 10^{-5}$$

•
$$1000 = 10^3$$

•
$$10\,000 = 10^4$$

(C)2019 wouf prod

Exercice 5

Tout nombre décimal non nul peut être écrit en notation scientifique, c'est-à-dire sous la forme $a \times 10^n$, où a est un nombre décimal ayant un seul chiffre non nul pour partie entière et où n est un nombre entier relatif. a est appelé *mantisse* du nombre.

- $-651,1 = -6,511 \times 10^2$
- $-0.02719 = -2.719 \times 10^{-2}$
- $33250 = 3{,}325 \times 10^4$
- $0,206 \ 8 = 2,068 \times 10^{-1}$

(C)2019 wouf prod