♥ Les puissances au collège

Exercice 1

Donne les écritures décimales si elles existent (fractionnaires sinon) de :

- (-1)⁻³
- $(-1)^4$
- 4³
- 5-5

Exercice 2

Écris sous la forme d'une puissance :

- $14^2 \times 14^{-4}$
- $6^0 \times 6^1$
- $3^{-6} \times 3^{-18}$
- $19^{-2} \times 19^{7}$

Exercice 3

Écris sous la forme d'une puissance :

- $\frac{(-12)^2}{(-12)^{-11}}$
- $\frac{(-5)^0}{(-5)^1}$
- $\frac{(-4)^{-2}}{(-4)^{-6}}$
- $\frac{(-15)^{-2}}{(-15)^{16}}$

Exercice 4

Écris sous la forme d'une puissance de 10:

- 0,000 01
- 100 000
- 0,000 000 1
- 100

Exercice 5

Écris en notation scientifique les nombres suivants :

- 0,000 829
- - 860 300
- - 0,049 75
- 50 400

(C)2019 wouf prod

Correction

Exercice 1

Si p=0 (et n \neq 0) alors n^p=1

Si p>0 alors n^p est le produit du facteur n par lui même p fois

et n^{-p} est l'inverse du produit du facteur n par lui même p fois

•
$$(-1)^{-3} = \frac{1}{-1 \times (-1) \times (-1)} = \frac{1}{-1} = -1$$

•
$$(-1)^4 = (-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) = 1$$

•
$$4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64$$

•
$$5^{-5} = \frac{1}{5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{1}{3125} = 0.00032$$

Exercice 2

Pour multiplier des puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit d'ajouter les exposants !

•
$$14^2 \times 14^{-4} = 14^{-2}$$

•
$$6^0 \times 6^1 = 6^1$$

•
$$3^{-6} \times 3^{-18} = 3^{-24}$$

•
$$19^{-2} \times 19^7 = 19^5$$

Exercice 3

Pour simplifier le quotient de deux puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit de soustraire les exposants !

$$\bullet \quad \frac{(-12)^2}{(-12)^{-11}} = (-12)^{13}$$

$$\bullet \quad \frac{(-5)^0}{(-5)^1} = (-5)^{-1}$$

$$\bullet \quad \frac{(-4)^{-2}}{(-4)^{-6}} = (-4)^4$$

$$\bullet \quad \frac{(-15)^{-2}}{(-15)^{16}} = (-15)^{-18}$$

Exercice 4

Pour tout entier n positif, $10^n = 10...0$ avec n zéros et $10^{-n} = 0,0...01$ avec n zéros

•
$$0.00001 = 10^{-5}$$

•
$$100\ 000 = 10^5$$

•
$$0,000\ 000\ 1 = 10^{-7}$$

•
$$100 = 10^2$$

(C)2019 wouf prod

Exercice 5

Tout nombre décimal non nul peut être écrit en notation scientifique, c'est-à-dire sous la forme $a \times 10^n$, où a est un nombre décimal ayant un seul chiffre non nul pour partie entière et où n est un nombre entier relatif. a est appelé *mantisse* du nombre.

- $0,000829 = 8,29 \times 10^{-4}$
- $-860300 = -8,603 \times 10^5$
- $-0.04975 = -4.975 \times 10^{-2}$
- $50400 = 5.04 \times 10^4$

(C)2019 wouf prod