♥ Les puissances au collège

Exercice 1

Donne les écritures décimales si elles existent (fractionnaires sinon) de :

- (-5)⁻²
- $(-6)^3$
- 5-4
- (-3)⁻²

Exercice 2

Écris sous la forme d'une puissance :

- $9^2 \times 9^{-6}$
- $4^0 \times 4^1$
- 7⁻² × 7¹⁴
- $(-12)^{-2} \times (-12)^{-13}$

Exercice 3

Écris sous la forme d'une puissance :

- $\frac{(-19)^{-2}}{(-19)^7}$
- $\frac{14^0}{14^1}$
- $\frac{(-10)^{-10}}{(-10)^{-1}}$
- $\frac{19^2}{19^{-14}}$

Exercice 4

Écris sous la forme d'une puissance de 10:

- 0,000 1
- 0,000 000 01
- 100
- 1

Exercice 5

Écris en notation scientifique les nombres suivants :

- - 2 788 000
- 6,4
- - 0,000 002 275
- 0,000 009 522

(C)2019 wouf prod

Correction

Exercice 1

Si p=0 (et n \neq 0) alors n^p=1

Si p>0 alors n^p est le produit du facteur n par lui même p fois

et n^{-p} est l'inverse du produit du facteur n par lui même p fois

•
$$(-5)^{-2} = \frac{1}{-5 \times (-5)} = \frac{1}{25} = 0.04$$

•
$$(-6)^3 = (-6) \times (-6) \times (-6) = -216$$

•
$$5^{-4} = \frac{1}{5 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{1}{625} = 0.0016$$

•
$$(-3)^{-2} = \frac{1}{-3 \times (-3)} = \frac{1}{9} \approx 0.111$$

Exercice 2

Pour multiplier des puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit d'ajouter les exposants !

•
$$9^2 \times 9^{-6} = 9^{-4}$$

•
$$4^0 \times 4^1 = 4^1$$

•
$$7^{-2} \times 7^{14} = 7^{12}$$

•
$$(-12)^{-2} \times (-12)^{-13} = (-12)^{-15}$$

Exercice 3

Pour simplifier le quotient de deux puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit de soustraire les exposants !

$$\bullet \quad \frac{14^0}{14^1} = 14^{-1}$$

$$\bullet \quad \frac{(-10)^{-10}}{(-10)^{-1}} = (-10)^{-9}$$

$$\bullet \quad \frac{19^2}{19^{-14}} = 19^{16}$$

Exercice 4

Pour tout entier n positif, $10^n = 10...0$ avec n zéros et $10^{-n} = 0,0...01$ avec n zéros

•
$$0.0001 = 10^{-4}$$

•
$$0,000\ 000\ 01 = 10^{-8}$$

•
$$100 = 10^2$$

•
$$1 = 10^0$$

(C)2019 wouf prod

Exercice 5

Tout nombre décimal non nul peut être écrit en notation scientifique, c'est-à-dire sous la forme $a \times 10^n$, où a est un nombre décimal ayant un seul chiffre non nul pour partie entière et où n est un nombre entier relatif. a est appelé *mantisse* du nombre.

- $-2788000 = -2,788 \times 10^6$
- $6,4 = 6,004 \times 10^0$
- $-0,000\ 002\ 275 = -2,275 \times 10^{-6}$
- $0,000\ 009\ 522 = 9,522 \times 10^{-6}$

(C)2019 wouf prod