♥ Les puissances au collège

Exercice 1

Donne les écritures décimales si elles existent (fractionnaires sinon) de :

- (-9)-4
- 6³
- (-8)⁻⁴
- 8⁰

Exercice 2

Écris sous la forme d'une puissance :

- $18^0 \times 18^1$
- $(-2)^{-2} \times (-2)^2$
- $(-8)^3 \times (-8)^{-1}$
- $(-4)^{-16} \times (-4)^{-5}$

Exercice 3

Écris sous la forme d'une puissance :

- $\frac{(-2)^2}{(-2)^{-13}}$
- $\frac{(-17)^0}{(-17)^1}$
- $\frac{(-15)^{-2}}{(-15)^{10}}$
- $\frac{(-10)^{-11}}{(-10)^{-19}}$

Exercice 4

Écris sous la forme d'une puissance de 10:

- 0,000 000 01
- 1
- 0,000 000 000 001
- 1 000

Exercice 5

Écris en notation scientifique les nombres suivants :

- 0,002 844
- - 0,007 452
- - 7,354
- 864 000

(C)2019 wouf prod

Correction

Exercice 1

Si p=0 (et n \neq 0) alors n^p=1

Si p>0 alors n^p est le produit du facteur n par lui même p fois

et n^{-p} est l'inverse du produit du facteur n par lui même p fois

•
$$(-9)^{-4} = \frac{1}{-9 \times (-9) \times (-9) \times (-9)} = \frac{1}{6561}$$

•
$$6^3 = 6 \times 6 \times 6 = 216$$

•
$$(-8)^{-4} = \frac{1}{-8 \times (-8) \times (-8) \times (-8)} = \frac{1}{4096} = 0.000244140625$$

Exercice 2

Pour multiplier des puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit d'ajouter les exposants!

•
$$18^0 \times 18^1 = 18^1$$

•
$$(-2)^{-2} \times (-2)^2 = (-2)^0$$

•
$$(-8)^3 \times (-8)^{-1} = (-8)^2$$

•
$$(-8)^3 \times (-8)^{-1} = (-8)^2$$

• $(-4)^{-16} \times (-4)^{-5} = (-4)^{-21}$

Exercice 3

Pour simplifier le quotient de deux puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit de soustraire les exposants!

•
$$\frac{(-2)^2}{(-2)^{-13}} = (-2)^{15}$$

•
$$\frac{(-17)^0}{(-17)^1} = (-17)^{-1}$$

•
$$\frac{(-15)^{-2}}{(-15)^{10}} = (-15)^{-12}$$

$$\bullet \quad \frac{(-10)^{-11}}{(-10)^{-19}} = (-10)^8$$

Exercice 4

Pour tout entier n positif, $10^n = 10...0$ avec n zéros et $10^{-n} = 0,0...01$ avec n zéros

- $0,000\ 000\ 01 = 10^{-8}$
- $1 = 10^0$
- $0,000\ 000\ 000\ 001 = 10^{-12}$
- $1000 = 10^3$

(C)2019 wouf prod

Exercice 5

Tout nombre décimal non nul peut être écrit en notation scientifique, c'est-à-dire sous la forme $a \times 10^n$, où a est un nombre décimal ayant un seul chiffre non nul pour partie entière et où n est un nombre entier relatif. a est appelé *mantisse* du nombre.

- $0,002844 = 2,844 \times 10^{-3}$
- $-0,007452 = -7,452 \times 10^{-3}$
- $-7,354 = -7,354 \times 10^{0}$
- $864\ 000 = 8,64 \times 10^5$

(C)2019 wouf prod