♥ Les puissances au collège

Exercice 1

Donne les écritures décimales si elles existent (fractionnaires sinon) de :

- 3-2
- $(-3)^3$
- 2-2
- (-4)⁰

Exercice 2

Écris sous la forme d'une puissance :

- $6^{-15} \times 6^{-18}$
- $(-20)^{-2} \times (-20)^{10}$
- $8^2 \times 8^{-6}$
- $18^0 \times 18^1$

Exercice 3

Écris sous la forme d'une puissance :

- $\frac{18^2}{18^{-20}}$
- $\frac{(-13)^{-2}}{(-13)^7}$
- $\frac{13^{-16}}{13^{-3}}$
- $\frac{12^0}{12^1}$

Exercice 4

Écris sous la forme d'une puissance de 10:

- 0,000 000 01
- 1 000
- 1 000 000 000
- 0,000 1

Exercice 5

Écris en notation scientifique les nombres suivants :

- 0,001 669
- 84 610
- - 0,000 002 671
- - 62 480

(C)2019 wouf prod

Correction

Exercice 1

Si p=0 (et n \neq 0) alors n^p=1

Si p>0 alors n^p est le produit du facteur n par lui même p fois

et n^{-p} est l'inverse du produit du facteur n par lui même p fois

•
$$3^{-2} = \frac{1}{3 \times 3} = \frac{1}{9} \approx 0.111$$

•
$$(-3)^3 = (-3) \times (-3) \times (-3) = -27$$

•
$$2^{-2} = \frac{1}{2 \times 2} = \frac{1}{4} = 0.25$$

•
$$(-4)^0 = 1$$

Exercice 2

Pour multiplier des puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit d'ajouter les exposants !

•
$$6^{-15} \times 6^{-18} = 6^{-33}$$

•
$$(-20)^{-2} \times (-20)^{10} = (-20)^8$$

•
$$8^2 \times 8^{-6} = 8^{-4}$$

•
$$18^0 \times 18^1 = 18^1$$

Exercice 3

Pour simplifier le quotient de deux puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit de soustraire les exposants !

$$\bullet \quad \frac{18^2}{18^{-20}} = 18^{22}$$

$$\bullet \quad \frac{13^{-16}}{13^{-3}} = 13^{-13}$$

•
$$\frac{12^0}{12^1} = 12^{-1}$$

Exercice 4

Pour tout entier n positif, $10^n = 10...0$ avec n zéros et $10^{-n} = 0,0...01$ avec n zéros

•
$$0,000\ 000\ 01 = 10^{-8}$$

•
$$1000 = 10^3$$

•
$$1\ 000\ 000\ 000 = 10^9$$

•
$$0.0001 = 10^{-4}$$

(C)2019 wouf prod

Exercice 5

Tout nombre décimal non nul peut être écrit en notation scientifique, c'est-à-dire sous la forme $a \times 10^n$, où a est un nombre décimal ayant un seul chiffre non nul pour partie entière et où n est un nombre entier relatif. a est appelé *mantisse* du nombre.

- $0,001669 = 1,669 \times 10^{-3}$
- $84610 = 8,461 \times 10^4$
- $-0,000\ 002\ 671 = -2,671 \times 10^{-6}$
- $-62480 = -6,248 \times 10^4$

(C)2019 wouf prod