♥ Les puissances au collège

Exercice 1

Donne les écritures décimales si elles existent (fractionnaires sinon) de :

- (-4)⁴
- (-3)⁻³
- 2⁻³
- (-2)⁴

Exercice 2

Écris sous la forme d'une puissance :

- $19^0 \times 19^1$
- $16^{-19} \times 16^{-20}$
- $(-13)^{-2} \times (-13)^{14}$
- $17^2 \times 17^{-5}$

Exercice 3

Écris sous la forme d'une puissance :

- $\frac{19^{-12}}{19^{-20}}$
- $\frac{16^0}{16^1}$
- $\frac{10^2}{10^{-5}}$
- $\frac{(-17)^{-2}}{(-17)^8}$

Exercice 4

Écris sous la forme d'une puissance de 10:

- 1 000 000 000
- 0,000 01
- 0,000 000 01
- 10 000

Exercice 5

Écris en notation scientifique les nombres suivants :

- - 8,28
- 59,36
- - 0,015 3
- 0,000 229 9

(C)2019 wouf prod

Correction

Exercice 1

Si p=0 (et n \neq 0) alors n^p=1

Si p>0 alors n^p est le produit du facteur n par lui même p fois

et n^{-p} est l'inverse du produit du facteur n par lui même p fois

•
$$(-4)^4 = (-4) \times (-4) \times (-4) \times (-4) = 256$$

•
$$(-3)^{-3} = \frac{1}{-3 \times (-3) \times (-3)} = \frac{1}{-27} = \frac{-1}{27}$$

•
$$2^{-3} = \frac{1}{2 \times 2 \times 2} = \frac{1}{8} = 0.125$$

•
$$(-2)^4 = (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) = 16$$

Exercice 2

Pour multiplier des puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit d'ajouter les exposants!

•
$$19^0 \times 19^1 = 19^1$$

•
$$16^{-19} \times 16^{-20} = 16^{-39}$$

•
$$(-13)^{-2} \times (-13)^{14} = (-13)^{12}$$

• $17^2 \times 17^{-5} = 17^{-3}$

•
$$17^2 \times 17^{-5} = 17^{-3}$$

Exercice 3

Pour simplifier le quotient de deux puissances d'un même nombre, on s'aperçoit en revenant à la définition qu'il suffit de soustraire les exposants!

$$\bullet \quad \frac{19^{-12}}{19^{-20}} = 19^8$$

$$\bullet \quad \frac{16^0}{16^1} = 16^{-1}$$

•
$$\frac{10^2}{10^{-5}} = 10^7$$

Exercice 4

Pour tout entier n positif, $10^n = 10...0$ avec n zéros et $10^{-n} = 0,0...01$ avec n zéros

•
$$1\ 000\ 000\ 000 = 10^9$$

•
$$0,00001 = 10^{-5}$$

•
$$0,000\ 000\ 01 = 10^{-8}$$

•
$$10\,000 = 10^4$$

(C)2019 wouf prod

Exercice 5

Tout nombre décimal non nul peut être écrit en notation scientifique, c'est-à-dire sous la forme $a \times 10^n$, où a est un nombre décimal ayant un seul chiffre non nul pour partie entière et où n est un nombre entier relatif. a est appelé *mantisse* du nombre.

- $-8,28 = -8,028 \times 10^0$
- $59,36 = 5,936 \times 10^1$
- $-0.0153 = -1.53 \times 10^{-2}$
- $0,0002299 = 2,299 \times 10^{-4}$

(C)2019 wouf prod