▼ Autour de Pythagore (cycle 4)

Exercice 1

SKV est un triangle rectangle en S, tel que SK = 10.2 km et SV = 28 km. Après avoir fait un schéma, calcule, en rédigeant la longueur du segment [KV].

Exercice 2

PMC est un triangle rectangle en P, tel que PM = 18.2 cm et MC = 119 cmAprès avoir fait un schéma, calcule, en rédigeant la longueur du segment [PC].

Exercice 3

FGV est un triangle tel que :

- FG = 267.3 mm
- FV = 273.6 mm
- GV = 382.5 mm

Ce triangle est-il rectangle? Justifie.

Exercice 4

WDV est un triangle tel que :

- WD = 8.7 m
- WV = 41.6 m
- DV = 42.6 m

Ce triangle est-il rectangle? Justifie.

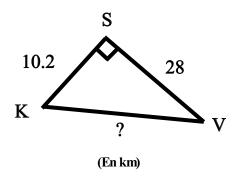
Exercice 5

TRM est un triangle rectangle en T, tel que TM = 323 mm et RM = 325 mm

Après avoir fait un schéma, calcule, en rédigeant la longueur du segment [TR].

Correction

Exercice 1



Dans le triangle SKV rectangle en S d'après le théorème Pythagore :

$$KV^2 = SK^2 + SV^2$$

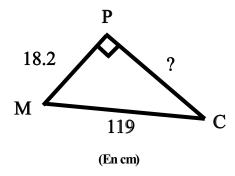
$$KV^2 = 10.2^2 + 28^2$$

$$KV^2 = 104.04 + 784$$

$$KV^2 = 888.04$$

$$KV = \sqrt{888.04} \text{ km}$$

$$KV = 29.8 \text{ km}$$



Dans le triangle PMC rectangle en P d'après le théorème Pythagore :

$$MC^2 = PM^2 + PC^2$$

$$119^2 = 18.2^2 + PC^2$$

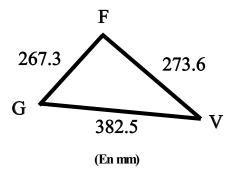
$$14161 = 331.24 + PC^2$$

$$PC^2 = 14161 - 331.24$$

$$PC^2 = 13829.76$$

$$PC = \sqrt{13829.76} \text{ cm}$$

$$PC = 117.6 \text{ cm}$$

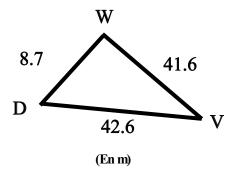


Dans le triangle FGV:

- GV² = 382.5² = 146306.25
 FG² + FV² = 267.3² + 273.6² = 71449.29 + 74856.96 = 146306.25

Donc $GV^2 = FG^2 + FV^2$

D'après la réciproque du théorème de Pythagore, le triangle FGV est rectangle en F.



Dans le triangle WDV:

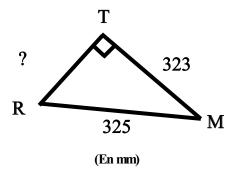
- $DV^2 = 42.6^2 = 1814.76$
- $WD^2 + WV^2 = 8.7^2 + 41.6^2 = 75.69 + 1730.56 = 1806.25$

Donc $DV^2 \neq WD^2 + WV^2$

Le triangle WDV n'est pas rectangle. (Si il l'était, alors l'égalité ci-dessus serait vérifiée d'après le théorème de Pythagore.)

Rédaction alternative :

D'après la contraposée du théorème de Pythagore, le triangle WDV n'est pas rectangle.



Dans le triangle TRM rectangle en T d'après le théorème Pythagore :

$$RM^2 = TR^2 + TM^2$$

$$325^2 = TR^2 + 323^2$$

$$105625 = TR^2 + 104329$$

$$TR^2 = 105625 - 104329$$

$$TR^2 = 1296$$

$$TR = \sqrt{1296} \text{ mm}$$

$$TR = 36 \text{ mm}$$