



Diplôme national du brevet
Brevet des collèves — Amérique du Sud, novembre 2009

CORRIGÉ DE L'ÉPREUVE

ACTIVITÉS NUMÉRIQUES

12 points

Exercice 1

x	9	4	25
x^2	81	16	625
\sqrt{x}	3	2	5

Exercice 2

On considère la fraction $\frac{190}{114}$.

1. Les deux nombres 190 et 114 sont pairs donc divisibles par 2, donc la fraction $\frac{190}{114}$ n'est pas irréductible.
2. $190 = 114 \times 1 + 76$; $114 = 76 \times 1 + 38$; $76 = 38 \times 2 + 0$
Le dernier reste non nul est 38 donc le PGCD de 190 et 114 est 38.
3. $190 = 5 \times 38$ et $114 = 3 \times 38$ donc $\frac{190}{114} = \frac{5 \times 38}{3 \times 38} = \frac{5}{3}$

Exercice 3

$\frac{3}{2} + \frac{7}{5}$	Réponse C	$\frac{3}{2} + \frac{7}{5} = \frac{14}{10} + \frac{14}{10} = \frac{29}{10}$
$\frac{10^5}{10^2}$	Réponse A	$\frac{10^5}{10^2} = \frac{10^2 \times 10^3}{10^2} = 10^3$
$\frac{2}{3} - \frac{7}{3} : \frac{1}{4}$	Réponse B	$\frac{2}{3} - \frac{7}{3} : \frac{1}{4} = \frac{2}{3} - \frac{7}{3} \times \frac{4}{1} = \frac{2}{3} - \frac{28}{3} = -\frac{26}{3}$
$(10^5)^2$	Réponse C	$(10^5)^2 = 10^{5 \times 2} = 10^{10}$

Exercice 4

On donne $A = (x - 5)^2$ et $B = x^2 - 10x + 25$.

1. Pour $x = 5$
 - $A = (5 - 5)^2 = 0$
 - $B = 5^2 - 10 \times 5 + 25 = 25 - 50 + 25 = 0$



2. Pour $x = -1$

- $A = (-1 - 5)^2 = (-6)^2 = 36$
- $B = (-1)^2 - 10 \times (-1) + 25 = 1 + 10 + 25 = 36$

3. Pour tout x : $A = (x - 5)^2 = x^2 - 2 \times x \times 5 + 5^2 = x^2 - 10x + 25 = B$

ACTIVITÉS GÉOMÉTRIQUES

12 points

Exercice 1

Simon joue avec son cerf-volant au bord de la plage. La ficelle est déroulée au maximum et elle est tendue, elle mesure 50 m.

unit=0.1cm

(-5,-

5)(20,60)

(8.68,0)(6.68,2)

(0,0)(50 ;80)(8.68,0)

(-5,0)(15,0)

[d](0,0)S

[d](8.68,0)H

[r](50 ;80)C

[l](25 ;80)50

m (0,0)3080

3pt[60](3 ;40)80°

1. La ficelle fait avec l'horizontale un angle \widehat{CSH} qui mesure 80° .

Dans le triangle SCH rectangle en H :

$$\sin \widehat{SCH} = \frac{CH}{SC} \text{ donc } CH = SC \times \sin 80^\circ \approx 49 \text{ m.}$$

2. Lorsque la ficelle fait avec l'horizontale un angle de 40° , la distance CH vaut $SC \times \sin 40^\circ \approx 32 \text{ m.}$

Ce n'est donc pas la moitié de la distance calculée au 1.

unit=0.08cm

(-5,-

35)(45,60)

(0,0)(50 ;40)

(38.3,0)(0,0)

(-5,0)(45,0)

[d](0,0)S

[d](38.3,0)H

[r](50 ;40)C

[l](25 ;40)50

m (0,0)5040

[30](5 ;20)40°

(-5,-

(38.3,0)(36.3,2)

(0,0)(50 ;40)

(38.3,0)(0,0)

(-5,0)(45,0)

[d](0,0)S

[d](38.3,0)H

[r](50 ;40)C

[l](25 ;40)50

m (0,0)5040

[30](5 ;20)40°

Exercice 2

Le cube représenté ci-contre est un cube d'arête 6 cm.

On considère :

le point M milieu de l'arête $[BB']$,

le point N milieu de l'arête $[CC']$,

le point P milieu de l'arête $[DC]$,

le point R milieu de l'arête $[AB]$.

unit=1cm

(-1.5,0)(6,5)

[fill-

style=solid,fillcolor=lightgray](1.5,0)(3.5,0.5)(3.5,3.5)(1.5,3)

(3,3) (3,0)(4,1)(4,4)(3,3) (0,3)(1,4) (1,4)(4,4)

[ul](0,3)A [ul](3,3)B [d](3,0)C [d](0,0)D

[u](1,4)A' [u](4,4)B' [r](4,1)C' [l](1,1)D'

[u](3.5,3.5)M [r](3.5,0.5)N [d](1.5,0)P

[u](1.5,3)R [linestyle=dashed](0,0)(1,1)(1,4) [line-

style=dashed](1,1)(4,1)

1. $ABB'A'$ est un carré donc l'angle \widehat{RBM} est droit ; le triangle BRM est rectangle en B.

De plus R est le milieu de $[AB]$ et $AB = 6$ donc $BR = 3$.

De même M est le milieu de $[BB']$ donc $BM = 3$.

On en déduit que le triangle BRM est isocèle.

Le triangle BRM est donc isocèle rectangle en B.

D'après le théorème de Pythagore :

$$RM^2 = BR^2 + BM^2 = 3^2 + 3^2 = 18 \text{ donc } RM = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$$

unit=1cm

(-0.5,-0.5)(3.5,3.5)

[dl](0,0)R [ur](3,3)M (0,0)R (3,0)B

(3,3)M [linewidth=0.8pt](3,0)(2.7,0.3)

[dr](3,0)B RM [SegmentSym-

bol=pstslashh]BR [SegmentSym-

bol=pstslashh]BM



2. On coupe le cube par le plan passant par R et parallèle à l'arête [BC].
unit=1cm (-1,-1)(4,5,7) (0,0)(4,24,6)
[dl](0,0)P [dr](4,24,0)N [ul](0,6)R La section RMPN est un rectangle dont la longueur vaut 6 cm et la largeur vaut $3\sqrt{2}$ cm.
[ur](4,24,6)M [u](2,12,6) $3\sqrt{2}$ [l](0,3)6
3. Le triangle BRM est rectangle isocèle en B donc c'est la moitié d'un carré ;
son aire est : $\frac{BR \times BM}{2} = \frac{3 \times 3}{2} = 4,5 \text{ cm}^2$.
Le prisme droit de base RBM et de hauteur [BC] a pour volume :
aire de la base \times hauteur = $4,5 \times 6 = 27 \text{ cm}^3$.

Problème

12 points

Première partie : étude de la figure donnée en annexe 1

OABC est un carré de côté 7 cm ; O, A et E sont alignés et $AE = 2 \text{ cm}$.

1. L'aire du carré OABC est $OA \times OC = 7 \times 7 = 49 \text{ cm}^2$
2. Dans le triangle OEC rectangle en O : $\tan \widehat{OEC} = \frac{OC}{OE} = \frac{7}{7+2} = \frac{7}{9}$
On trouve à la calculatrice, $\widehat{OEC} \approx 38^\circ$
3. Les droites (BC) et (OE) sont parallèles et elles sont coupées par la droite (CE) ; les angles \widehat{OEC} et \widehat{ECB} sont donc alternes internes et ils ont donc la même mesure : $\widehat{ECB} \approx 38^\circ$.

Deuxième partie : construction d'un rectangle sur la figure de l'annexe 1 :

1. Voir figure en annexe.
2. a. Par construction, les droites (AM) et (CE) sont parallèles ; donc on peut appliquer le théorème de Thalès dans les triangles OAM et OEC : $\frac{OM}{OC} = \frac{OA}{OE}$
b. On sait que $\frac{OM}{OC} = \frac{OA}{OE}$; or $OC = OA = 7$ et $OE = 9$.
Donc $\frac{OM}{OC} = \frac{OA}{OE} \iff \frac{OM}{7} = \frac{7}{9} \iff OM = \frac{49}{9}$
c. L'aire du rectangle OMNE est égale à $OM \times OE = \frac{49}{9} \times 9 = 49 \text{ cm}^2$.
Donc l'aire du rectangle OMNE est égale à l'aire du carré OABC.

Troisième partie : construction d'un rectangle de même aire qu'un carré

On utilisera la figure donnée en **annexe 2 (à rendre avec la copie)** :

OABC est maintenant un carré de côté 5 cm ; O, A et E sont alignés ; $AE = 5 \text{ cm}$.

Construire le rectangle OMNE de même aire que le carré OABC, avec M appartenant au segment [OC].

On prendra M milieu de [OC] ; ce point M peut être obtenu comme intersection de (OC) avec la parallèle à (CE) passant par A.

L'aire du carré OABC est égale à $5 \times 5 = 25 \text{ cm}^2$.

L'aire du rectangle OMNE est égale à $2,5 \times 10 = 25 \text{ cm}^2$.



Brevet des collèges
Amérique du Sud – novembre 2009



ANNEXES À RENDRE AVEC LA COPIE

Annexe 1

Annexe 2