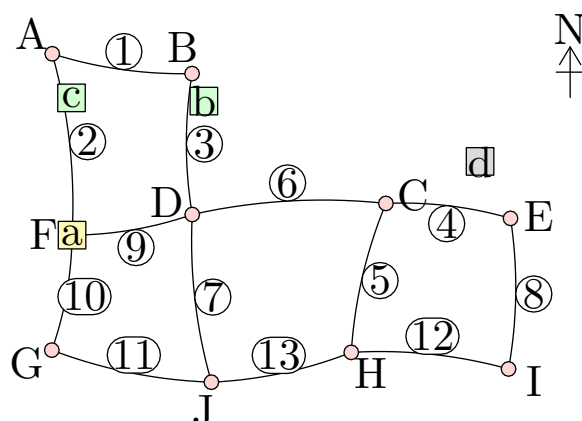




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour F, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

Les rues	⑧ rue du Puits	Ⓑ Place de la Fontaine	ⓙ Rond-point des Vaches
① rue des Jardins	⑨ allée des Peupliers	Ⓒ Rond-point de la Poste	Les bâtiments
② rue Pasteur	⑩ passage du Marché	Ⓓ Carrefour du Moulin	a l'école
③ rue Verte	⑪ boulevard du Parc	Ⓔ Place du Vieux-Puits	b la salle des fêtes
④ rue Basse	⑫ rue du Stade	Ⓕ Rond-point du Pont	c la mairie
⑤ rue du Pont	⑬ rue du Moulin	Ⓖ Fontaine Notre-Dame	d le cimetière
⑥ avenue de la Gare	Les carrefours	Ⓗ Carrefour Saint-Roch	
⑦ chemin du Lavoir	Ⓐ Place aux Herbes	① Place des Tanneurs	

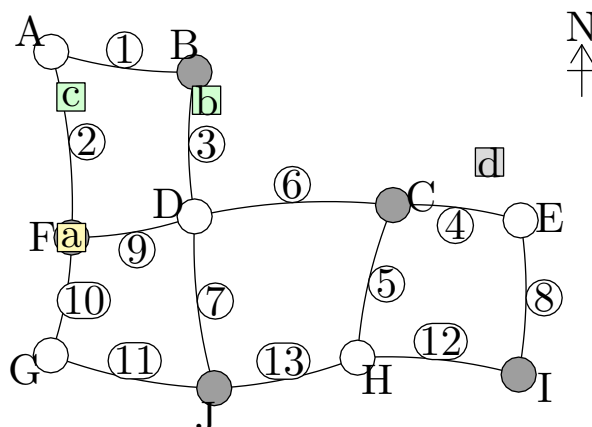
Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.



Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	B, C, F, I, J	5
clairs	A, D, E, G, H	5

Il y a 5 carrefours sombres et 5 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 10 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°110



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue Pasteur** ② vers le nord jusqu'à Place aux Herbes (A).

Il tourne à droite dans la **rue des Jardins** ①, vers l'est, jusqu'à Place de la Fontaine (B).

Il tourne à droite dans la **rue Verte** ③, vers le sud, jusqu'à Carrefour du Moulin (D).

Il tourne à gauche dans l'**avenue de la Gare** ⑥, vers l'est, jusqu'à Rond-point de la Poste (C).

Il continue tout droit dans la **rue Basse** ④, vers l'est, jusqu'à Place du Vieux-Puits (E).

Il tourne à droite dans la **rue du Puits** ⑧, vers le sud, jusqu'à Place des Tanneurs (I).

Il tourne à droite dans la **rue du Stade** ⑫, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (H).

Il continue tout droit dans la **rue du Moulin** ⑬, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point des Vaches (J).

Il continue tout droit dans le **boulevard du Parc** ⑪, vers l'ouest, jusqu'à Fontaine Notre-Dame (G).

Il tourne à droite dans le **passage du Marché** ⑩, vers le nord, jusqu'à Rond-point du Pont (F).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.