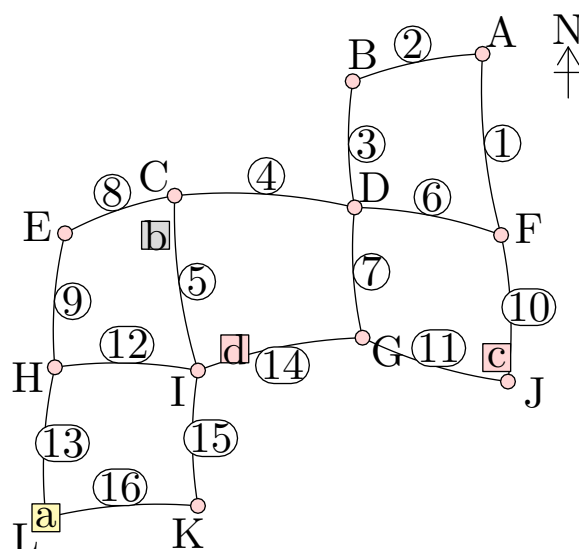




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour L, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

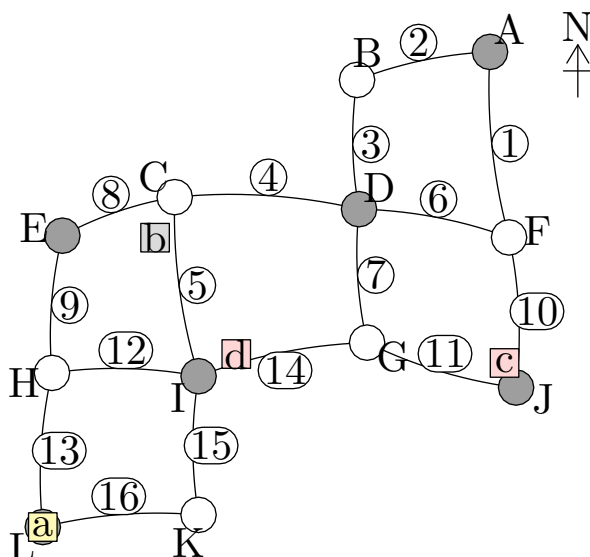
Les rues	⑨ rue Basse	Ⓐ Placette des Ormes	Ⓜ Fontaine Notre-Dame
① rue du Puits	⑩ rue des Écoles	Ⓑ Place aux Herbes	Ⓚ Place Sainte-Croix
② passage du Marché	⑪ rue du Four	Ⓒ Carrefour de l'Hôpital	Ⓛ Place de la Fontaine
③ quai aux Fleurs	⑫ rue du Stade	Ⓓ Carrefour de la Mairie	Les bâtiments
④ rue de la Poste	⑬ rue du Pont	Ⓔ Place de l'Église	a l'école
⑤ rue Verte	⑭ rue de l'Église	Ⓕ Rond-point du Pont	b le gymnase
⑥ chemin de Ronde	⑮ venelle du Chat	Ⓖ Carrefour du Lavoir	c la boulangerie
⑦ allée des Tilleuls	⑯ rue de la Mairie	Ⓗ Carrefour Saint-Roch	d la pharmacie
⑧ rue Pasteur	Les carrefours	Ⓜ Rond-point de la Poste	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, D, E, I, J, L	6
clairs	B, C, F, G, H, K	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°126



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue du Pont** ⑬ vers le nord jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**H**).

Il continue tout droit dans la **rue Basse** ⑨, vers le nord, jusqu'à Place de l'Église (**E**).

Il tourne à droite dans la **rue Pasteur** ⑧, vers l'est, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**C**).

Il continue tout droit dans la **rue de la Poste** ④, vers l'est, jusqu'à Carrefour de la Mairie (**D**).

Il tourne à gauche dans le **quai aux Fleurs** ③, vers le nord, jusqu'à Place aux Herbes (**B**).

Il tourne à droite dans le **passage du Marché** ②, vers l'est, jusqu'à Placette des Ormes (**A**).

Il tourne à droite dans la **rue du Puits** ①, vers le sud, jusqu'à Rond-point du Pont (**F**).

Il continue tout droit dans la **rue des Écoles** ⑩, vers le sud, jusqu'à Fontaine Notre-Dame (**J**).

Il tourne à droite dans la **rue du Four** ⑪, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**G**).

Il continue tout droit dans la **rue de l'Église** ⑭, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point de la Poste (**I**).

Il tourne à gauche dans la **venelle du Chat** ⑮, vers le sud, jusqu'à Place Sainte-Croix (**K**).

Il tourne à droite dans la **rue de la Mairie** ⑯, vers l'ouest, jusqu'à Place de la Fontaine (**L**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.