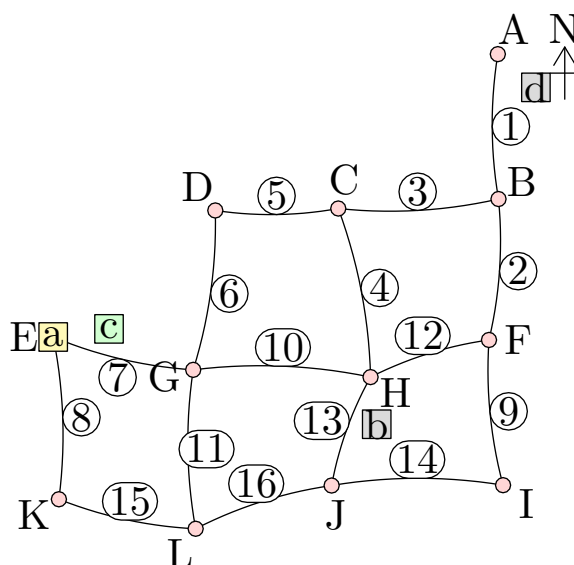




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour E, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

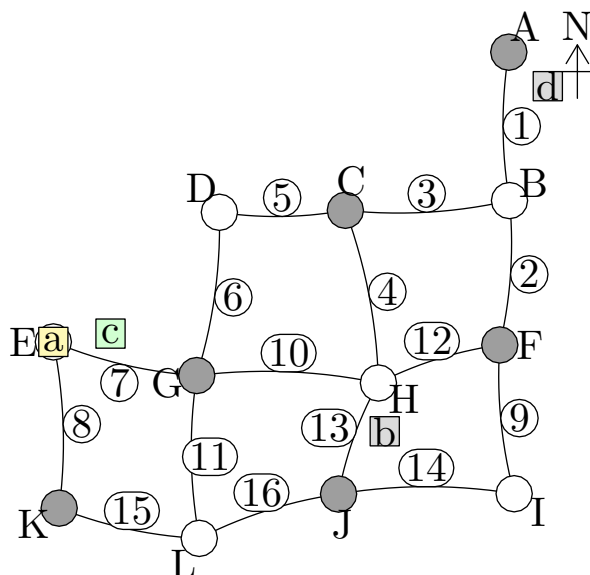
Les rues	⑨ rue des Jardins	Ⓐ Place de l'Église	ⓙ Carrefour des Tilleuls
① impasse Sainte-Anne	⑩ chemin Creux	Ⓑ Carrefour Saint-Roch	Ⓚ Coin du Lavoir
② sentier des Prés	⑪ allée des Tilleuls	Ⓒ Carrefour du Lavoir	Ⓛ Rond-point des Vaches
③ rue du Four	⑫ quai aux Fleurs	Ⓓ Place des Tanneurs	Les bâtiments
④ rue du Pont	⑬ rue Basse	Ⓔ Place du Marché	a l'école
⑤ chemin de Ronde	⑭ allée des Peupliers	Ⓕ Rond-point du Stade	b l'église
⑥ passage du Marché	⑮ rue des Écoles	Ⓖ Carrefour de la Mairie	c la bibliothèque
⑦ rue du Puits	⑯ rue du Moulin	Ⓗ Carrefour de l'Hôpital	d le cimetière
⑧ rue Pasteur	Les carrefours	① Fontaine Notre-Dame	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, C, F, G, J, K	6
clairs	B, D, E, H, I, L	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Si l'on retire le carrefour B, le quartier tombe en 2 morceaux : toute route de l'un à l'autre passe par lui. Un circuit qui reviendrait à l'école devrait donc s'y arrêter au moins deux fois — c'est interdit.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de E :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°163



HAMIO163

Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue Pasteur** ⑧ vers le sud jusqu'à Coin du Lavoir (**K**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Écoles** ⑮, vers l'est, jusqu'à Rond-point des Vaches (**L**).

Il tourne à gauche dans l'**allée des Tilleuls** ⑪, vers le nord, jusqu'à Carrefour de la Mairie (**G**).

Il continue tout droit dans le **passage du Marché** ⑥, vers le nord, jusqu'à Place des Tanneurs (**D**).

Il tourne à droite dans le **chemin de Ronde** ⑤, vers l'est, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**C**).

Il tourne à droite dans la **rue du Pont** ④, vers le sud, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**H**).

Il continue tout droit dans la **rue Basse** ⑬, vers le sud, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**J**).

Il tourne à gauche dans l'**allée des Peupliers** ⑭, vers l'est, jusqu'à Fontaine Notre-Dame (**I**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Jardins** ⑨, vers le nord, jusqu'à Rond-point du Stade (**F**).

Il continue tout droit dans le **sentier des Prés** ②, vers le nord, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**B**).

Il continue tout droit dans l'**impasse Sainte-Anne** ①, vers le nord, jusqu'à Place de l'Église (**A**).

Les 12 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.