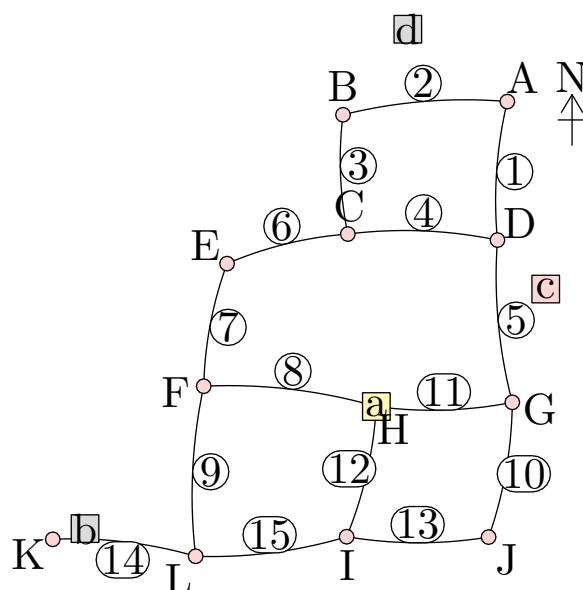


Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour H, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

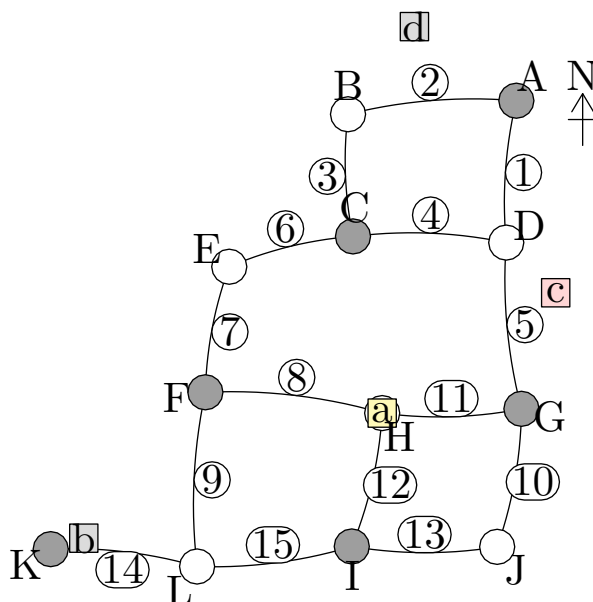
Les rues	⑨ sentier des Prés	Ⓑ Place aux Herbes	Ⓚ Place des Tanneurs
① rue Neuve	⑩ rue du Four	Ⓒ Rond-point du Stade	Ⓛ Carrefour de la Mairie
② rue du Moulin	⑪ rue Pasteur	Ⓓ Rond-point de la Gare	Les bâtiments
③ chemin du Lavoir	⑫ rue de la Mairie	Ⓔ Place du Vieux-Puits	a l'école
④ avenue de la Gare	⑬ quai aux Fleurs	Ⓕ Carrefour de l'Hôpital	b le cimetière
⑤ rue des Écoles	⑭ impasse des Roses	Ⓖ Carrefour du Lavoir	c le marché couvert
⑥ rue Verte	⑮ rue de l'Église	Ⓗ Carrefour du Moulin	d le gymnase
⑦ chemin de Ronde	Les carrefours	Ⓘ Carrefour Saint-Roch	
⑧ rue du Puits	Ⓐ Coin du Lavoir	Ⓙ Place du Marché	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, C, F, G, I, K	6
clairs	B, D, E, H, J, L	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Si l'on retire le carrefour L, le quartier tombe en 2 morceaux : toute route de l'un à l'autre passe par lui. Un circuit qui reviendrait à l'école devrait donc s'y arrêter au moins deux fois — c'est interdit.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de H :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°167



HAMIO167

Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue du Puits** ⑧ vers l'ouest jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**F**).

Il tourne à droite dans le **chemin de Ronde** ⑦, vers le nord, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**E**).

Il tourne à droite dans la **rue Verte** ⑥, vers l'est, jusqu'à Rond-point du Stade (**C**).

Il tourne à gauche dans le **chemin du Lavoir** ③, vers le nord, jusqu'à Place aux Herbes (**B**).

Il tourne à droite dans la **rue du Moulin** ②, vers l'est, jusqu'à Coin du Lavoir (**A**).

Il tourne à droite dans la **rue Neuve** ①, vers le sud, jusqu'à Rond-point de la Gare (**D**).

Il continue tout droit dans la **rue des Écoles** ⑤, vers le sud, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**G**).

Il continue tout droit dans la **rue du Four** ⑩, vers le sud, jusqu'à Place du Marché (**J**).

Il tourne à droite dans le **quai aux Fleurs** ⑬, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**I**).

Il continue tout droit dans la **rue de l'Église** ⑮, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour de la Mairie (**L**).

Il continue tout droit dans l'**impasse des Roses** ⑭, vers l'ouest, jusqu'à Place des Tanneurs (**K**).

Les 12 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.