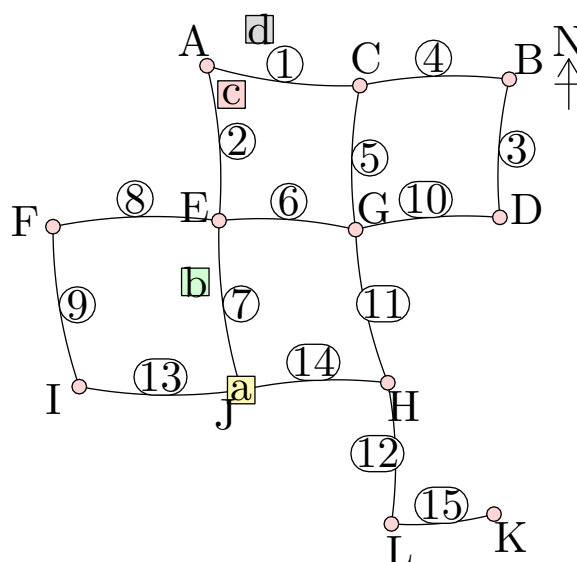




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour J, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

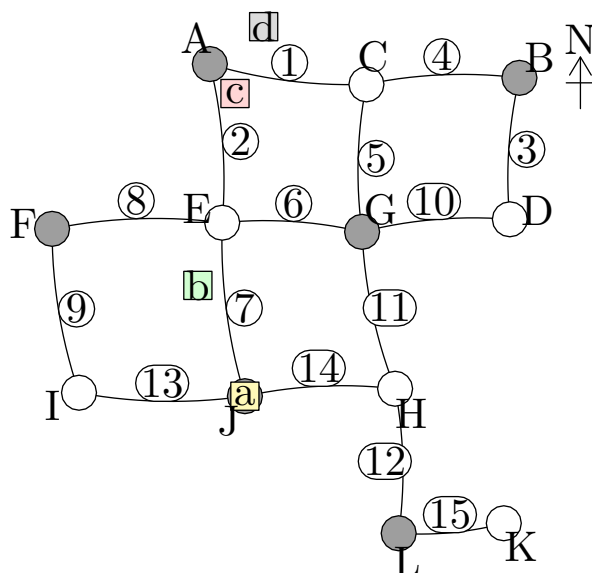
Les rues	⑨ rue Haute	⑤ Place Sainte-Croix	Ⓚ Coin du Lavoir
① rue de la Mairie	⑩ rue de l'Église	Ⓒ Carrefour de la Mairie	Ⓛ Place aux Herbes
② rue du Puits	⑪ boulevard du Parc	Ⓓ Place de l'Église	Les bâtiments
③ rue du Moulin	⑫ rue du Stade	Ⓔ Carrefour du Lavoir	a l'école
④ venelle du Chat	⑬ rue du Four	Ⓕ Place du Vieux-Puits	b la salle des fêtes
⑤ rue Pasteur	⑭ rue des Écoles	Ⓖ Rond-point des Vaches	c le lavoir
⑥ rue Verte	⑮ impasse des Roses	Ⓗ Carrefour Saint-Roch	d le gymnase
⑦ rue du Pont	Les carrefours	① Place des Tanneurs	
⑧ allée des Tilleuls	Ⓐ Placette des Ormes	Ⓙ Carrefour des Tilleuls	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, B, F, G, J, L	6
clairs	C, D, E, H, I, K	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Si l'on retire le carrefour H, le quartier tombe en 2 morceaux : toute route de l'un à l'autre passe par lui. Un circuit qui reviendrait à l'école devrait donc s'y arrêter au moins deux fois — c'est interdit.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de J :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°173



HAMIO173

Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue du Four** ⑬ vers l'ouest jusqu'à Place des Tanneurs (**I**).

Il tourne à droite dans la **rue Haute** ⑨, vers le nord, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**F**).

Il tourne à droite dans l'**allée des Tilleuls** ⑧, vers l'est, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**E**).

Il tourne à gauche dans la **rue du Puits** ②, vers le nord, jusqu'à Placette des Ormes (**A**).

Il tourne à droite dans la **rue de la Mairie** ①, vers l'est, jusqu'à Carrefour de la Mairie (**C**).

Il continue tout droit dans la **venelle du Chat** ④, vers l'est, jusqu'à Place Sainte-Croix (**B**).

Il tourne à droite dans la **rue du Moulin** ③, vers le sud, jusqu'à Place de l'Église (**D**).

Il tourne à droite dans la **rue de l'Église** ⑩, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point des Vaches (**G**).

Il tourne à gauche dans le **boulevard du Parc** ⑪, vers le sud, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**H**).

Il continue tout droit dans la **rue du Stade** ⑫, vers le sud, jusqu'à Place aux Herbes (**L**).

Il tourne à gauche dans l'**impasse des Roses** ⑮, vers l'est, jusqu'à Coin du Lavoir (**K**).

Les 12 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.