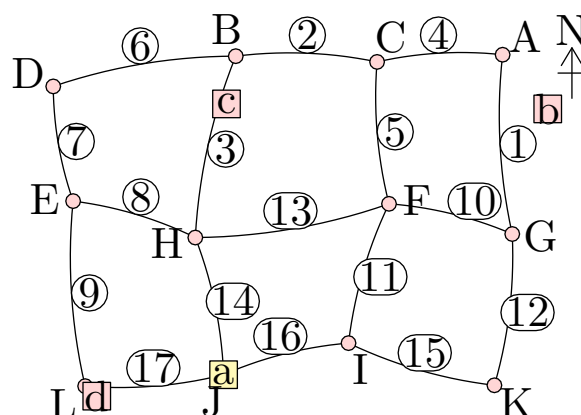




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour J, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

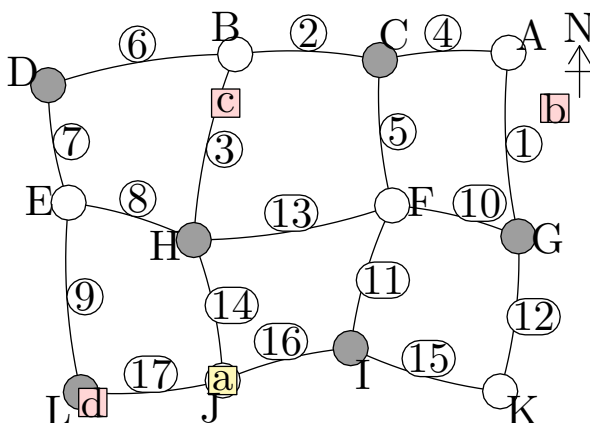
Les rues	⑨ rue Pasteur	Les carrefours	① Carrefour Saint-Roch
① chemin des Vignes	⑩ rue Neuve	Ⓐ Place Sainte-Croix	ⓙ Rond-point de la Poste
② chemin Creux	⑪ rue de la Poste	Ⓑ Rond-point du Pont	Ⓚ Place aux Herbes
③ rue du Stade	⑫ chemin de Ronde	Ⓒ Rond-point du Stade	Ⓛ Place de la Fontaine
④ chemin du Lavoir	⑬ rue du Four	Ⓓ Placette des Ormes	Les bâtiments
⑤ allée des Peupliers	⑭ boulevard du Parc	Ⓔ Rond-point des Vaches	a l'école
⑥ rue des Jardins	⑮ quai aux Fleurs	Ⓕ Carrefour de la Mairie	b la pharmacie
⑦ rue Verte	⑯ rue Haute	Ⓖ Carrefour des Tilleuls	c la boulangerie
⑧ rue des Lilas	⑰ rue Basse	Ⓗ Carrefour du Moulin	d le marché couvert

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	C, D, G, H, I, L	6
clairs	A, B, E, F, J, K	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°196



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend le **boulevard du Parc** ⑭ vers le nord jusqu'à Carrefour du Moulin (**H**).
Il tourne à droite dans la **rue du Four** ⑬, vers l'est, jusqu'à Carrefour de la Mairie (**F**).
Il tourne à droite dans la **rue de la Poste** ⑪, vers le sud, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**I**).
Il tourne à gauche dans le **quai aux Fleurs** ⑮, vers l'est, jusqu'à Place aux Herbes (**K**).
Il tourne à gauche dans le **chemin de Ronde** ⑫, vers le nord, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**G**).
Il continue tout droit dans le **chemin des Vignes** ①, vers le nord, jusqu'à Place Sainte-Croix (**A**).
Il tourne à gauche dans le **chemin du Lavoir** ④, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point du Stade (**C**).
Il continue tout droit dans le **chemin Creux** ②, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point du Pont (**B**).
Il continue tout droit dans la **rue des Jardins** ⑥, vers l'ouest, jusqu'à Placette des Ormes (**D**).
Il tourne à gauche dans la **rue Verte** ⑦, vers le sud, jusqu'à Rond-point des Vaches (**E**).
Il continue tout droit dans la **rue Pasteur** ⑨, vers le sud, jusqu'à Place de la Fontaine (**L**).
Il tourne à gauche dans la **rue Basse** ⑰, vers l'est, jusqu'à Rond-point de la Poste (**J**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.