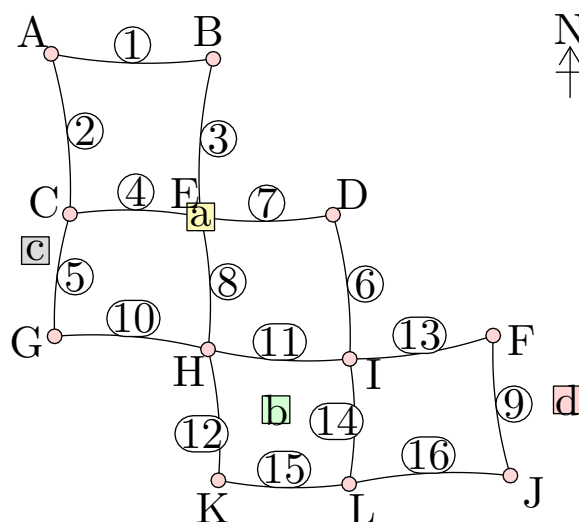




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour E, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

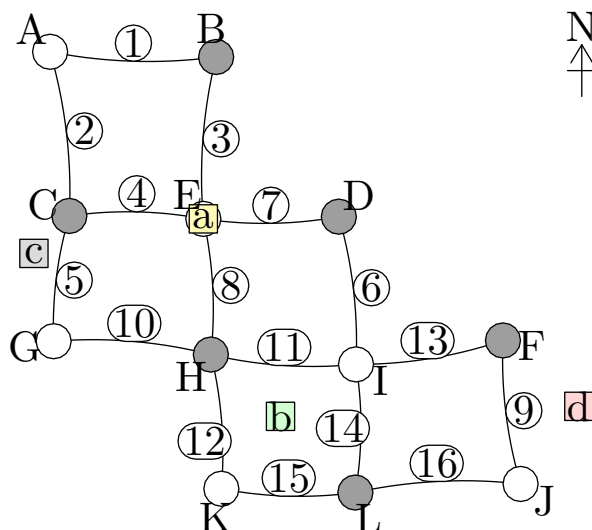
Les rues	⑨ chemin des Vignes	Ⓐ Place Sainte-Croix	Ⓜ Place du Vieux-Puits
① allée des Peupliers	⑩ venelle du Chat	Ⓑ Place du Marché	Ⓚ Coin du Lavoir
② rue des Écoles	⑪ rue du Pont	Ⓒ Rond-point du Stade	Ⓛ Rond-point de la Poste
③ rue Basse	⑫ rue Haute	Ⓓ Place de la Fontaine	Les bâtiments
④ chemin Creux	⑬ chemin du Lavoir	Ⓔ Carrefour des Tilleuls	a l'école
⑤ rue Pasteur	⑭ rue du Puits	Ⓕ Place des Tanneurs	b la mairie
⑥ allée des Tilleuls	⑮ rue du Stade	Ⓖ Place de l'Église	c le stade
⑦ rue du Moulin	⑯ sentier des Prés	Ⓗ Rond-point du Pont	d le marché couvert
⑧ rue de la Mairie	Les carrefours	① Rond-point de la Gare	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	B, C, D, F, H, L	6
clairs	A, E, G, I, J, K	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°210



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue Basse** ③ vers le nord jusqu'à Place du Marché (**B**).

Il tourne à gauche dans l'**allée des Peupliers** ①, vers l'ouest, jusqu'à Place Sainte-Croix (**A**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Écoles** ②, vers le sud, jusqu'à Rond-point du Stade (**C**).

Il continue tout droit dans la **rue Pasteur** ⑤, vers le sud, jusqu'à Place de l'Église (**G**).

Il tourne à gauche dans la **venelle du Chat** ⑩, vers l'est, jusqu'à Rond-point du Pont (**H**).

Il tourne à droite dans la **rue Haute** ⑫, vers le sud, jusqu'à Coin du Lavoir (**K**).

Il tourne à gauche dans la **rue du Stade** ⑮, vers l'est, jusqu'à Rond-point de la Poste (**L**).

Il continue tout droit dans le **sentier des Prés** ⑯, vers l'est, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**J**).

Il tourne à gauche dans le **chemin des Vignes** ⑨, vers le nord, jusqu'à Place des Tanneurs (**F**).

Il tourne à gauche dans le **chemin du Lavoir** ⑬, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point de la Gare (**I**).

Il tourne à droite dans l'**allée des Tilleuls** ⑥, vers le nord, jusqu'à Place de la Fontaine (**D**).

Il tourne à gauche dans la **rue du Moulin** ⑦, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**E**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.