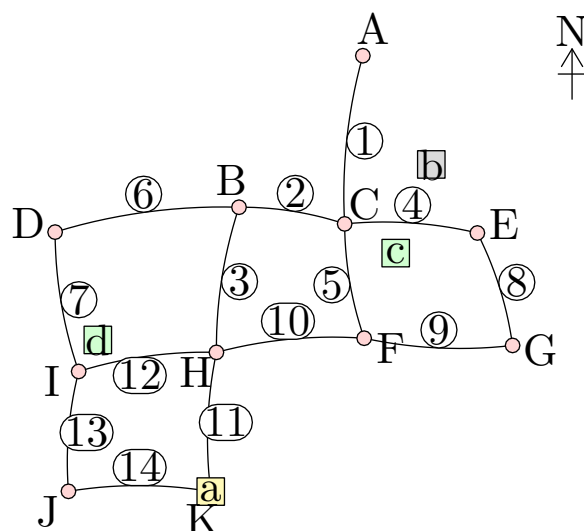




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour K, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

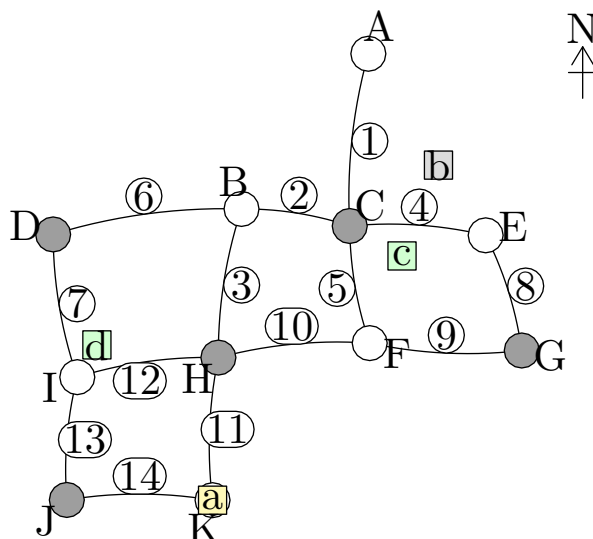
Les rues	⑧ allée des Tilleuls	Ⓐ Placette des Ormes	① Rond-point du Pont
① impasse du Vieux-Four	⑨ rue du Puits	Ⓑ Carrefour de l'Hôpital	Ⓙ Place de la Fontaine
② allée des Peupliers	⑩ chemin Creux	Ⓒ Carrefour du Lavoir	Ⓚ Fontaine Notre-Dame
③ rue des Jardins	⑪ boulevard du Parc	Ⓓ Place de l'Église	Les bâtiments
④ rue de la Poste	⑫ venelle du Chat	Ⓔ Place Sainte-Croix	a l'école
⑤ rue de l'Église	⑬ chemin du Lavoir	Ⓕ Carrefour Saint-Roch	b le cimetière
⑥ chemin des Vignes	⑭ quai aux Fleurs	Ⓖ Place des Tanneurs	c la salle des fêtes
⑦ rue Basse	Les carrefours	Ⓗ Carrefour des Tilleuls	d la mairie

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ?** Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ?** Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	C, D, G, H, J	5
clairs	A, B, E, F, I, K	6

Il y a 5 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a donc 1 de plus du côté des clairs.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 11 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Un circuit revient à son point de départ : il compte autant d'arrêts sombres que de clairs. Or ce quartier a 5 carrefours sombres et 6 clairs — c'est impossible.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de K :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°218



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend le **quai aux Fleurs** ⑭ vers l'ouest jusqu'à Place de la Fontaine (**J**).

Il tourne à droite dans le **chemin du Lavoir** ⑬, vers le nord, jusqu'à Rond-point du Pont (**I**).

Il continue tout droit dans la **rue Basse** ⑦, vers le nord, jusqu'à Place de l'Église (**D**).

Il tourne à droite dans le **chemin des Vignes** ⑥, vers l'est, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**B**).

Il tourne à droite dans la **rue des Jardins** ③, vers le sud, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**H**).

Il tourne à gauche dans le **chemin Creux** ⑩, vers l'est, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**F**).

Il continue tout droit dans la **rue du Puits** ⑨, vers l'est, jusqu'à Place des Tanneurs (**G**).

Il tourne à gauche dans l'**allée des Tilleuls** ⑧, vers le nord, jusqu'à Place Sainte-Croix (**E**).

Il tourne à gauche dans la **rue de la Poste** ④, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**C**).

Il tourne à droite dans l'**impasse du Vieux-Four** ①, vers le nord, jusqu'à Placette des Ormes (**A**).

Les 11 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.