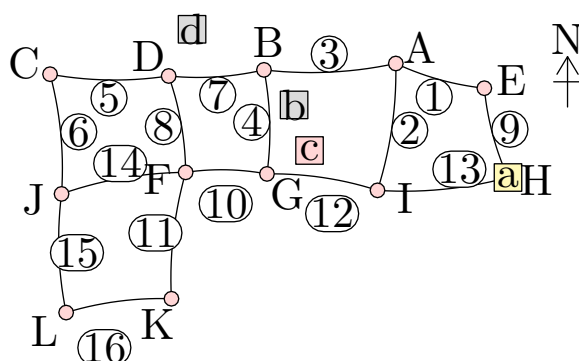




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour H, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

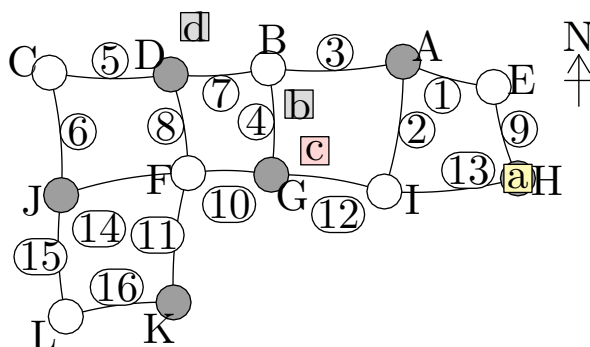
Les rues	⑨ chemin de Ronde	Ⓐ Carrefour de l'Hôpital	ⓙ Rond-point des Vaches
① quai aux Fleurs	⑩ rue Pasteur	Ⓑ Carrefour de la Mairie	Ⓚ Placette des Ormes
② rue des Lilas	⑪ rue de la Mairie	Ⓒ Place de la Fontaine	Ⓛ Coin du Lavoir
③ rue des Écoles	⑫ venelle du Chat	Ⓓ Carrefour Saint-Roch	Les bâtiments
④ passage du Marché	⑬ rue du Puits	Ⓔ Place de l'Église	a l'école
⑤ rue Haute	⑭ rue du Four	Ⓕ Carrefour des Tilleuls	b le stade
⑥ rue Neuve	⑮ rue des Jardins	Ⓖ Carrefour du Lavoir	c le marché couvert
⑦ rue de l'Église	⑯ allée des Peupliers	Ⓗ Place aux Herbes	d le cimetière
⑧ rue du Stade	Les carrefours	Ⓛ Rond-point de la Poste	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, D, G, H, J, K	6
clairs	B, C, E, F, I, L	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°220



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend le **chemin de Ronde** ⑨ vers le nord jusqu'à Place de l'Église (**E**).
Il tourne à gauche dans le **quai aux Fleurs** ①, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**A**).
Il tourne à gauche dans la **rue des Écoles** ③, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour de la Mairie (**B**).
Il continue tout droit dans la **rue de l'Église** ⑦, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**D**).
Il continue tout droit dans la **rue Haute** ⑤, vers l'ouest, jusqu'à Place de la Fontaine (**C**).
Il tourne à gauche dans la **rue Neuve** ⑥, vers le sud, jusqu'à Rond-point des Vaches (**J**).
Il continue tout droit dans la **rue des Jardins** ⑮, vers le sud, jusqu'à Coin du Lavoir (**L**).
Il tourne à gauche dans l'**allée des Peupliers** ⑯, vers l'est, jusqu'à Placette des Ormes (**K**).
Il tourne à gauche dans la **rue de la Mairie** ⑪, vers le nord, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**F**).
Il tourne à droite dans la **rue Pasteur** ⑩, vers l'est, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**G**).
Il continue tout droit dans la **venelle du Chat** ⑫, vers l'est, jusqu'à Rond-point de la Poste (**I**).
Il continue tout droit dans la **rue du Puits** ⑬, vers l'est, jusqu'à Place aux Herbes (**H**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.