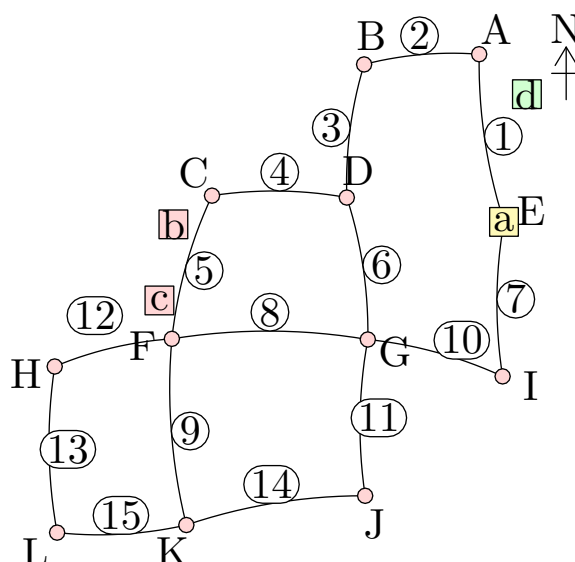


Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour E, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

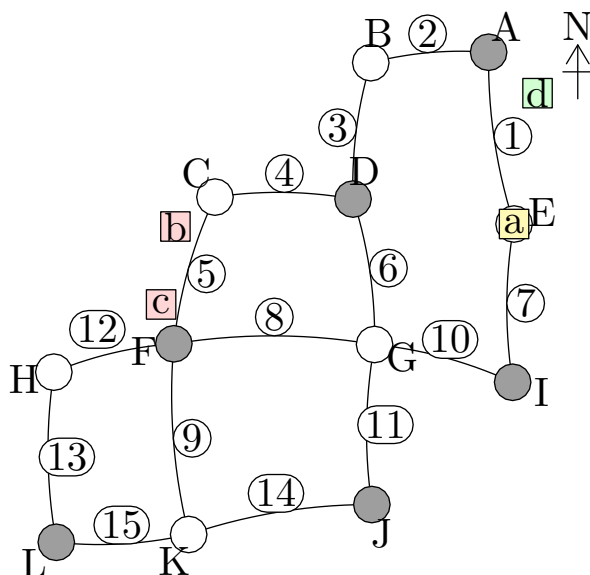
Les rues	⑨ passage du Marché	ⓑ Place des Tanneurs	Ⓚ Rond-point de la Poste
① rue de la Mairie	⑩ chemin de Ronde	ⓒ Place du Marché	Ⓛ Place de l'Église
② rue de l'Église	⑪ chemin Creux	ⓓ Rond-point de la Gare	Les bâtiments
③ venelle du Chat	⑫ rue du Puits	ⓔ Coin du Lavoir	a l'école
④ allée des Tilleuls	⑬ rue du Pont	ⓕ Carrefour du Moulin	b la pharmacie
⑤ avenue de la Gare	⑭ chemin des Vignes	ⓖ Carrefour des Tilleuls	c le lavoir
⑥ rue du Stade	⑮ rue Basse	ⓗ Place aux Herbes	d la bibliothèque
⑦ rue des Lilas	Les carrefours	Ⓛ Place Sainte-Croix	
⑧ chemin du Lavoir	ⓐ Placette des Ormes	Ⓣ Place de la Fontaine	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, D, F, I, J, L	6
clairs	B, C, E, G, H, K	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°246



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue de la Mairie** ① vers le nord jusqu'à Placette des Ormes (**A**).

Il tourne à gauche dans la **rue de l'Église** ②, vers l'ouest, jusqu'à Place des Tanneurs (**B**).

Il tourne à gauche dans la **venelle du Chat** ③, vers le sud, jusqu'à Rond-point de la Gare (**D**).

Il tourne à droite dans l'**allée des Tilleuls** ④, vers l'ouest, jusqu'à Place du Marché (**C**).

Il tourne à gauche dans l'**avenue de la Gare** ⑤, vers le sud, jusqu'à Carrefour du Moulin (**F**).

Il tourne à droite dans la **rue du Puits** ⑫, vers l'ouest, jusqu'à Place aux Herbes (**H**).

Il tourne à gauche dans la **rue du Pont** ⑬, vers le sud, jusqu'à Place de l'Église (**L**).

Il tourne à gauche dans la **rue Basse** ⑮, vers l'est, jusqu'à Rond-point de la Poste (**K**).

Il continue tout droit dans le **chemin des Vignes** ⑭, vers l'est, jusqu'à Place de la Fontaine (**J**).

Il tourne à gauche dans le **chemin Creux** ⑪, vers le nord, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**G**).

Il tourne à droite dans le **chemin de Ronde** ⑩, vers l'est, jusqu'à Place Sainte-Croix (**I**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Lilas** ⑦, vers le nord, jusqu'à Coin du Lavoir (**E**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.