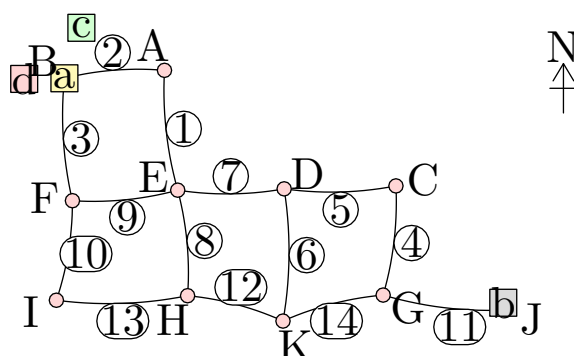




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour B, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

Les rues	⑧ rue Haute	Ⓐ Place de l'Église	① Placette des Ormes
① rue Neuve	⑨ rue de la Mairie	Ⓑ Place aux Herbes	ⓙ Place Sainte-Croix
② rue de la Poste	⑩ rue Verte	Ⓒ Place du Vieux-Puits	Ⓚ Carrefour Saint-Roch
③ chemin de Ronde	⑪ impasse Verte	Ⓓ Rond-point du Stade	Les bâtiments
④ rue du Stade	⑫ chemin Creux	Ⓔ Rond-point des Vaches	a l'école
⑤ rue du Pont	⑬ allée des Tilleuls	Ⓕ Carrefour de l'Hôpital	b le stade
⑥ rue des Jardins	⑭ rue du Moulin	Ⓖ Rond-point de la Gare	c la bibliothèque
⑦ rue Basse	Les carrefours	Ⓗ Carrefour du Moulin	d la boulangerie

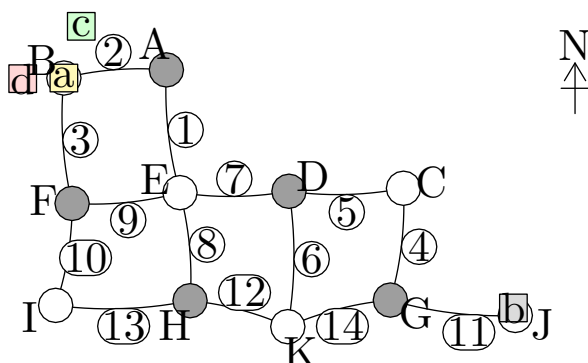
Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.



Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, D, F, G, H	5
clairs	B, C, E, I, J, K	6

Il y a 5 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a donc 1 de plus du côté des clairs.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 11 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Un circuit revient à son point de départ : il compte autant d'arrêts sombres que de clairs. Or ce quartier a 5 carrefours sombres et 6 clairs — c'est impossible.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de B :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°268



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue de la Poste** ② vers l'est jusqu'à Place de l'Église (**A**).

Il tourne à droite dans la **rue Neuve** ①, vers le sud, jusqu'à Rond-point des Vaches (**E**).

Il tourne à droite dans la **rue de la Mairie** ⑨, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**F**).

Il tourne à gauche dans la **rue Verte** ⑩, vers le sud, jusqu'à Placette des Ormes (**I**).

Il tourne à gauche dans l'**allée des Tilleuls** ⑬, vers l'est, jusqu'à Carrefour du Moulin (**H**).

Il continue tout droit dans le **chemin Creux** ⑫, vers l'est, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**K**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Jardins** ⑥, vers le nord, jusqu'à Rond-point du Stade (**D**).

Il tourne à droite dans la **rue du Pont** ⑤, vers l'est, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**C**).

Il tourne à droite dans la **rue du Stade** ④, vers le sud, jusqu'à Rond-point de la Gare (**G**).

Il tourne à gauche dans l'**impasse Verte** ⑪, vers l'est, jusqu'à Place Sainte-Croix (**J**).

Les 11 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.