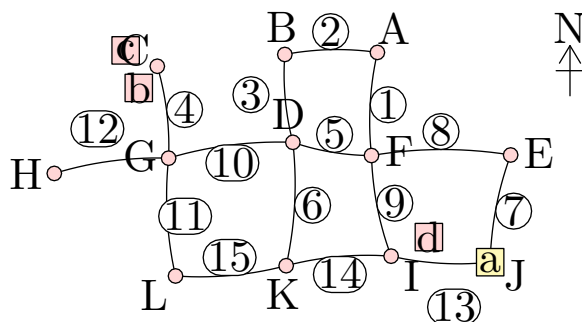




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour J, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

Les rues	⑨ passage du Marché	Ⓑ Place de la Fontaine	Ⓚ Rond-point de la Poste
① chemin du Lavoir	⑩ quai aux Fleurs	Ⓒ Place aux Herbes	Ⓛ Fontaine Notre-Dame
② rue Basse	⑪ rue Haute	Ⓓ Rond-point du Pont	Les bâtiments
③ rue de l'Église	⑫ impasse Verte	Ⓔ Place du Vieux-Puits	a l'école
④ impasse Sainte-Anne	⑬ rue Neuve	Ⓕ Carrefour du Moulin	b la pharmacie
⑤ rue des Lilas	⑭ sentier des Prés	Ⓖ Rond-point du Stade	c le lavoir
⑥ chemin Creux	⑮ rue des Jardins	Ⓗ Placette des Ormes	d le marché couvert
⑦ allée des Peupliers	Les carrefours	Ⓘ Carrefour de l'Hôpital	
⑧ boulevard du Parc	Ⓐ Coin du Lavoir	Ⓣ Place Sainte-Croix	

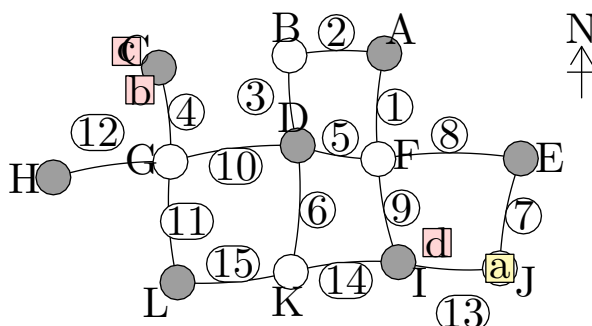
Légende du plan

1. Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
2. Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
3. **Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ?** Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
4. **Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ?** Même consigne.



Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, C, D, E, H, I, L	7
clairs	B, F, G, J, K	5

Il y a 7 carrefours sombres et 5 clairs. Il y en a donc 2 de plus du côté des sombres.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Un circuit revient à son point de départ : il compte autant d'arrêts sombres que de clairs. Or ce quartier a 7 carrefours sombres et 5 clairs — c'est impossible.

4.

Non plus. Une tournée n'a qu'un départ et qu'une arrivée : elle ne peut absorber qu'un carrefour sombre en trop. Il y en a 2.