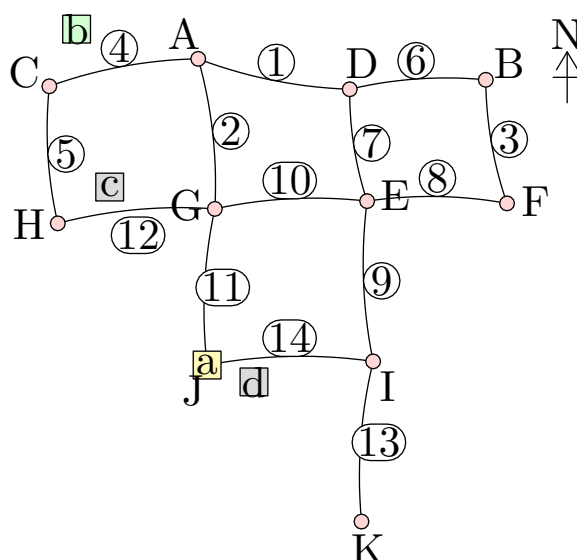




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour J, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

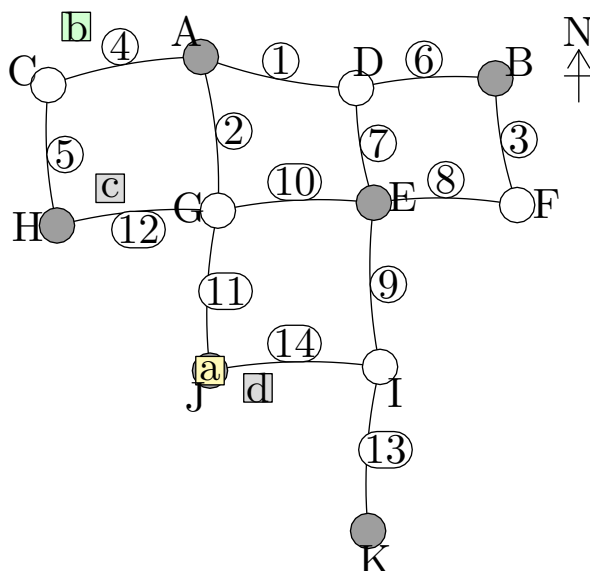
Les rues	⑧ allée des Peupliers	Ⓐ Rond-point de la Poste	① Rond-point de la Gare
① sentier des Prés	⑨ rue du Pont	Ⓑ Place du Marché	ⓙ Place aux Herbes
② rue du Moulin	⑩ rue des Écoles	Ⓒ Placette des Ormes	Ⓚ Place de la Fontaine
③ rue Basse	⑪ venelle du Chat	Ⓓ Carrefour des Tilleuls	Les bâtiments
④ rue de l'Église	⑫ allée des Tilleuls	Ⓔ Carrefour Saint-Roch	a l'école
⑤ rue de la Mairie	⑬ impasse du Puits	Ⓕ Coin du Lavoir	b la gendarmerie
⑥ rue Pasteur	⑭ quai aux Fleurs	Ⓖ Carrefour de la Mairie	c le stade
⑦ avenue de la Gare	Les carrefours	Ⓗ Place du Vieux-Puits	d le gymnase

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, B, E, H, J, K	6
clairs	C, D, F, G, I	5

Il y a 6 carrefours sombres et 5 clairs. Il y en a donc 1 de plus du côté des sombres.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 11 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Un circuit revient à son point de départ : il compte autant d'arrêts sombres que de clairs. Or ce quartier a 6 carrefours sombres et 5 clairs — c'est impossible.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de J :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°292



HAMIO292

Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **venelle du Chat** ⑪ vers le nord jusqu'à Carrefour de la Mairie (**G**).

Il tourne à gauche dans l'**allée des Tilleuls** ⑫, vers l'ouest, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**H**).

Il tourne à droite dans la **rue de la Mairie** ⑤, vers le nord, jusqu'à Placette des Ormes (**C**).

Il tourne à droite dans la **rue de l'Église** ④, vers l'est, jusqu'à Rond-point de la Poste (**A**).

Il continue tout droit dans le **sentier des Prés** ①, vers l'est, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**D**).

Il continue tout droit dans la **rue Pasteur** ⑥, vers l'est, jusqu'à Place du Marché (**B**).

Il tourne à droite dans la **rue Basse** ③, vers le sud, jusqu'à Coin du Lavoir (**F**).

Il tourne à droite dans l'**allée des Peupliers** ⑧, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**E**).

Il tourne à gauche dans la **rue du Pont** ⑨, vers le sud, jusqu'à Rond-point de la Gare (**I**).

Il continue tout droit dans l'**impasse du Puits** ⑬, vers le sud, jusqu'à Place de la Fontaine (**K**).

Les 11 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.