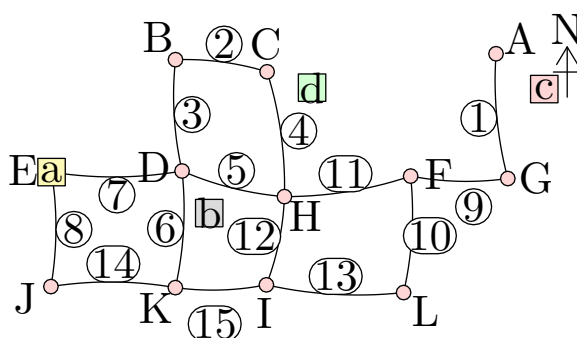




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour E, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

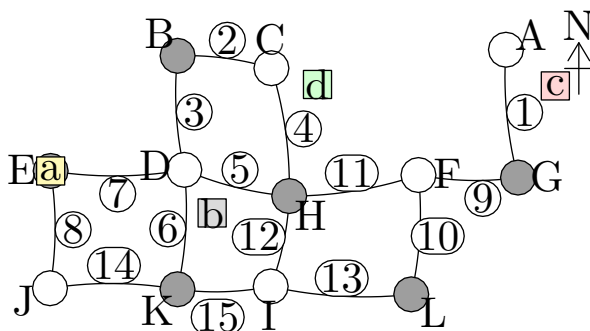
Les rues	⑨ rue de la Mairie	Ⓑ Place du Vieux-Puits	Ⓚ Rond-point de la Poste
① impasse des Roses	⑩ rue Pasteur	Ⓒ Place Sainte-Croix	Ⓛ Fontaine Notre-Dame
② venelle du Chat	⑪ rue de la Poste	Ⓓ Carrefour Saint-Roch	Les bâtiments
③ allée des Tilleuls	⑫ passage du Marché	Ⓔ Place aux Herbes	a l'école
④ rue du Puits	⑬ rue des Jardins	Ⓕ Carrefour du Lavoir	b le stade
⑤ boulevard du Parc	⑭ chemin du Lavoir	Ⓖ Coin du Lavoir	c la pharmacie
⑥ rue des Lilas	⑮ sentier des Prés	Ⓗ Carrefour de l'Hôpital	d la bibliothèque
⑦ rue Verte	Les carrefours	① Carrefour des Tilleuls	
⑧ rue Haute	Ⓐ Place de la Fontaine	Ⓙ Place du Marché	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	B, E, G, H, K, L	6
clairs	A, C, D, F, I, J	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Si l'on retire le carrefour F, le quartier tombe en 2 morceaux : toute route de l'un à l'autre passe par lui. Un circuit qui reviendrait à l'école devrait donc s'y arrêter au moins deux fois — c'est interdit.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de E :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°302



HAMIO302

Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue Haute** ⑧ vers le sud jusqu'à Place du Marché (**J**).
Il tourne à gauche dans le **chemin du Lavoir** ⑭, vers l'est, jusqu'à Rond-point de la Poste (**K**).
Il tourne à gauche dans la **rue des Lilas** ⑥, vers le nord, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**D**).
Il continue tout droit dans l'**allée des Tilleuls** ③, vers le nord, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**B**).
Il tourne à droite dans la **venelle du Chat** ②, vers l'est, jusqu'à Place Sainte-Croix (**C**).
Il tourne à droite dans la **rue du Puits** ④, vers le sud, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**H**).
Il continue tout droit dans le **passage du Marché** ⑫, vers le sud, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**I**).
Il tourne à gauche dans la **rue des Jardins** ⑬, vers l'est, jusqu'à Fontaine Notre-Dame (**L**).
Il tourne à gauche dans la **rue Pasteur** ⑩, vers le nord, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**F**).
Il tourne à droite dans la **rue de la Mairie** ⑨, vers l'est, jusqu'à Coin du Lavoir (**G**).
Il tourne à gauche dans l'**impasse des Roses** ①, vers le nord, jusqu'à Place de la Fontaine (**A**).

Les 12 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.