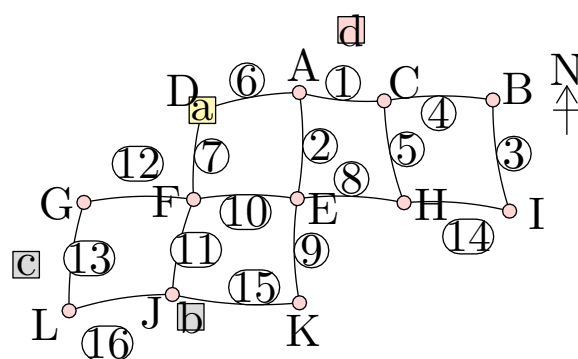




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour D, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

Les rues	⑨ allée des Peupliers	Ⓐ Carrefour de l'Hôpital	ⓙ Rond-point du Pont
① chemin du Lavoir	⑩ rue du Four	Ⓑ Place du Vieux-Puits	Ⓚ Place de la Fontaine
② chemin Creux	⑪ boulevard du Parc	Ⓒ Carrefour du Moulin	Ⓛ Place de l'Église
③ rue du Moulin	⑫ avenue de la Gare	Ⓓ Coin du Lavoir	Les bâtiments
④ rue Verte	⑬ rue Neuve	Ⓔ Carrefour des Tilleuls	a l'école
⑤ rue de l'Église	⑭ sentier des Prés	Ⓕ Carrefour du Lavoir	b l'église
⑥ rue Basse	⑮ chemin de Ronde	Ⓖ Place des Tanneurs	c le stade
⑦ rue Pasteur	⑯ rue de la Mairie	Ⓗ Carrefour de la Mairie	d la pharmacie
⑧ passage du Marché	Les carrefours	Ⓛ Place du Marché	

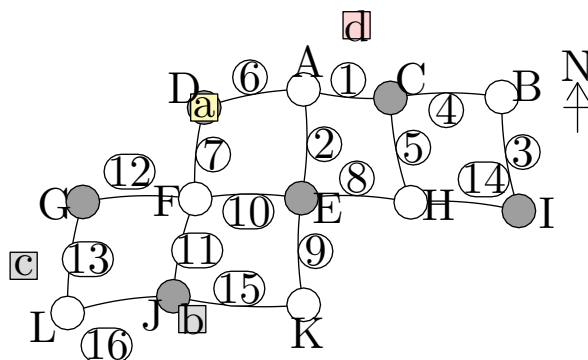
Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.



Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	C, D, E, G, I, J	6
clairs	A, B, F, H, K, L	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°341



HAMIO341

Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue Basse** ⑥ vers l'est jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**A**).

Il continue tout droit dans le **chemin du Lavoir** ①, vers l'est, jusqu'à Carrefour du Moulin (**C**).

Il continue tout droit dans la **rue Verte** ④, vers l'est, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**B**).

Il tourne à droite dans la **rue du Moulin** ③, vers le sud, jusqu'à Place du Marché (**I**).

Il tourne à droite dans le **sentier des Prés** ⑭, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour de la Mairie (**H**).

Il continue tout droit dans le **passage du Marché** ⑧, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**E**).

Il tourne à gauche dans l'**allée des Peupliers** ⑨, vers le sud, jusqu'à Place de la Fontaine (**K**).

Il tourne à droite dans le **chemin de Ronde** ⑮, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point du Pont (**J**).

Il continue tout droit dans la **rue de la Mairie** ⑯, vers l'ouest, jusqu'à Place de l'Église (**L**).

Il tourne à droite dans la **rue Neuve** ⑬, vers le nord, jusqu'à Place des Tanneurs (**G**).

Il tourne à droite dans l'**avenue de la Gare** ⑫, vers l'est, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**F**).

Il tourne à gauche dans la **rue Pasteur** ⑦, vers le nord, jusqu'à Coin du Lavoir (**D**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.