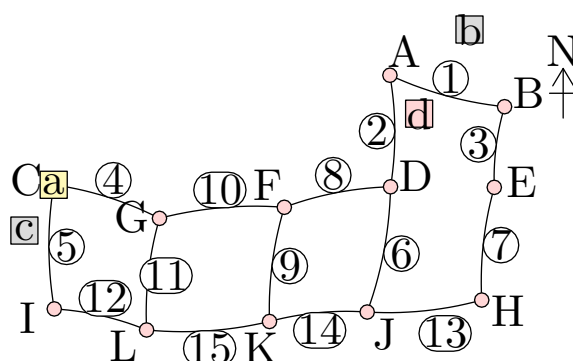




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour C, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

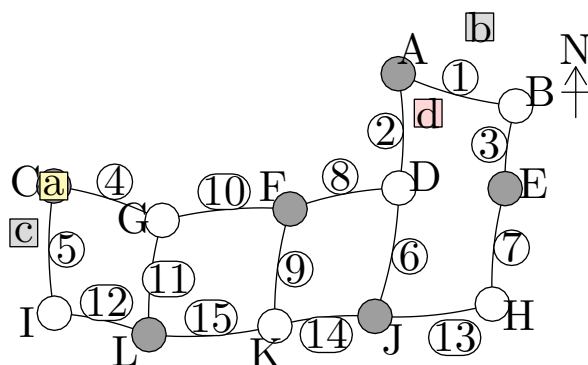
Les rues	⑨ rue des Lilas	ⓑ Place des Tanneurs	Ⓚ Carrefour du Moulin
① rue de l'Église	⑩ chemin Creux	ⓒ Place Sainte-Croix	Ⓛ Rond-point des Vaches
② rue du Four	⑪ sentier des Prés	ⓓ Carrefour du Lavoir	Les bâtiments
③ chemin du Lavoir	⑫ allée des Tilleuls	ⓔ Place aux Herbes	a l'école
④ rue des Écoles	⑬ rue Pasteur	ⓕ Carrefour de l'Hôpital	b le gymnase
⑤ rue des Jardins	⑭ rue Verte	ⓒ Carrefour des Tilleuls	c le stade
⑥ quai aux Fleurs	⑮ chemin de Ronde	ⓗ Fontaine Notre-Dame	d le marché couvert
⑦ boulevard du Parc	Les carrefours	Ⓛ Place du Vieux-Puits	
⑧ rue de la Poste	Ⓐ Place de la Fontaine	Ⓜ Carrefour Saint-Roch	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, C, E, F, J, L	6
clairs	B, D, G, H, I, K	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°346



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue des Écoles** ④ vers l'est jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**G**).
Il tourne à gauche dans le **chemin Creux** ⑩, vers l'est, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**F**).
Il continue tout droit dans la **rue de la Poste** ⑧, vers l'est, jusqu'à Carrefour du Lavoir (**D**).
Il tourne à gauche dans la **rue du Four** ②, vers le nord, jusqu'à Place de la Fontaine (**A**).
Il tourne à droite dans la **rue de l'Église** ①, vers l'est, jusqu'à Place des Tanneurs (**B**).
Il tourne à droite dans le **chemin du Lavoir** ③, vers le sud, jusqu'à Place aux Herbes (**E**).
Il continue tout droit dans le **boulevard du Parc** ⑦, vers le sud, jusqu'à Fontaine Notre-Dame (**H**).
Il tourne à droite dans la **rue Pasteur** ⑬, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**J**).
Il continue tout droit dans la **rue Verte** ⑭, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour du Moulin (**K**).
Il continue tout droit dans le **chemin de Ronde** ⑮, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point des Vaches (**L**).
Il continue tout droit dans l'**allée des Tilleuls** ⑫, vers l'ouest, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**I**).
Il tourne à droite dans la **rue des Jardins** ⑤, vers le nord, jusqu'à Place Sainte-Croix (**C**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.