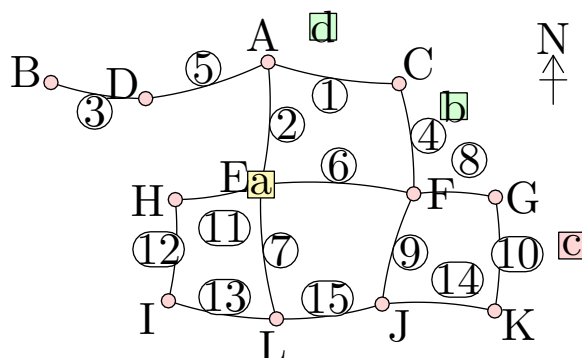




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour E, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

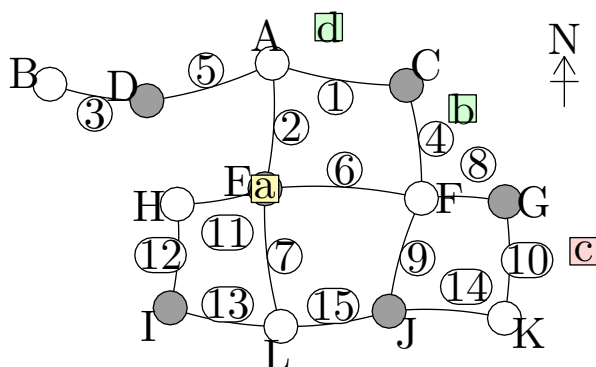
Les rues	⑨ boulevard du Parc	Ⓑ Place du Marché	Ⓚ Coin du Lavoir
① rue des Jardins	⑩ rue des Lilas	Ⓒ Place du Vieux-Puits	Ⓛ Carrefour du Moulin
② chemin Creux	⑪ rue du Puits	Ⓓ Place Sainte-Croix	Les bâtiments
③ impasse du Puits	⑫ avenue de la Gare	Ⓔ Rond-point des Vaches	a l'école
④ allée des Peupliers	⑬ chemin des Vignes	Ⓕ Rond-point de la Poste	b la gendarmerie
⑤ venelle du Chat	⑭ sentier des Prés	Ⓖ Place de la Fontaine	c la pharmacie
⑥ rue du Pont	⑮ rue de la Poste	Ⓗ Fontaine Notre-Dame	d la mairie
⑦ rue du Stade	Les carrefours	① Placette des Ormes	
⑧ chemin de Ronde	Ⓐ Carrefour Saint-Roch	Ⓙ Rond-point du Pont	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	C, D, E, G, I, J	6
clairs	A, B, F, H, K, L	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Si l'on retire le carrefour A, le quartier tombe en 2 morceaux : toute route de l'un à l'autre passe par lui. Un circuit qui reviendrait à l'école devrait donc s'y arrêter au moins deux fois — c'est interdit.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de E :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°347



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue du Puits** ⑪ vers l'ouest jusqu'à Fontaine Notre-Dame (**H**).

Il tourne à gauche dans l'**avenue de la Gare** ⑫, vers le sud, jusqu'à Placette des Ormes (**I**).

Il tourne à gauche dans le **chemin des Vignes** ⑬, vers l'est, jusqu'à Carrefour du Moulin (**L**).

Il continue tout droit dans la **rue de la Poste** ⑮, vers l'est, jusqu'à Rond-point du Pont (**J**).

Il continue tout droit dans le **sentier des Prés** ⑭, vers l'est, jusqu'à Coin du Lavoir (**K**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Lilas** ⑩, vers le nord, jusqu'à Place de la Fontaine (**G**).

Il tourne à gauche dans le **chemin de Ronde** ⑧, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point de la Poste (**F**).

Il tourne à droite dans l'**allée des Peupliers** ④, vers le nord, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**C**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Jardins** ①, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**A**).

Il tourne à gauche dans la **venelle du Chat** ⑤, vers l'ouest, jusqu'à Place Sainte-Croix (**D**).

Il continue tout droit dans l'**impasse du Puits** ③, vers l'ouest, jusqu'à Place du Marché (**B**).

Les 12 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.