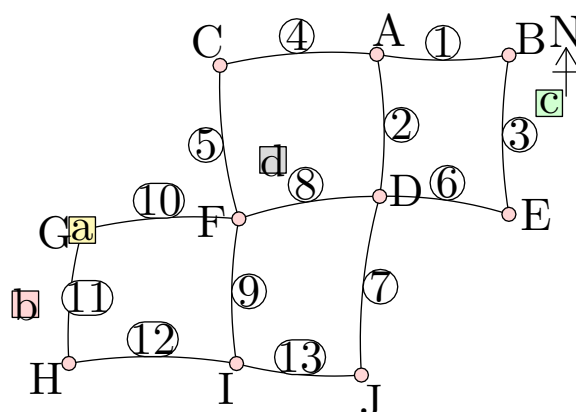




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour G, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

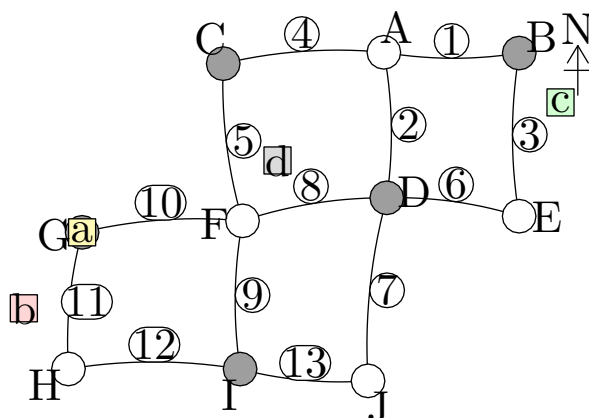
Les rues	⑧ rue du Moulin	② Placette des Ormes	① Place des Tanneurs
① sentier des Prés	⑨ passage du Marché	③ Place de la Fontaine	Les bâtiments
② allée des Tilleuls	⑩ rue de la Poste	④ Carrefour Saint-Roch	a l'école
③ rue du Four	⑪ rue Pasteur	⑤ Place du Vieux-Puits	b la pharmacie
④ rue des Lilas	⑫ rue des Jardins	⑥ Carrefour de la Mairie	c la mairie
⑤ rue du Pont	⑬ rue du Stade	⑦ Place du Marché	d le stade
⑥ rue des Écoles	Les carrefours	⑧ Coin du Lavoir	
⑦ boulevard du Parc	⑨ Rond-point du Stade	⑩ Rond-point de la Poste	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	B, C, D, G, I	5
clairs	A, E, F, H, J	5

Il y a 5 carrefours sombres et 5 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 10 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°375



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend la **rue de la Poste** ⑩ vers l'est jusqu'à Carrefour de la Mairie (**F**).

Il tourne à gauche dans la **rue du Pont** ⑤, vers le nord, jusqu'à Place de la Fontaine (**C**).

Il tourne à droite dans la **rue des Lilas** ④, vers l'est, jusqu'à Rond-point du Stade (**A**).

Il continue tout droit dans le **sentier des Prés** ①, vers l'est, jusqu'à Placette des Ormes (**B**).

Il tourne à droite dans la **rue du Four** ③, vers le sud, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**E**).

Il tourne à droite dans la **rue des Écoles** ⑥, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**D**).

Il tourne à gauche dans le **boulevard du Parc** ⑦, vers le sud, jusqu'à Place des Tanneurs (**J**).

Il tourne à droite dans la **rue du Stade** ⑬, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point de la Poste (**I**).

Il continue tout droit dans la **rue des Jardins** ⑫, vers l'ouest, jusqu'à Coin du Lavoir (**H**).

Il tourne à droite dans la **rue Pasteur** ⑪, vers le nord, jusqu'à Place du Marché (**G**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.