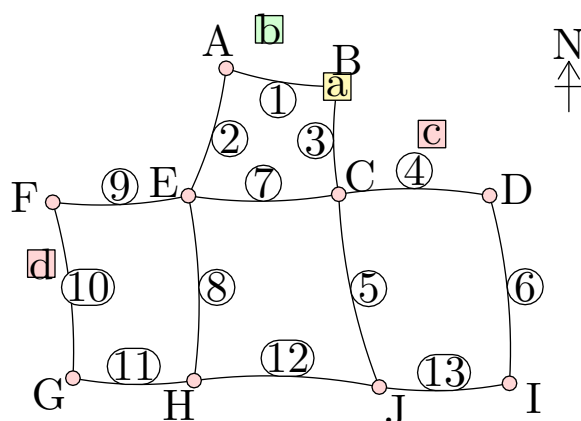




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour B, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

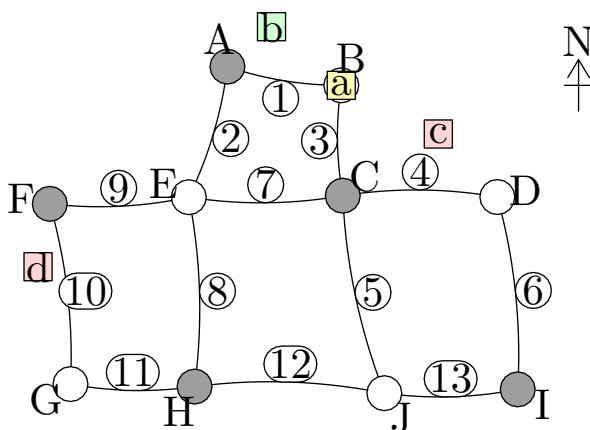
Les rues	⑧ rue du Four	Ⓑ Fontaine Notre-Dame	Ⓙ Carrefour de l'Hôpital
① sentier des Prés	⑨ rue Basse	Ⓒ Rond-point des Vaches	Les bâtiments
② rue du Puits	⑩ rue Neuve	Ⓓ Placette des Ormes	a l'école
③ rue Haute	⑪ chemin des Vignes	Ⓔ Rond-point de la Gare	b la salle des fêtes
④ allée des Tilleuls	⑫ rue de l'Église	Ⓕ Coin du Lavoir	c le marché couvert
⑤ boulevard du Parc	⑬ allée des Peupliers	Ⓖ Place des Tanneurs	d la pharmacie
⑥ rue des Lilas	Les carrefours	Ⓗ Rond-point du Stade	
⑦ rue des Jardins	Ⓐ Place de l'Église	① Place Sainte-Croix	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, C, F, H, I	5
clairs	B, D, E, G, J	5

Il y a 5 carrefours sombres et 5 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 10 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Oui. Un circuit existe :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°391



HAMIO391

Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend le **sentier des Prés** ① vers l'ouest jusqu'à Place de l'Église (**A**).
Il tourne à gauche dans la **rue du Puits** ②, vers le sud, jusqu'à Rond-point de la Gare (**E**).
Il tourne à droite dans la **rue Basse** ⑨, vers l'ouest, jusqu'à Coin du Lavoir (**F**).
Il tourne à gauche dans la **rue Neuve** ⑩, vers le sud, jusqu'à Place des Tanneurs (**G**).
Il tourne à gauche dans le **chemin des Vignes** ⑪, vers l'est, jusqu'à Rond-point du Stade (**H**).
Il continue tout droit dans la **rue de l'Église** ⑫, vers l'est, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**J**).
Il continue tout droit dans l'**allée des Peupliers** ⑬, vers l'est, jusqu'à Place Sainte-Croix (**I**).
Il tourne à gauche dans la **rue des Lilas** ⑥, vers le nord, jusqu'à Placette des Ormes (**D**).
Il tourne à gauche dans l'**allée des Tilleuls** ④, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point des Vaches (**C**).
Il tourne à droite dans la **rue Haute** ③, vers le nord, jusqu'à Fontaine Notre-Dame (**B**).

Le car est passé une fois par chaque carrefour et se retrouve à l'école.

4.

Oui, et c'est déjà fait : le trajet ci-dessus dessert tous les carrefours. Il suffit au car de s'arrêter avant le dernier trajet de retour.