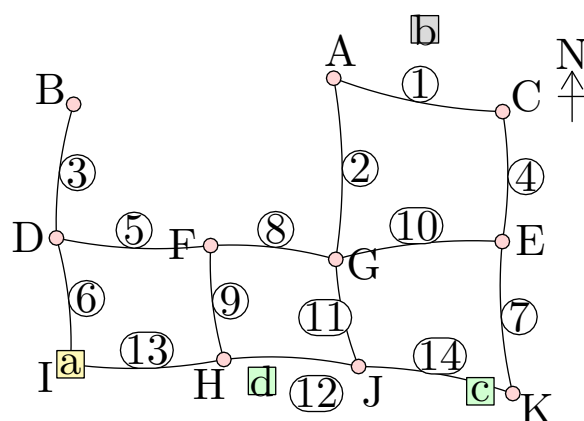


Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour I, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

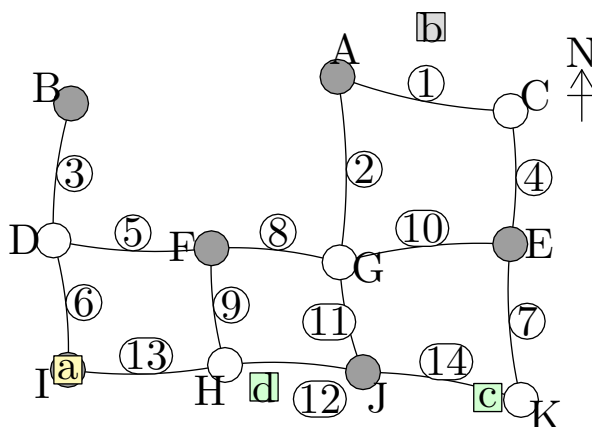
Les rues	⑧ rue Neuve	Ⓐ Place de la Fontaine	① Place des Tanneurs
① rue des Jardins	⑨ rue des Écoles	Ⓑ Place Sainte-Croix	Ⓙ Carrefour Saint-Roch
② rue du Four	⑩ rue du Stade	Ⓒ Place aux Herbes	Ⓚ Coin du Lavoir
③ impasse des Cerisiers	⑪ rue du Moulin	Ⓓ Rond-point de la Poste	Les bâtiments
④ rue de l'Église	⑫ chemin du Lavoir	Ⓔ Rond-point du Stade	a l'école
⑤ quai aux Fleurs	⑬ chemin Creux	Ⓕ Rond-point du Pont	b l'église
⑥ avenue de la Gare	⑭ boulevard du Parc	Ⓖ Carrefour du Moulin	c la mairie
⑦ rue Haute	Les carrefours	Ⓚ Rond-point des Vaches	d la gendarmerie

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, B, E, F, I, J	6
clairs	C, D, G, H, K	5

Il y a 6 carrefours sombres et 5 clairs. Il y en a donc 1 de plus du côté des sombres.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 11 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Un circuit revient à son point de départ : il compte autant d'arrêts sombres que de clairs. Or ce quartier a 6 carrefours sombres et 5 clairs — c'est impossible.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de I :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°73



HAM10073

Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend le **chemin Creux** ⑬ vers l'est jusqu'à Rond-point des Vaches (**H**).

Il continue tout droit dans le **chemin du Lavoir** ⑫, vers l'est, jusqu'à Carrefour Saint-Roch (**J**).

Il continue tout droit dans le **boulevard du Parc** ⑭, vers l'est, jusqu'à Coin du Lavoir (**K**).

Il tourne à gauche dans la **rue Haute** ⑦, vers le nord, jusqu'à Rond-point du Stade (**E**).

Il continue tout droit dans la **rue de l'Église** ④, vers le nord, jusqu'à Place aux Herbes (**C**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Jardins** ①, vers l'ouest, jusqu'à Place de la Fontaine (**A**).

Il tourne à gauche dans la **rue du Four** ②, vers le sud, jusqu'à Carrefour du Moulin (**G**).

Il tourne à droite dans la **rue Neuve** ⑧, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point du Pont (**F**).

Il continue tout droit dans le **quai aux Fleurs** ⑤, vers l'ouest, jusqu'à Rond-point de la Poste (**D**).

Il tourne à droite dans l'**impasse des Cerisiers** ③, vers le nord, jusqu'à Place Sainte-Croix (**B**).

Les 11 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.