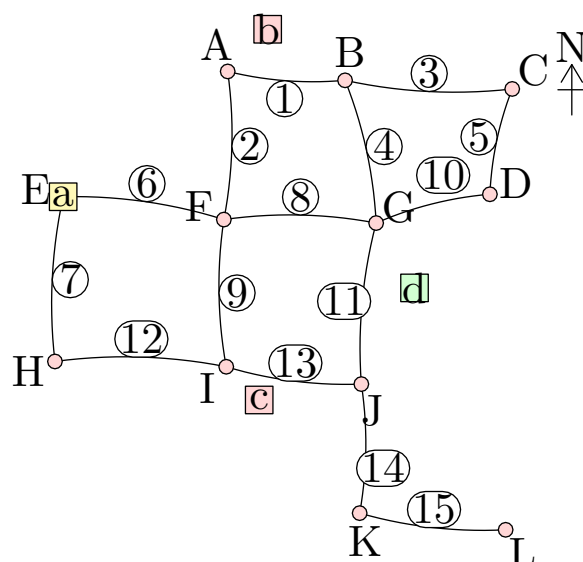




Un car de ramassage doit s'arrêter à chaque carrefour d'un quartier, une fois et une seule. Selon le plan c'est possible ou non — et un simple coloriage permet souvent de le dire d'avance, sans essayer.

Le car de ramassage



Le car part de l'école, au carrefour E, et doit s'arrêter à chaque carrefour exactement une fois. Il emprunte les rues qu'il veut et n'a pas à toutes les parcourir.

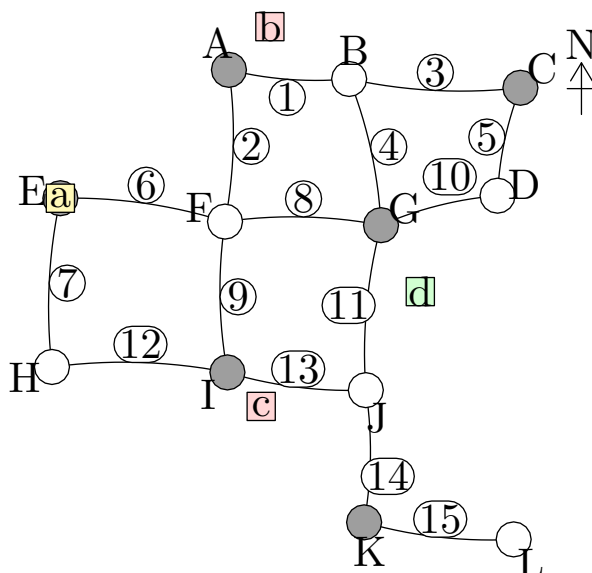
Les rues	⑨ rue Verte	Ⓑ Rond-point de la Poste	Ⓚ Place du Vieux-Puits
① rue Pasteur	⑩ chemin de Ronde	Ⓒ Place du Marché	Ⓛ Place Sainte-Croix
② rue de la Mairie	⑪ rue des Lilas	Ⓓ Coin du Lavoir	Les bâtiments
③ allée des Tilleuls	⑫ rue du Moulin	Ⓔ Fontaine Notre-Dame	a l'école
④ passage du Marché	⑬ rue Basse	Ⓕ Carrefour de l'Hôpital	b la pharmacie
⑤ sentier des Prés	⑭ rue du Pont	Ⓖ Carrefour de la Mairie	c le lavoir
⑥ rue des Écoles	⑮ impasse des Cerisiers	Ⓗ Place des Tanneurs	d la salle des fêtes
⑦ boulevard du Parc	Les carrefours	① Carrefour des Tilleuls	
⑧ rue Haute	Ⓐ Place de la Fontaine	Ⓙ Rond-point de la Gare	

Légende du plan

- Colorier les carrefours du plan avec **deux couleurs**, de sorte que deux carrefours **reliés par une rue** ne soient jamais de la même couleur. Combien y en a-t-il de chaque couleur ?
- Le car roule d'un carrefour au suivant. Que peut-on dire de la **couleur** des arrêts successifs ? Qu'en déduire sur les couleurs des arrêts d'une tournée qui les dessert tous ?
- Le car peut-il desservir tous les carrefours, une fois chacun, et revenir à l'école ? Si oui, décrire un trajet ; sinon, démontrer que c'est impossible.
- Et s'il n'est pas obligé de revenir à l'école ? Même consigne.

Correction

Le car de ramassage — Correction



Deux carrefours reliés par une rue n'ont jamais la même couleur.

1. Le coloriage est **forcé** : une fois la couleur d'un carrefour choisie, celle de tous les autres suit, de proche en proche.

Couleur	Carrefours	Nombre
sombres	A, C, E, G, I, K	6
clairs	B, D, F, H, J, L	6

Il y a 6 carrefours sombres et 6 clairs. Il y en a autant de chaque côté.

2.

Le raisonnement clé. Chaque rue relie un carrefour sombre à un carrefour clair. Donc à chaque fois que le car roule, il **change de couleur** : ses arrêts sont sombre, clair, sombre, clair... **en alternance**.

Une tournée qui dessert les 12 carrefours alterne donc les deux couleurs d'un bout à l'autre : elle en utilise autant de chaque, à un près. Et si elle en utilise un de plus d'une couleur, c'est forcément celle de son départ et de son arrivée.

3.

Non. Si l'on retire le carrefour J, le quartier tombe en 2 morceaux : toute route de l'un à l'autre passe par lui. Un circuit qui reviendrait à l'école devrait donc s'y arrêter au moins deux fois — c'est interdit.

4.

Oui, à condition de ne pas revenir. Un trajet possible au départ de E :



Le car de ramassage

Problème — Fiche n°93



Le trajet du car

Le car sort de l'école et prend le **boulevard du Parc** ⑦ vers le sud jusqu'à Place des Tanneurs (**H**).

Il tourne à gauche dans la **rue du Moulin** ⑫, vers l'est, jusqu'à Carrefour des Tilleuls (**I**).

Il tourne à gauche dans la **rue Verte** ⑨, vers le nord, jusqu'à Carrefour de l'Hôpital (**F**).

Il continue tout droit dans la **rue de la Mairie** ②, vers le nord, jusqu'à Place de la Fontaine (**A**).

Il tourne à droite dans la **rue Pasteur** ①, vers l'est, jusqu'à Rond-point de la Poste (**B**).

Il continue tout droit dans l'**allée des Tilleuls** ③, vers l'est, jusqu'à Place du Marché (**C**).

Il tourne à droite dans le **sentier des Prés** ⑤, vers le sud, jusqu'à Coin du Lavoir (**D**).

Il tourne à droite dans le **chemin de Ronde** ⑩, vers l'ouest, jusqu'à Carrefour de la Mairie (**G**).

Il tourne à gauche dans la **rue des Lilas** ⑪, vers le sud, jusqu'à Rond-point de la Gare (**J**).

Il continue tout droit dans la **rue du Pont** ⑭, vers le sud, jusqu'à Place du Vieux-Puits (**K**).

Il tourne à gauche dans l'**impasse des Cerisiers** ⑮, vers l'est, jusqu'à Place Sainte-Croix (**L**).

Les 12 carrefours ont été desservis une fois chacun. Le car termine loin de l'école : c'est permis ici, mais pas à la question 3.