



## Programme de construction

Problème — Fiche n°217



Un programme de construction à exécuter à la règle et au compas, puis une question dont la réponse se lit sur la figure obtenue. Si votre tracé est juste, vous trouverez la bonne réponse — c'est ainsi que l'on vérifie son travail sans attendre la correction.

### Programme de construction

Munissez-vous d'une **règle graduée**, d'un **compas**, d'une **équerre** et d'une feuille blanche. Exécutez le programme ci-dessous étape par étape, puis répondez à la question.

1. Trace un segment  $[AB]$  de **10,5 cm**.
2. Trace le cercle de centre **A** et de rayon **6 cm**.
3. Trace le cercle de centre **B** et de **même rayon**.
4. Ces deux cercles se coupent en deux points : appelle-les **C** et **D**.
5. Trace la droite  $(CD)$ . Elle coupe  $[AB]$  en **M**.

Quelle est la longueur **AM**, en cm ? Que représente la droite  $(CD)$  pour le segment  $[AB]$  ? Et quelle est la nature du triangle **ABC** ?

Tracez d'abord, mesurez ensuite : si votre figure est juste, la réponse s'y lit directement.



## Correction

### Programme de construction — Correction

Voici la figure obtenue en suivant le programme — les arcs de compas ont été conservés :

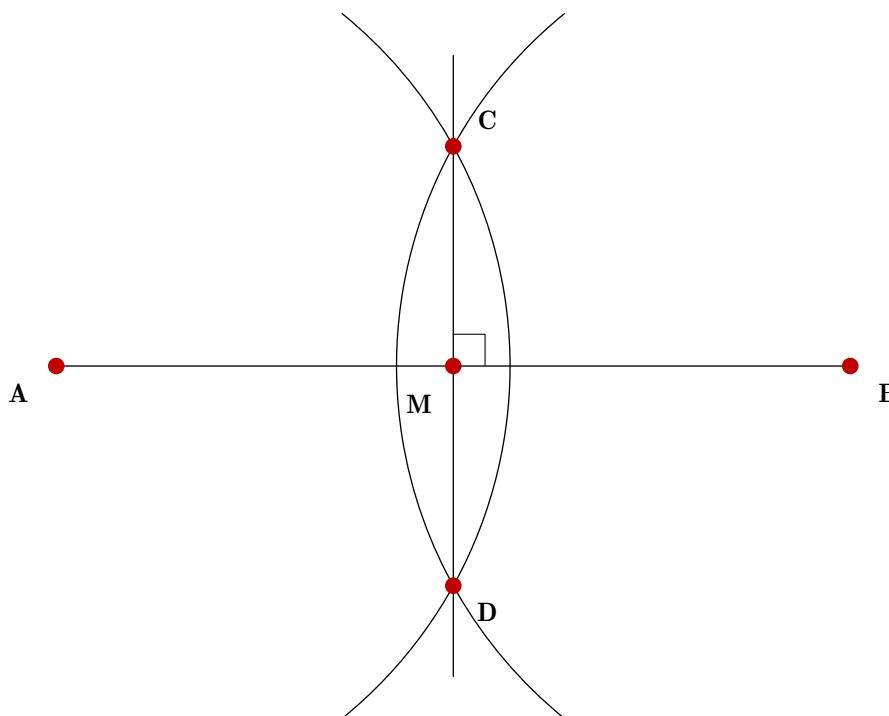


Figure à l'échelle 1 : vous pouvez y superposer votre tracé.

**AM = 5,25 cm : M est le milieu de [AB].**

**(CD) est la médiatrice de [AB] : elle passe par le milieu de [AB] et lui est perpendiculaire.**

**Le triangle ABC est isocèle en C : CA = CB = 6 cm.**

**Pourquoi cette construction donne la médiatrice.** C et D sont à 6 cm de A et à 6 cm de B : ils sont donc à égale distance des deux extrémités du segment. Or la médiatrice de [AB] est exactement l'ensemble des points équidistants de A et de B. Et comme deux points suffisent à tracer une droite, deux intersections suffisent.

**Le rayon doit être assez grand.** S'il avait été inférieur à 5,25 cm — la moitié de AB — les deux cercles ne se seraient pas coupés, et la construction aurait échoué.

**Le réflexe à prendre.** Une construction se contrôle toujours par une mesure. Si la longueur trouvée ne correspond pas à celle calculée, c'est **une étape du programme** qui a été mal exécutée : reprenez-les une à une, plutôt que de tout retracer.