



Le programme de calcul

Problème — Fiche n°115



PCAL0115

Un programme de calcul à appliquer, un résultat à observer, et surtout une propriété à démontrer. Essayer sur deux ou trois nombres ne prouve rien : il faut appeler n le nombre choisi et mener le calcul avec la lettre.

Le programme de calcul

Voici un programme de calcul :

1. Choisis un nombre.
2. Ajoute 15.
3. Multiplie par 5.
4. Retrancher 11.
5. Ajoute le triple du nombre choisi.
6. Retrancher 64.

Réponds aux trois questions, dans l'ordre : la première se fait de tête, la dernière demande une démonstration.

1. Applique ce programme au nombre **7**, puis au nombre **10**.
2. Compare chaque résultat au nombre choisi. Que remarques-tu ?
3. Démonstre-le pour un nombre quelconque.

Fais tes calculs au brouillon, puis rédige.

Correction

Le programme de calcul — Correction

1. On applique le programme pas à pas :

Étape	avec 7	avec 10
Nombre choisi	7	10
Ajoute 15	22	25
Multiplie par 5	110	125
Retranche 11	99	114
Ajoute le triple du nombre choisi	120	144
Retranche 64	56	80

2. et 3. Un tableau de nombres ne démontre rien : il faut refaire le calcul avec une lettre.

On appelle **n** le nombre choisi et on refait le programme avec la lettre :

Nombre choisi : **n**

Ajoute 15 : **n + 15**

Multiplie par 5 : **5n + 75**

Retranche 11 : **5n + 64**

Ajoute le triple du nombre choisi : **8n + 64**

Retranche 64 : **8n**

Le résultat est toujours le nombre choisi multiplié par 8.

L'expression finale est **8n** : le résultat est bien 8 fois le nombre de départ, pour n'importe quelle valeur de n.

La règle du jeu. Un exemple peut **infirmer** une affirmation — il suffit d'un contre-exemple. Il ne peut jamais la **confirmer** : pour cela il faut un calcul qui vaut pour tous les nombres à la fois, et c'est précisément à quoi sert la lettre n.