



Le programme de calcul

Problème — Fiche n°150



PCAL0150

Un programme de calcul à appliquer, un résultat à observer, et surtout une propriété à démontrer. Essayer sur deux ou trois nombres ne prouve rien : il faut appeler n le nombre choisi et mener le calcul avec la lettre.

Le programme de calcul

Voici un programme de calcul :

1. Choisis un nombre.
2. Retranche le double du nombre choisi.
3. Ajoute 8.
4. Ajoute le triple du nombre choisi.
5. Ajoute 15.
6. Retranche le double du nombre choisi.

Réponds aux trois questions, dans l'ordre : la première se fait de tête, la dernière demande une démonstration.

1. Applique ce programme au nombre **3**, puis au nombre **19**.
2. Que remarques-tu ? Essaie avec un troisième nombre de ton choix.
3. Démonstre que le résultat est **toujours le même**, quel que soit le nombre choisi.

Fais tes calculs au brouillon, puis rédige.

Correction

Le programme de calcul — Correction

1. On applique le programme pas à pas :

Étape	avec 3	avec 19
Nombre choisi	3	19
Retranche le double du nombre choisi	-3	-19
Ajoute 8	5	-11
Ajoute le triple du nombre choisi	14	46
Ajoute 15	29	61
Retranche le double du nombre choisi	23	23

2. et 3. Un tableau de nombres ne démontre rien : il faut refaire le calcul avec une lettre.

On appelle **n** le nombre choisi et on refait le programme avec la lettre :

Nombre choisi : **n**

Retranche le double du nombre choisi : **-n**

Ajoute 8 : **-n + 8**

Ajoute le triple du nombre choisi : **2n + 8**

Ajoute 15 : **2n + 23**

Retranche le double du nombre choisi : **23**

Le résultat est toujours 23, quel que soit le nombre choisi.

L'expression finale est **23** : la lettre **n** a disparu. C'est exactement ce que veut dire « le résultat ne dépend pas du nombre choisi » — et aucun essai numérique, si nombreux soit-il, ne pouvait l'établir.

La règle du jeu. Un exemple peut **infirmer** une affirmation — il suffit d'un contre-exemple. Il ne peut jamais la **confirmer** : pour cela il faut un calcul qui vaut pour tous les nombres à la fois, et c'est précisément à quoi sert la lettre **n**.