



Le programme de calcul

Problème — Fiche n°196



PCAL0196

Un programme de calcul à appliquer, un résultat à observer, et surtout une propriété à démontrer. Essayer sur deux ou trois nombres ne prouve rien : il faut appeler n le nombre choisi et mener le calcul avec la lettre.

Le programme de calcul

Voici **deux** programmes de calcul :

Programme A

1. Choisis un nombre.
2. Multiplie par 5.
3. Ajoute 9.

Programme B

1. Choisis un nombre.
2. Ajoute 1.
3. Multiplie par 5.
4. Ajoute 4.

Réponds aux trois questions, dans l'ordre : la première se fait de tête, la dernière demande une démonstration.

1. Applique les deux programmes au nombre **4**, puis au nombre **23**.
2. Que remarques-tu ?
3. Démonstre que les deux programmes donnent **toujours** le même résultat.

Fais tes calculs au brouillon, puis rédige.

Correction

Le programme de calcul — Correction

1. Programme A :

Étape	avec 4	avec 23
Nombre choisi	4	23
Multiplie par 5	20	115
Ajoute 9	29	124

Programme B :

Étape	avec 4	avec 23
Nombre choisi	4	23
Ajoute 1	5	24
Multiplie par 5	25	120
Ajoute 4	29	124

2. Les deux programmes donnent le même résultat sur les nombres essayés.

3. Deux essais ne prouvent rien. On reprend chaque programme avec la lettre **n** :

On appelle **n** le nombre choisi et on refait le programme A avec la lettre :

Nombre choisi : **n**

Multiplie par 5 : **5n**

Ajoute 9 : **5n + 9**

On appelle **n** le nombre choisi et on refait le programme B avec la lettre :

Nombre choisi : **n**

Ajoute 1 : **n + 1**

Multiplie par 5 : **5n + 5**

Ajoute 4 : **5n + 9**

Les deux programmes aboutissent à la même expression, **5n + 9** : ils donnent donc le même résultat pour n'importe quel nombre choisi.

Ce qui est réellement démontré. Ce n'est pas que les deux programmes se ressemblent, c'est qu'ils sont **égaux pour tout nombre** — y compris négatif ou décimal. Le calcul littéral dit en une ligne ce qu'aucune liste d'essais ne pourrait établir.