



Le programme de calcul

Problème — Fiche n°214



PCAL0214

Un programme de calcul à appliquer, un résultat à observer, et surtout une propriété à démontrer. Essayer sur deux ou trois nombres ne prouve rien : il faut appeler n le nombre choisi et mener le calcul avec la lettre.

Le programme de calcul

Voici **deux** programmes de calcul :

Programme A

1. Choisis un nombre.
2. Multiplie par 6.
3. Ajoute 10.

Programme B

1. Choisis un nombre.
2. Ajoute 2.
3. Multiplie par 6.
4. Retranche 2.

Réponds aux trois questions, dans l'ordre : la première se fait de tête, la dernière demande une démonstration.

1. Applique les deux programmes au nombre **9**, puis au nombre **24**.
2. Que remarques-tu ?
3. Démonstre que les deux programmes donnent **toujours** le même résultat.

Fais tes calculs au brouillon, puis rédige.

Correction

Le programme de calcul — Correction

1. Programme A :

Étape	avec 9	avec 24
Nombre choisi	9	24
Multiplie par 6	54	144
Ajoute 10	64	154

Programme B :

Étape	avec 9	avec 24
Nombre choisi	9	24
Ajoute 2	11	26
Multiplie par 6	66	156
Retranche 2	64	154

2. Les deux programmes donnent le même résultat sur les nombres essayés.

3. Deux essais ne prouvent rien. On reprend chaque programme avec la lettre **n** :

On appelle **n** le nombre choisi et on refait le programme A avec la lettre :

Nombre choisi : **n**

Multiplie par 6 : **6n**

Ajoute 10 : **6n + 10**

On appelle **n** le nombre choisi et on refait le programme B avec la lettre :

Nombre choisi : **n**

Ajoute 2 : **n + 2**

Multiplie par 6 : **6n + 12**

Retranche 2 : **6n + 10**

Les deux programmes aboutissent à la même expression, $6n + 10$: ils donnent donc le même résultat pour n'importe quel nombre choisi.

Ce qui est réellement démontré. Ce n'est pas que les deux programmes se ressemblent, c'est qu'ils sont **égaux pour tout nombre** — y compris négatif ou décimal. Le calcul littéral dit en une ligne ce qu'aucune liste d'essais ne pourrait établir.