



Le programme de calcul

Problème — Fiche n°283



PCAL0283

Un programme de calcul à appliquer, un résultat à observer, et surtout une propriété à démontrer. Essayer sur deux ou trois nombres ne prouve rien : il faut appeler n le nombre choisi et mener le calcul avec la lettre.

Le programme de calcul

Voici un programme de calcul :

1. Choisis un nombre.
2. Ajoute le double du nombre choisi.
3. Ajoute 12.
4. Ajoute le nombre choisi.
5. Retrancher 12.

Réponds aux trois questions, dans l'ordre : la première se fait de tête, la dernière demande une démonstration.

1. Applique ce programme au nombre **3**, puis au nombre **15**.
2. Compare chaque résultat au nombre choisi. Que remarques-tu ?
3. Démonstre-le pour un nombre quelconque.

Fais tes calculs au brouillon, puis rédige.



Correction

Le programme de calcul — Correction

1. On applique le programme pas à pas :

Étape	avec 3	avec 15
Nombre choisi	3	15
Ajoute le double du nombre choisi	9	45
Ajoute 12	21	57
Ajoute le nombre choisi	24	72
Retranche 12	12	60

2. et 3. Un tableau de nombres ne démontre rien : il faut refaire le calcul avec une lettre.

On appelle **n** le nombre choisi et on refait le programme avec la lettre :

Nombre choisi : **n**

Ajoute le double du nombre choisi : **3n**

Ajoute 12 : **3n + 12**

Ajoute le nombre choisi : **4n + 12**

Retranche 12 : **4n**

Le résultat est toujours le nombre choisi multiplié par 4.

L'expression finale est **4n** : le résultat est bien 4 fois le nombre de départ, pour n'importe quelle valeur de n.

La règle du jeu. Un exemple peut **infirmer** une affirmation — il suffit d'un contre-exemple. Il ne peut jamais la **confirmer** : pour cela il faut un calcul qui vaut pour tous les nombres à la fois, et c'est précisément à quoi sert la lettre n.